

## نام دبیر: گردآوری شده توسط همکلاسی

با اسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹/۳۰	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان درس: حسابان ۲
تعداد صفحه: ۲۰	تاریخ امتحان: ۹۸/۰۲/۰۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوجه
دانش آموزان سراسر استان ایلام - سال تحصیلی ۹۷-۹۸			

ردیف	سوالات	نمره
۱	<p>درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) مینیمم تابع <math>f(x) = -4 - \cos(\frac{\pi x}{2})</math> برابر ۵ است.</p> <p>ب) تابع <math>f(x) = \tan x</math> در هر بازه‌ای که تعریف شده باشد صعودی است.</p> <p>ج) اگر برد تابع محدود باشد آن تابع فاقد مجانب افقی است.</p> <p>د) توابع یکنوا فاقد نقطه‌ی عطف هستند.</p>	۶
۲	<p>جهای خالی را با عبارت یا عدد مناسب پر کنید.</p> <p>الف) در رسم نمودارتابع <math>y = f(x)</math> از روی نمودار تابع <math>y = k</math> باشد نمودار <math>f</math> در امتداد محور ..... می‌شود.</p> <p>ب) تابع <math>y = \sqrt[3]{x}</math> در نقطه‌ی ..... پیوسته ..... و مشتق پذیر ..... .</p> <p>ج) دوره‌ی تناوب تابع <math>f(x) = 4 - 2 \tan(3x)</math> برابر ..... است.</p> <p>د) آهنگ لحظه‌ای تابع <math>f(x) = 4 \cos 2x</math> نسبت به <math>x</math> در نقطه‌ی ..... برابر ..... است.</p>	۱/۵
۳	<p>در چندجمله‌ای <math>p(x) = x^3 + ax^2 + x + b</math> مقادیر <math>a, b</math> را طوری بیابید که باقی مانده تقسیم <math>p(x)</math> بر <math>x-1</math> برابر ۴ باشد و بر <math>x+2</math> بخش پذیر باشد.</p>	۱
۴	<p>ضابطه‌ی وارون تابع <math>f(x) = 2(x-1)^3 + 1</math> را بنویسید.</p>	۱
۵	<p>معادله مثلثاتی <math>2\sin^2 x + 9\cos x + 3 = 0</math> را حل کنید.</p>	۱/۲۵
۶	<p>اگر <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{ax^5 - 3x + 2}{3nx^{n+1} + 8x^2 - 1} = -\frac{1}{2}</math> مقادیر <math>a, n</math> را به دست آورید.</p>	۰/۷۵
۷	<p>الف) حد زیر را به دست آورید.</p> <p><math display="block">\lim_{x \rightarrow -\frac{1}{2}} \frac{\lceil x \rceil + \frac{1}{5}}{ 2x + 1 }</math></p> <p>ب) ابتدا مجانب قائم تابع <math>f(x) = \frac{x^3}{x x }</math> را تعیین کنید. سپس نمودار تابع را در مجاورت مجانب قائم رسم کنید.</p>	۰/۷۵
۸	<p>در تابع <math>f(x) = \begin{cases} 4x+1 &amp; : x \leq 1 \\ x^2 + 4 &amp; : x &gt; 1 \end{cases}</math> با استفاده از تعریف مشتق، مشتقهای چپ و راست تابع را در نقطه‌ی <math>x=1</math> محاسبه کنید. آیا تابع در این نقطه مشتق پذیر است؟</p>	۱/۲۵

## نام دپیر: گردآوری شده توسط همکلاسی

دانش آموزان سراسر استان ایلام - سال تحصیلی ۹۷-۹۸

۱/۵	<p>نقاط داده شده روی منحنی زیر را با شبیه های ارائه شده در جدول نظریه کنید.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="background-color: #c6e2ff; text-align: center;">شبیه</th><th style="background-color: #c6e2ff; text-align: center;">نقطه</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;">-۳</td><td></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;">-۱</td><td></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;">۰</td><td></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>\frac{1}{2}</math></td><td></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;">۱</td><td></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>\frac{3}{2}</math></td><td></td></tr> </tbody> </table>	شبیه	نقطه	-۳		-۱		۰		$\frac{1}{2}$		۱		$\frac{3}{2}$		
شبیه	نقطه															
-۳																
-۱																
۰																
$\frac{1}{2}$																
۱																
$\frac{3}{2}$																
۱	الف) مشتق تابع $f(x) = \left(3x^2 - \frac{x}{2}\right)^{\frac{2}{3}} \sqrt[3]{x^2}$ را بیابید.	۱۰														
۱	ب) اگر $f'(x) = \sqrt{x^2 + 1}$ مشتق تابع $g(x) = f(\tan x)$ را به دست آورید.	۱۱														
۱	معادله خط مماس بر نمودار $f(x) = \frac{x+3}{x^2+1}$ در نقطه $i$ به طول $x = 1$ واقع بر آن بنویسید.	۱۲														
۰/۷۵	آهنگ تغییر مساحت یک مربع نسبت به محیط آن برای مربعی به محیط ۱۶ سانتی متر بیابید.	۱۳														
۱/۵	مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = \frac{x^2}{x-3}$ در بازه $[-2, 2]$ را تعیین کنید.	۱۴														
۱/۵	الف) نقاط بحرانی تابع $f(x) =  x  - 1$ را بیابید. ب) مقادیر $a, b$ را طوری بیابید که تابع $f(x) = x^2 + ax + b$ در نقطه $i$ ۱ ماکزیمم نسبی برابر ۵ داشته باشد.	۱۵														
۱	شکل زیر را در نظر بگیرید. در کدام یک از پنج نقطه مشخص شده روی نمودار: ب) $f'(x)$ , $f''(x)$ , $f'''(x)$ هر دو منفی است. الف) $f(x)$ مثبت است.	۱۶														
۱/۵	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 2$ رارسم کنید.	۱۷														
۲۰	جمع نمرات موفق باشید.	۱۸														