



برای دریافت پاسخنامه سوالات به سایت زیر مراجعه فرمایید

www.20shoo.ir

Considérons les deux fonctions rationnelles suivantes :

$$\text{f}(x) : \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\} \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto \frac{6x+2}{(x+1)(x-1)}$$

$$\text{g}(x) : \mathbb{R} \setminus \{-1, 1, 2\} \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto \frac{3x-7}{(x-1)(x-2)}$$

Nous avons :

$$((x+1)(x-1)=0) \iff (x=-1 \text{ ou } x=1);$$

$$((x-1)(x-2)=0) \iff (x=1 \text{ ou } x=2).$$

Nous en déduisons que le domaine de définition de d est :

$$\text{D}_d = \text{D}_f \cap \text{D}_g = \mathbb{R} \setminus \{-1, 1, 2\}$$

Pour tout réel x de D_d , nous avons :

$$\text{d}(x) = \frac{6x+2}{(x+1)(x-1)} - \frac{3x-7}{(x-1)(x-2)}$$

Nous en déduisons successivement :

$$\text{d}(x) = \frac{(6x+2)(x-2)}{(x+1)(x-1)(x-2)} - \frac{(3x-7)(x+1)}{(x+1)(x-1)(x-2)}$$

$$\text{d}(x) = \frac{(6x^2 - 12x + 2x - 4) - (3x^2 + 3x - 7x - 7)}{(x+1)(x-1)(x-2)}$$

$$\text{d}(x) = \frac{3x^2 - 6x + 3}{(x+1)(x-1)(x-2)} = \frac{3(x-1)^2}{(x+1)(x-1)(x-2)}$$

Pour tout réel x de D_d , nous avons :

$$x-1 \neq 0 \iff x \neq 1$$

کلیه حقوق مادی و معنوی این سوالات متعلق به گروه آموزشی بسیج شو می باشد و کپی پردازی و استفاده بدون ذکر منبع از لحاظ شرعی و قانونی مجاز نمی باشد



Instagram



telegram

20shoo.ir

@ir20shoo



مشتق

۱- اگر $f'(x) = 3x^2 - 2x + 1$ را به دست آورید و معادله خط مماس بر منحنی f را در نقطه‌ای به طول ۲ واقع بر آن بنویسید.

۲- مشتق توابع داده شده را بیابید.

(الف)

$$f(x) = (3x^3 - 4)(2x - 5)^3$$

(ب)

$$f(x) = \frac{x^4 - 3x + 1}{-3x + 2}$$

(پ)

$$f(x) = (\sqrt{3x+2})(x^3 + 1)$$

(ت)

$$f(x) = \frac{9x - 2}{\sqrt{x}}$$

۳- گنجایش ظرفی ۴۰ لیتر مایع است. در لحظه $t = 0$ سوراخی در ظرف ایجاد می‌شود. اگر حجم مایع باقیمانده در ظرف پس از t ثانیه از رابطه

$$V = 40(1 - \frac{t}{100})^2$$

الف) آهنگ تغییر متوسط حجم مایع در بازه زمانی $[1, 5]$ چقدر است؟

ب) در چه زمانی، آهنگ تغییر لحظه‌ای حجم برابر آهنگ تغییر متوسط آن در بازه $[10, 15]$ می‌شود؟

۴- یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + 2t^3$ گرم است.

الف) جرم این توده باکتری در بازه زمانی $3 \leq t \leq 4$ چند گرم افزایش می‌یابد؟

ب) آهنگ رشد جرم توده باکتری در لحظه $t = 3$ چقدر است؟

۵- کدام یک از عبارات زیر درست و کدام یک نادرست است:

الف) آهنگ تغییر متوسط تابعی مانند f در بازه $[1, 5]$ همیشه کم‌تر از شیب آن منحنی در نقطه است.

ب) اگر تابعی صعودی باشد، آهنگ تغییر متوسط آن، همواره صعودی است.

پ) تابعی وجود ندارد که برای آن $f'(a) = 0$ و $f(a) = 0$ هم باشد

۶- با توجه به مقادیر تابع f در جدول زیر، f' را برای نقاط داده شده تخمین بزنید. به طور مثال $6 \approx (0) f'$. بقیه جدول را کامل کنید.

x	۰	۵	۱۰	۱۵	۳۰
$f(x)$	۱۰۰	۷۰	۵۵	۴۶	۴۰
مقدار تقریبی $f'(x)$	-۶				

۷- توپی از یک پل به ارتفاع ۱۱ متر به هوا پرتاب می‌شود. $f(t)$ نشان‌دهنده فاصلهٔ توپ از سطح زمین در زمان t است. برخی از مقادیر $f(t)$ در جدول زیر نمایش داده شده است.

t	۰	۰,۱	۰,۲	۰,۳	۰,۴	۰,۵	۰,۶
ثانیه							
$f(t)$	۱۱	۱۲,۴	۱۳,۸	۱۵,۱	۱۶,۳	۱۷,۴	۱۸,۴

براساس جدول کدام یک از مقادیر زیر می‌تواند سرعت توپ را هنگامی که در ارتفاع نظیر زمان $4\text{,}0$ ثانیه است نشان دهد؟

(ت) $16,03 \text{ m/s}$

(پ) $11,5 \text{ m/s}$

(ب) $14,91 \text{ m/s}$

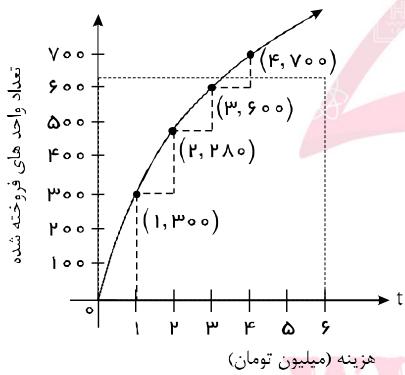
(الف) $1,23 \text{ m/s}$

۸- معادلهٔ حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^3 - t + 10$ بر حسب متر در بازهٔ زمانی $[0, 5]$ (بر حسب ثانیه) داده شده است. در کدام لحظه سرعت لحظه‌ای با سرعت متوسط در بازهٔ زمانی $[0, 5]$ باهم برابرند؟

۹- نمودار روبه رو نمایش میزان فروش تعداد نوعی کالا (N) پس از صرف t میلیون تومان هزینه برای تبلیغ است.

(الف) آهنگ تغییر N بر حسب t را وقتی t از 0 تا 1 ، 2 ، 3 و 4 تا 5 تغییر می‌کند به دست آورید.

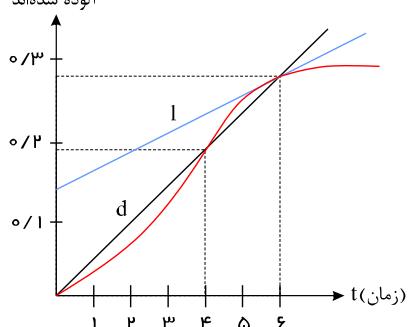
(ب) به نظر شما چرا آهنگ تغییرات، وقتی که مقادیر t افزایش می‌یابند، در حال کاهش است؟



گروه آموزشی بیس-مت شو

www.20shoo.ir

۱۰- کسری از جمعیت یک شهر که به وسیلهٔ یک ویروس آلوده شده‌اند بر حسب زمان (هفته) در نمودار زیر نشان داده شده است. (الف) شباهای خطوط کسری از جمعیت که
ا) آنده شده‌اند
ب) چه چیزهایی را نشان می‌دهند.



ب) گسترش آلودگی در کدام یک از زمان‌های $t = 1, t = 2, t = 3$ یا $t = 4$ بیشتر است؟
پ) قسمت «ب» را برای $t = 5, t = 6$ بررسی کنید.

۱۱- جدول زیر درجه حرارت T (سانتی گراد) را در شهری از ساعت ۸ تا ۱۸ در یک روز نشان می‌دهد.

ساعت h	۸	۹	۱۰	۱۱	۱۲	۱۳	۱۴	۱۵	۱۶	۱۷	۱۸
درجه حرارت T	۱۱	۱۳	۱۴	۱۷	۱۹	۱۸	۱۷	۱۵	۱۳	۱۰	۹

آهنگ تغییر متوسط درجه حرارت نسبت به زمان را:
الف) از ساعت ۸ تا ساعت ۱۲ به دست آورید.
ب) از ساعت ۱۲ تا ساعت ۱۸ به دست آورید.
پ) پاسخ‌ها را تفسیر کنید.

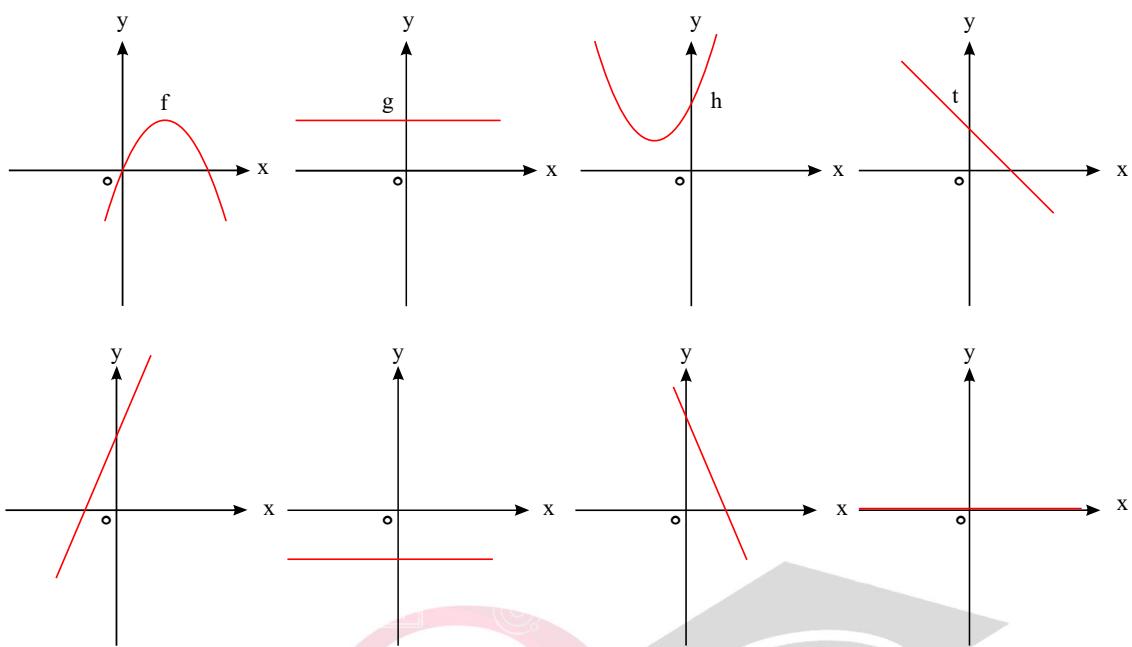
۱۲- اگر $f(x) = \begin{cases} x^3 & x \leq 0 \\ x & x > 0 \end{cases}$ نشان دهد، $f'_+(0)$ و $f'_-(0)$ موجودند ولی $f'(0)$ موجود نیست.

۱۳- اگر $3f + 2g$ مطلوب است، $(3f + 2g)'(1) = 5$ و $(1)(f + g)'(1) = 3$ مطلوب است، $(f + g)'(1)$ و (1) مطلوب است.

گروه آموزشی بیس-میت شو

www.20shoo.ir

۱۴- نمودار توابع f و g و h و t را به نمودار مشتق آن‌ها، نظیر کنید.

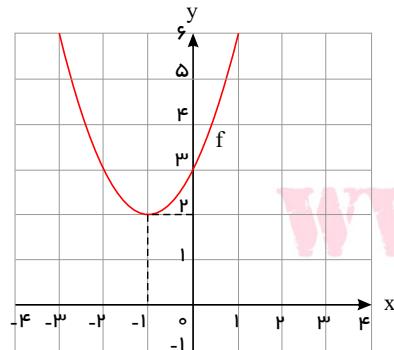


۱۵- اگر $f(x) = |x^3 - 4|$ ، به کمک تعریف مشتق، مشتق پذیری f را در نقاط به طول‌های ۲ و -۲ بررسی کنید.

۱۶- سه تابع مختلف مثال بزنید که مشتق آن‌ها باهم برابر باشند.

۱۷- مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^3 + 3 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$ را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.

۱۸- (الف) با استفاده از نمودار تابع $f(x) = x^3 + 2x$ (شکل مقابل) مقادیر زیر را به ترتیب صعودی مرتب کنید.



(ب) صحت ادعای خود در (الف)، را با محاسبه مشتق تابع $f(x) = x^3 + 2x$ بررسی کنید.

(پ) تابع مشتق را رسم کنید.

- ۱۹- نمودار تابعی را رسم کنید که مشتق آن
- الف) در یک نقطه برابر صفر شود.
 - ب) در $x = 2$ برابر ۳ شود.
 - ت) در تمام نقاط یکسان باشد.
 - پ) در تمام نقاط مثبت باشد.
 - ث) در تمام نقاط منفی باشد.

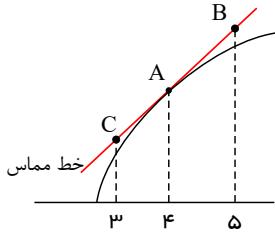
$$f(x) = \begin{cases} 5x - 4 & x < 0 \\ x^3 & 0 \leq x \leq 3 \\ x + 6 & x > 3 \end{cases}$$

- الف) نمودار تابع f را رسم کنید.
- ب) نشان دهید که $(0, 0)$ و $(3, 3)$ وجود ندارند.
- پ) ضابطه تابع مشتق را بنویسید.
- ت) نمودار تابع f' را رسم کنید.

- ۲۱- دو تابع مختلف f و g مانند f و g مثال بزنید که هردو در $x = 2$ پیوسته باشند ولی در این نقطه مشتق پذیر نباشند.

- ۲۲- در هر ثانیه علی j متر با دوچرخه و رضا s متر با پای پیاده طی می‌کنند، به طوری که $s > j$. در یک زمان داده شده، چگونه می‌توان مسافت طی شده توسط رضا و علی را مقایسه کرد؟
- الف) علی $s - j$ متر بیش از رضا مسافت طی خواهد کرد.
 - ب) علی $s - j$ متر بیش از رضا مسافت طی خواهد کرد.
 - پ) علی s/j متر بیش از رضا مسافت طی خواهد کرد.
 - ت) علی s/j برابر رضا مسافت طی خواهد کرد.
 - ث) علی s/j برابر رضا مسافت طی خواهد کرد.

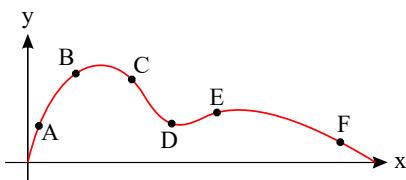
- ۲۳- برای تابع f در شکل زیر داریم: $f'(4) = 1, f'(5) = 2$ و $f''(4) = 5$ با توجه به شکل مختصات نقاط A, B و C را بیابید.



- ۲۴- نقاط A, B, C, D, E و F را روی منحنی روبه رو در نظر می‌گیریم. در مورد شیب منحنی در این نقاط کدام گزاره درست و کدام یک نادرست است؟ (الف) شیب منحنی در همه این نقاط مثبت است.

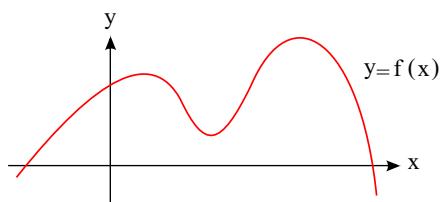
(ب) شیب خط مماس بر منحنی در نقطه A را با m_A نمایش داده ایم.

- (پ) $m_E < m_B < m_A$
- (ت) شیب منحنی در نقاط F, D و C منفی است.
- (ث) $m_F < m_D < m_C$
- (ج) $m_C < m_D < m_F < m_E < m_B < m_A$



۲۵- اگر $f'(x) = x^3 - 2$ را به دست آورید.

۲۶- نقاطی مانند A, B, C, D, E, F, G را روی نمودار $y = f(x)$ مشخص کنید به طوری



که: الف) نقطه‌ای روی نمودار است که شیب خط مماس بر نمودار در آن منفی است.

ب) نقطه‌ای روی نمودار تابع است که مقدار تابع و مقدار مشتق در آن منفی است.

پ) نقطه‌ای روی نمودار است که مقدار تابع در آن جا صفر است ولی مقدار مشتق در آن مثبت است.

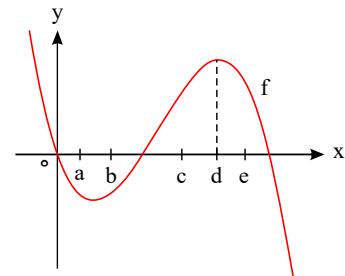
ت) نقطه‌ای روی منحنی است که مشتق در آن جا صفر است.

ث) نقاط E و F نقاط متفاوتی روی منحنی هستند که مشتق یکسان دارند.

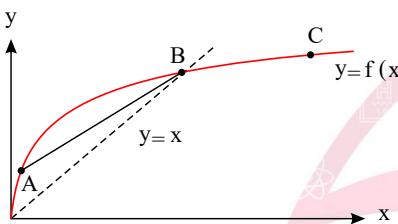
ج) نقطه‌ای روی منحنی است که مقدار تابع در آن جا مثبت ولی مقدار مشتق منفی است.

۲۷- با در نظر گرفتن نمودار f در شکل، نقاط به طول های a, b, c, d و e را با مشتق های داده شده در جدول نظیر کنید.

x	$f'(x)$
	۰
	۰,۵
	۲
	-۰,۵
	-۲



۲۸- برای نمودار $y = f(x)$ در شکل زیر شیب‌های داده شده از «الف» تا «ج» را از کوچک‌ترین به بزرگ‌ترین مرتب کنید. الف) شیب نمودار در نقطه A



ب) شیب نمودار در نقطه B

پ) شیب نمودار در نقطه C

ت) شیب خط AB

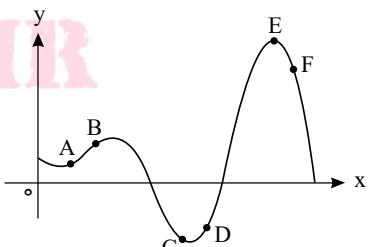
ث) شیب خط $y = 2$

ج) شیب خط $y = x$

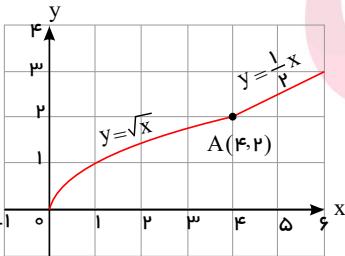
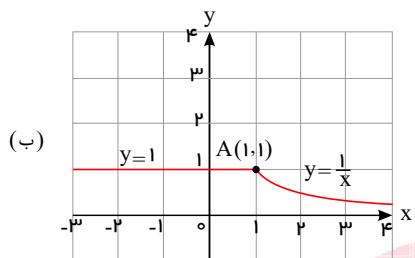
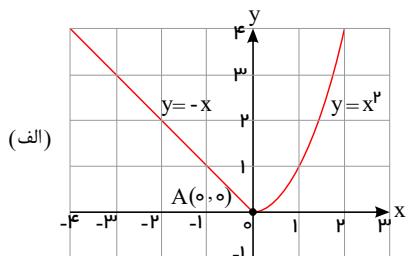
شیب‌های داده شده از «الف» تا «ج» را به ترتیب m_1, m_2, \dots, m_n در نظر بگیرید.

۲۹- نقاط داده شده روی منحنی زیر را با شیب‌های ارائه شده در جدول نظیر کنید.

شیب	نقطه
-۳	
-۱	
۰	
$\frac{1}{2}$	
۱	
۲	



۳۰- با محاسبه مشتق راست و مشتق چپ توابع داده شده در نقطه A , نشان دهید که این توابع در نقطه A مشتق پذیر نیستند.



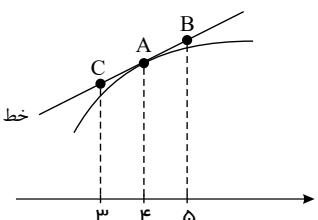
۳۱- تابع $f(x) = 7\sqrt{x} + 50$ قدر متوسط کودکان را بر حسب سانتی‌متر تا حدود ۶۰ ماهگی نشان می‌دهد، که در آن x مدت زمان پس از تولد

(بر حسب ماه) است. آهنگ متوسط رشد در بازه زمانی $[0, 25]$ چقدر است؟

۳۲- مشتق تابع $y = \frac{1}{x}(2\sqrt{x} - 1)^3$ را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)

۳۳- یک توده باکتری پس از t ساعت دارای جرم $x(t) = \sqrt{t} + 2t^3$ گرم است. آهنگ تغییر متوسط جرم این توده در بازه زمانی $[3, 4]$ چقدر است؟

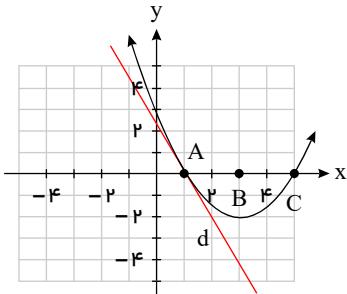
۳۴- برای تابع f در شکل روبرو داریم $f'(4) = 1,5$ و $f'(5) = 24$ با توجه به شکل، مختصات نقاط A , B و C را بیابید.



۳۵- در نمودار مقابل خط d در نقطه $x = 1$ بر نمودار f مماس شده است:

الف) مشتق تابع f را در نقطه $x = 1$ محاسبه کنید.

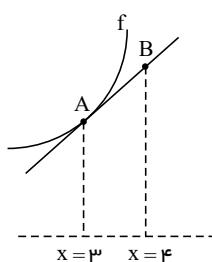
ب) شیب نمودار را در نقاط C, B مقایسه کنید.



الف) $f(x) = 3x^3 \sqrt[3]{5x^3 - 2}$

ب) $g(x) = \sqrt[3]{\frac{x^3 - 1}{1 - 3x}}$

۳۶- مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست)



۳۷- در نمودار شکل مقابل اگر $f'(3) = 6, f(3) = 7$ باشد، مختصات نقطه B را بیابید.

۳۸- آهنگ لحظه‌ای تغییر مساحت یک مربع به ضلع x را نسبت به محیط آن بیابید.

۳۹- اگر $x = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x) - f(4)}{x - 4}$ بازای $f'(\frac{1}{x})$ حاصل چقدر است؟

۴۰- اگر $(-1)^{f'(-1)} = 12$ و $g(x) = f(x^3 + x - 1)$ آنگاه $(0)^{g'(0)}$ را بیابید.

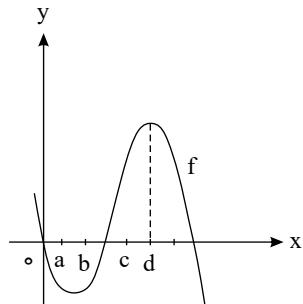
۴۱- اگر $f(x) = \begin{cases} x^3 & x < 0 \\ x & x \geq 0 \end{cases}$ نشان دهید $(+)f'_+$ و $(-)f'_-$ موجودند ولی $(0)f'$ موجود نیست.

۴۲- مشتق تابع‌های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)

الف) $f(x) = (x^3 + 1)^3(5x - 1)$ ب) $g(x) = \frac{9x - 2}{\sqrt{x}}$

۴۳- با در نظر گرفتن نمودار f در شکل، نقاط به طول‌های a و b و c و d را با مشتق‌های داده در جدول نظیر کنید.

x	$f'(x)$
	۰
	۰,۵
	۲
	-۰,۵

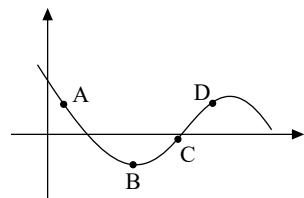


۴۴- معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = 2t^3 - t$ ، بر حسب متر داده شده است. در چه زمانی سرعت لحظه‌ای با سرعت متوسط در بازه زمانی [۰, ۴] برابرند.

۴۵- مشتق تابع $f(x) = x^3 - 2$ را با استفاده از تعریف مشتق در نقطه‌ای به طول $1 = -x$ به دست آورید.

۴۶- آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = \sqrt{x+2}$ را وقتی متغیر از $x_1 = ۷$ به $x_2 = ۷$ تغییر می‌کند به دست آورید.

۴۷- مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^3 + x & x \geq 1 \\ 3x - 1 & x < 1 \end{cases}$ بررسی کنید.



۴۸- نقاط داده شده روی منحنی را با شیب‌های ارائه شده در جدول نظیر کنید.

شیب	۱	۰	$\frac{1}{2}$	-۲
نقطه				

۴۹- مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).

(الف) $f(x) = \left(\frac{x}{2x-1}\right)^5$ (ب) $g(x) = x^3(\sqrt{x+1})$

۵۰- اگر $f(x) = 1 - 2x^3$ باشد. $(-1, f')$ را با استفاده از تعریف مشتق به دست آورید.

۵۱- آهنگ تغییرات محیط یک مربع را نسبت به مساحت آن برای مربعی که مساحت آن ۱۶ واحد است به دست آورید.

۵۲- مشتق توابع زیر را بیابید. (ساده کردن الزامی نیست)

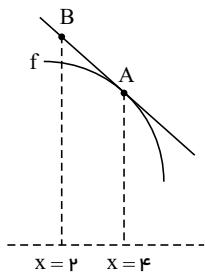
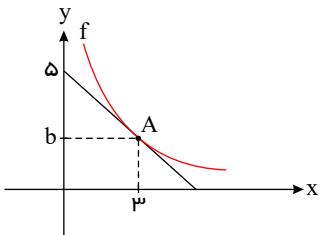
(الف) $f(x) = \frac{(3x+5)^3}{\sqrt{x}}$ (ب) $g(x) = \left(\frac{x^2-1}{3x+2}\right)^5$

۵۳- نقاطی از منحنی $y = \frac{2x+3}{1-x}$ را بیابید که مماس بر منحنی در آن نقاط بر خط $y + 5x = 8$ عمود باشد.

۵۴- نقاطی روی منحنی تابع $f(x) = -x^3 + 2x + 5$ را بیابید که مماس در آن نقاط، عمود بر نیمساز ربع اول و سوم باشد.

۵۵- نقاطی از نمودار تابع $y = x^3 - 2x$ را بیابید که مماس بر منحنی در این نقاط، موازی نیمساز ربع اول و سوم است.

۵۶- در شکل مقابل اگر $-f'(3) = b$ باشد، مقدار b را بیابید.



۵۷- در شکل مقابل اگر $f'(4) = -3$ و $f(4) = 5$ باشد، مختصات نقطه B را بیابید.

۵۸- تابع $f(x) = \begin{cases} 5x - 4 & x < 0 \\ x^3 & 0 \leq x \leq 3 \\ x + 6 & x > 3 \end{cases}$ مفروض است. دامنه مشتق را به دست آورید و سپس نمودار f' رارسم کنید.

۵۹- مختصات نقاطی روی منحنی $y = \frac{x^3 + 1}{x}$ که مماس در آن نقاط، موازی محور x ها است را به دست آورید.

۶۰- مختصات نقطه‌ای از نمودار تابع با ضابطه $y = x^3 + 2x + 5$ که مماس در آن نقطه بر منحنی، بر خط $4y + x = 11$ عمود باشد را به دست آورید.

WWW.20SHOO.IR

۶۱- مختصات نقاطی از منحنی $y = \frac{1}{2}x - 3 = \frac{x-3}{x-1}$ که مماس در آنها بر منحنی، موازی خط $5y + 5x = 0$ باشد را به دست آورید.

۶۲- معادله خط مماس بر منحنی $y = x + \sqrt[3]{x+8}$ را در محل تلاقی آن با محور عرض بنویسید.

۶۳- معادله خط مماس بر منحنی $y = \frac{2x+3}{x-2}$ را در نقطه‌ای به عرض ۹ واقع بر منحنی بنویسید.

۶۴- معادله خط مماس بر منحنی $f(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{2x}}$ را در نقطه‌ای به طول ۴ واقع بر منحنی بنویسید.

۶۵- معادله خط مماس بر منحنی $f(x) = \sqrt{x^3 + 3x}$ را در نقطه‌ای به طول یک واقع بر منحنی بنویسید.

۶۶- مشتق پذیری تابع $f(x) = |x^3 - 2x|$ را در نقاط $x_1 = 0$ و $x_2 = 2$ بررسی کنید و سپس نمودار f و f' را رسم کنید.

۶۷- ضابطه و دامنه مشتق تابع $f(x) = |x^3 - 4|$ را به دست آورید و سپس نمودار f' را رسم کنید.

۶۸- معادلات نیمماس‌های راست و چپ تابع $f(x) = |x^3 - 1|$ را در $x_0 = 1$ بنویسید.

۶۹- در تابع $f(x) = x^3 - 3x + 1$ آهنگ متوسط تغییر تابع در بازه $[2, 6]$ با آهنگ لحظه‌ای تغییر در کدام نقطه برابر است؟

۷۰- اگر معادله حرکت متحرکی به صورت $S(t) = t^3 + 3t + 1$ باشد، تعیین کنید:

(الف) سرعت متوسط متحرک در فاصله زمانی $t_2 = 4$ تا $t_1 = 2$

(ب) سرعت لحظه‌ای متحرک در لحظه $t_0 = 3$.

۷۱- اگر شعاع دایره‌ای از ۲ سانتی‌متر تا ۴ سانتی‌متر تغییر کند، آهنگ متوسط تغییر مساحت آن را بیابید.

۷۲- اگر شعاع کره‌ای از ۲ سانتی‌متر به ۴ سانتی‌متر افزایش یابد، آهنگ متوسط تغییر حجم کره را بیابید.

۷۳- در تابع $f(x) = \frac{x^3}{x+1}$ حاصل $(f'')''$ را بیابید.

۷۴- در تابع $f(x) = \sqrt{x^3 + 1}$ حاصل $(f'')''$ را بیابید.

۷۵- در تابع $f(x) = x^3 + mx^2 - 2x$ اگر آنگاه $(f'')''$ را بیابید.

۷۶- جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می‌کنیم. جهت حرکت را به طرف بالا مثبت در نظر می‌گیریم.

ارتفاع از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -5t^3 + 40t$ به دست می‌آید:

(الف) سرعت متوسط جسم را در بازه $[5, 8]$ به دست آورید.

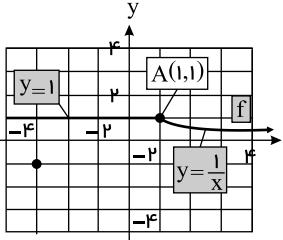
(ب) مشخص کنید در چه لحظه‌ای سرعت جسم $35m/s$ است.

۷۷- مشتق تابع‌های زیر را به دست آورید.

$$(الف) f(x) = \frac{9x - 2}{\sqrt{x}}$$

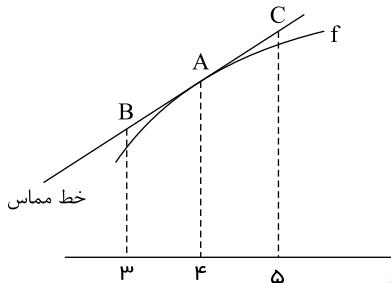
$$(ب) g(x) = (3x^3 - 4)(2x - 5)^3$$

- ۷۸ با محاسبه مشتق راست و مشتق چپ تابع f در نقطه A ، نشان دهید که تابع f در نقطه A مشتق‌پذیر نیست.



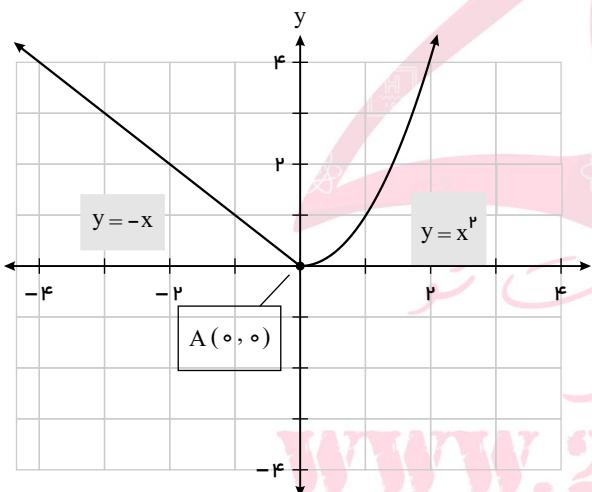
- ۷۹ برای تابع f در شکل رویه را داریم $f(4) = 24$ و $f'(4) = 1,5$

با توجه به شکل، مختصات نقاط B و C را باید.



- ۸۰ معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^3 - t + 10$ بر حسب متر در بازه زمانی $[0, 5]$ (بر حسب ثانیه) داده شده است. در کدام لحظه سرعت لحظه‌ای با سرعت متوسط در بازه زمانی $[0, 5]$ با هم برابرند؟

- ۸۱ با محاسبه مشتق چپ و راست تابع داده شده در نقطه A ، نشان دهید این تابع در نقطه A مشتق‌پذیر نیست.



- ۸۲

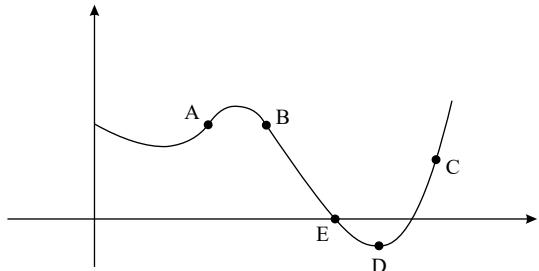
مشتق تابع‌های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)

الف) $f(x) = \left(\frac{x^5}{3x-1}\right)$

ب) $g(x) = (\sqrt{3x+2})(x^3+1)$

۸۳- نقاط داده شده روی منحنی زیر را با شیب‌های ارائه شده در جدول نظری کنید. (یک نقطه اضافی است.)

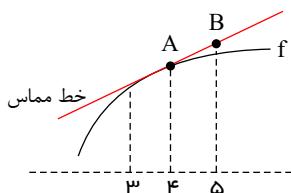
شیب	نقطه
-۳	
-۱	
۰	
۱	



۸۴- خودرویی در امتداد خط راست طبق معادله $d(t) = -5t^3 + 20t$ حرکت می‌کند، که در آن $5 \leq t \leq 6$ بحسب ثانیه است. سرعت لحظه‌ای در $t = 2$ چقدر است؟

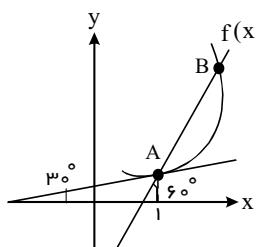
$$f(t) = 25 \text{ و } f'(t) = \frac{3}{2}$$

با توجه به شکل، مختصات نقاط A و B را بیابید.



۸۵- به کمک تعریف مشتق، مشتق‌بذیری تابع $f(x) = |x^3 - 4|$ را در نقطه $x = -2$ بررسی کنید.

$$\text{مشتق تابع } g(x) = \frac{2x+1}{x+2} \text{ را در نقطه } 1 \text{ حساب کنید و به کمک آن معادله خط مماس بر نمودار این تابع را در نقطه } A(-1, -1) \text{ بنویسید.}$$



۸۶- با توجه به نمودار (۱) f' چقدر است؟

گروه آموزشی بیس-مت شو