

۱- برد تابع $f(x) = 2^{1-\sin x}$ کدام است؟

$$\left[\frac{1}{2}, 4 \right] \quad (4)$$

$$[1, 2] \quad (3)$$

$$(0, 4] \quad (2)$$

$$[1, 4] \quad (1)$$

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۷-۹۸

۲- جواب معادله $3^x - 5(2^{1-x}) = 0$ کدام است؟

$$\log_2^6 \quad (4)$$

$$\log_2^5 \quad (3)$$

$$\sqrt[3]{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (1)$$

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۳- کدام یک از توابع زیر یک به یک است؟

$$y = \left(\frac{2}{3}\right)^x \quad (4)$$

$$y = x^{\frac{2}{3}} \quad (3)$$

$$y = x + \frac{1}{x} \quad (2)$$

$$y = 2^{|x|} \quad (1)$$

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴- تابع نمایی $y = 2^{ax+b}$ خط به معادله $63x + 65 = y$ را در دو نقطه به طول های ۱ و ۱- قطع می کند. این تابع نمایی محور y ها را با کدام عرض قطع می کند؟

$$8 \quad (4)$$

$$16 \quad (3)$$

$$32 \quad (2)$$

$$64 \quad (1)$$

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۵- فاصله ای نقطه ای تلاقی دو منحني به معادلات $y = 2^x$ و $y = (\sqrt{2})^{x+1} + 4$ از نقطه ای $A(0, 4)$ کدام است؟

$$5 \quad (4)$$

$$4 \quad (3)$$

$$3 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری => تجربی = سراسری

۶- اگر نمودار تابع $f(x) = a(b)^x$ از دو نقطه ای $A\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ و $B(1, 11)$ بگذرد، کدام است؟

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$-\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$-\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{3}{4} \quad (1)$$

سراسری = تجربی => ۹۳ (سراسری - آزاد)

۷- در تابع با ضابطه $f(x) = a \cdot b^x$ و $b > 0$ داریم $f(-2) = \frac{3}{32}$ و $f(0) = \frac{3}{2}$ کدام است؟

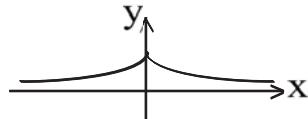
$$8 \quad (4)$$

$$12 \quad (3)$$

$$24 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

سراسری = تجربی => ۹۱



۸۰ = تجربی =>

$$y = 2^{-|x|} \quad (2)$$

$$y = |\cdot 2^{-x}| \quad (4)$$

۸- شکل مقابل نمودار کدام تابع است؟

$$y = |\cdot 2^x| \quad (1)$$

$$y = 2^{|x|} \quad (3)$$

۹- اگر $y < x$ ، کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

$$3^{x-1} > 3^{y-1} \quad (2) \quad (1)$$

$$\left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^{2x} > \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^{2y} \quad (4) \quad 5^{-x} > 5^{-y} \quad (3)$$

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم سال تحصیلی ۹۶-۹۷

(۴) بی‌شمار

(۳) صفر

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم سال تحصیلی ۹۶-۹۷

$$-10 \text{ - معادله } 9^{\frac{x}{2}-4x} = 3^{x^2-4x} \text{ چند ریشه دارد؟} \quad (2) \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری = تجربی

$$-11 \text{ - اگر } \log_{\lambda}(x-2) = 81^x \text{ باشد، کدام است؟} \quad (x^2-2) \quad (1)$$

$$\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

سراسری = تجربی ۹۸

$$-12 \text{ - کدام یک از توابع زیر، با تابع } y = \log \frac{x-2}{x} \text{ برابر است؟} \quad (1)$$

$$\log \frac{x^2-4}{x^2+2x} \quad (2)$$

$$\log(x-2) - \log x \quad (1)$$

$$2 \log \sqrt{\frac{x-2}{x}} \quad (3)$$

$$(3)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری = تجربی

$$-13 \text{ - اگر } 4\sqrt{2} = 4^x \text{ و } \log \sqrt{x+1} = \log y \text{ باشد، مقدار } y \text{ کدام است؟} \quad (1)$$

$$25 \quad (4)$$

$$15 \quad (3)$$

$$12/5 \quad (2)$$

$$7/5 \quad (1)$$

سراسری = تجربی ۸۵

$$-14 \text{ - از دو معادله دو مجهولی } \log(x+2y) = 1 + \log y \text{ و } 3^{2x+y} = 9 \times 3^{x-y} \text{ کدام است؟} \quad (1)$$

$$1/6 \quad (4)$$

$$1/5 \quad (3)$$

$$1/4 \quad (2)$$

$$1/2 \quad (1)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری = تجربی

۱۶- از دو معادله‌ی دو مجهولی $\log y = 2 \log 3 + \log x$ و $2^{x-7} \times 4^{x+y} = 1$ ، مقدار y کدام است؟

۴) ۴ ۳) ۳ ۲) ۲ ۱) ۱

سراسری <= تجربی ۹۶

۱۷- از معادله‌ی لگاریتمی $\log_3(2x^2 + 1) - \log_3(x+2) = 1$ ، مقدار لگاریتم $(1 - 2x)$ در پایه‌ی ۸، کدام است؟

$\frac{2}{3}$ ۴ $\frac{1}{2}$ ۳ $-\frac{1}{2}$ ۲ $-\frac{2}{3}$ ۱

سراسری <= تجربی ۹۵

۱۸- از معادله‌ی لگاریتمی $\log(x^2 - x - 6) - \log(x - 3) = \log(2x - 5)$ در پایه‌ی ۱، کدام است؟

۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۱) ۱

کنکورهای خارج از کشور = سراسری <= تجربی

۱۹- از تساوی $\log_x(3x+8) = 2 - \log_x(x-6)$ ، مقدار لگاریتم x در پایه‌ی ۴، کدام است؟

۲) ۴ $\frac{3}{2}$ ۳ $\frac{2}{3}$ ۲ $\frac{1}{2}$ ۱

کنکورهای خارج از کشور = سراسری <= تجربی

۲۰- اگر $\log 2 = k$ باشد، حاصل $\log(6 - 2\sqrt{5}) + 2\log(1 + \sqrt{5})$ کدام است؟

$2 + 4k$ ۴ $1 + k$ ۳ $4k$ ۲ $2k$ ۱

سراسری <= تجربی ۹۰

۲۱- اگر a و b ریشه‌های معادله‌ی $x^2 - 10x + 0 = 0$ باشند، حاصل $\log a + \log b - \log(a+b)$ کدام است؟

۱) ۴ ۳) صفر -۱) ۲ -۲) ۱

کنکورهای خارج از کشور = سراسری <= تجربی

۲۲- از دو معادله‌ی $2^x + y^2 = 46$ و $\log_4 x + \log_4 y = 2$ لگاریتم $(x+y)$ در پایه‌ی ۴، کدام است؟

۳) ۴ $2/5$ ۳ ۲) ۲ $1/5$ ۱

سراسری <= تجربی ۸۹

۲۳- از دو معادله‌ی $\log(y-x) + \log(4x+y) = 2$ و $\log(y+2) = 1$ ، مقدار x کدام است؟

۴) ۴ ۳) ۳ ۲) ۲ ۱) ۱

کنکورهای خارج از کشور = سراسری <= تجربی

۲۴- اگر $\log_{\alpha} 12 = \alpha^{-2}$ باشد، عدد α کدام است؟

۱۸) ۴ ۹) ۳ ۶) ۲ $\frac{9}{2}$ ۱

کنکورهای خارج از کشور = سراسری <= تجربی

-۲۵ اگر $a = 2\sqrt{2}$ ، لگاریتم $(1 + 4a)$ در پایه ۴ کدام است؟

$$\frac{3}{2}(4)$$

$$2(3)$$

$$\sqrt{2}(2)$$

$$1(1)$$

سراسری = تجربی ۸۸ <=

-۲۶ از تساوی $\log_x(x^2 + 4) = 1 + \log_x 5$ ، مقدار لگاریتم x در پایه ۲، کدام است؟

$$2(4)$$

$$\frac{3}{2}(3)$$

$$\frac{1}{2}(2)$$

$$-1(1)$$

سراسری = تجربی ۹۳ <= (سراسری - آزاد)

-۲۷ از دو معادله $\log(x+1) + \log(2y+x^2) = 2$ و $2^{4x} + 2^x = 72$ ، مقدار y کدام است؟

$$9(4)$$

$$8(3)$$

$$7(2)$$

$$6(1)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری = تجربی

-۲۸ اگر $\log \sqrt[3]{1/6}$ باشد، $\log 5 = 3k$ کدام است؟

$$1 - k(4)$$

$$1 - 2k(3)$$

$$2 - 5k(2)$$

$$1 - 4k(1)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری = تجربی

-۲۹ از دو معادله $x^2 - y^2 = 32$ و $\log_y x = 1 + \log_y(y+1)$ در پایه ۴، کدام است؟

$$2(4)$$

$$\frac{3}{2}(3)$$

$$\frac{3}{4}(2)$$

$$\frac{1}{2}(1)$$

کنکورهای خارج از کشور = سراسری = تجربی

-۳۰ اگر $\log 3 + \log \sqrt[4]{3} = \log(81)^k$ در پایه ۲ کدام است؟

$$5(4)$$

$$4(3)$$

$$3(2)$$

$$2(1)$$

سراسری = تجربی ۸۶ <=

-۳۱ از معادلات $2^x \times 8^y = 4$ و $\log x = \log 2 + \log y$ کدام است؟

$$\frac{4}{5}(4)$$

$$\frac{3}{5}(3)$$

$$\frac{3}{4}(2)$$

$$\frac{2}{5}(1)$$

سراسری = تجربی ۸۴ <=

-۳۲ اگر $\log \frac{2}{x} + \log(x+1) = 1$ باشد، لگاریتم عدد x در پایه ۸ کدام است؟

$$\frac{2}{3}(4)$$

$$\frac{1}{3}(3)$$

$$-\frac{1}{3}(2)$$

$$-\frac{2}{3}(1)$$

سراسری = تجربی ۸۳ <=

-۳۳ فاصله نقطه برخورد تابع نمایی $y = 2^x$ با محور z ها و نقطه برخورد معکوس این تابع نمایی با محور x ها کدام است؟

$$2\sqrt{2}(4)$$

$$2(3)$$

$$\sqrt{2}(2)$$

$$1(1)$$

سراسری = تجربی ۸۲ <=

-۳۴ - اگر $\log_b \sqrt{ab}^2$ آنگاه کدام است؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

سراسری = تجربی

-۳۵ - اگر $\log_x(5x+1) + \log_x x = 2$ باشد عدد $\frac{4}{x}$ کدام است؟

۵ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

-۴ (۱)

سراسری = تجربی

-۳۶ - اگر $\log_x(x+2) = \log_x(4-x) + 1$ باشد، لگاریتم $(2 - 5x)$ در پایه x^2 کدام است؟

$\frac{4}{3}$ (۴)

$\frac{3}{4}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۱)

آزمایشی سنجش = یازدهم < سال تحصیلی ۹۷-۹۸

-۳۷ - اگر $\log_{10} = b$ و $\log_{20} = a$ برحسب a و b کدام است؟

$b - a + 1$ (۴)

$2a - b - 1$ (۳)

$a + b + 1$ (۲)

$2a - b + 2$ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

-۳۸ - نمودار تابع $f(x) = 2^{x+1} - 3$ محور طولها را با چه طولی قطع می کند؟

$\log_2 \frac{2}{3}$ (۴)

$\log_2 \frac{3}{2}$ (۳)

$\log_2 \frac{2}{3}$ (۲)

$\log_3 \frac{2}{3}$ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۲۹

-۳۹ - اگر عددی در ۹ ضرب شود، به لگاریتم آن عدد در مبنای b ، ۴ واحد اضافه می شود. مقدار $\log_b 2$ کدام است؟

۱۲ (۴)

۹ (۳)

۶ (۲)

۳ (۱)

آزمایشی سنجش = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

-۴۰ - دامنه تابع $f(x) = \sqrt{\log_{\frac{1}{2}}(2x - x^2)}$ کدام است؟

$(0, 1) \cup (1, 3) \quad (0, 1) \cup \left(\frac{3}{2}, 2\right) \quad (3)$

$(2, +\infty) \quad (2)$

$(0, 2) \quad (1)$

آزمایشی سنجش = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

-۴۱ - با فرض $D_f = \left(\frac{1}{4}, +\infty\right)$ و $f^{-1}(3) = 7$ ، اگر $f(x) = \log_4(ax+b)$ مقدار $a+b$ کدام است؟

۵ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۶ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۲- تابع وارون تابع $x - 1 - \sqrt[3]{x}(\sqrt[3]{x} - 1)$ کدام است؟ $f(x) = 10$

$$f^{-1}(x) = (\log x + 1)^3 \quad (2)$$

$$f^{-1}(x) = \log x + x^3 + 1 \quad (4)$$

$$f^{-1}(x) = (\sqrt[3]{\log(x)} + 1)^3 \quad (1)$$

$$f^{-1}(x) = \sqrt[3]{\log x} + x^3 + 1 \quad (3)$$

آزمایشی سنجش = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۳- اگر $B = (\log_{15} 16)(\log_{14} 15) \dots (\log_3 4)$ و $A = \log \frac{4}{5} + \log \frac{5}{6} + \log \frac{6}{7} + \dots + \log \frac{399}{400}$ ، حاصل $\frac{A}{B}$ کدام است؟

$$\frac{-1}{8} \quad (4)$$

$$\frac{-1}{4} \quad (3)$$

$$-1 \quad (2)$$

$$\frac{-1}{2} \quad (1)$$

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۴- جواب معادله $\log x + \log x^2 + \log x^3 + \dots + \log x^{10} = 220$ کدام است؟

$$10^4 \quad (4)$$

$$10^3 \quad (3)$$

$$10^2 \quad (2)$$

$$10 \quad (1)$$

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۵- مجموع ریشه‌های معادله $\log_2 3 \sqrt{2} \quad (4)$ $\log_2 5 \sqrt{2} \quad (3)$ $\log_2 5 \sqrt{3} \quad (2)$ $\log_2 10 \quad (1)$ کدام است؟ $(2^x - 3 \log_2 5)(4^x - 5 \log_2 3) = 0$

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۶- اگر a و b برحسب a و b حاصل $\log \frac{\sqrt{75}}{\sqrt{72}}$ کدام است؟ $\log 3 = b$ و $\log 2 = a$

$$1 - 4a - \frac{3b}{2} \quad (4)$$

$$1 - 2b - \frac{4a}{3} \quad (3)$$

$$1 - 4b - \frac{3a}{2} \quad (2)$$

$$1 - 3b - \frac{4a}{3} \quad (1)$$

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۷- مجموع جواب‌های معادله $\log_2 x \times \log_2^{4x} = 3$ کدام است؟

$$4 \text{ صفر} \quad (4)$$

$$\frac{15}{8} \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$\frac{17}{8} \quad (1)$$

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۸- اگر $\log_{1000} x = 4 + 3(\log_2 x)$ باشد، مقدار $\log_x 4$ کدام است؟

$$3 \quad (4)$$

$$2 \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

آزمایشی سنجش = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۴۹- مجموع ریشه‌های معادله $\log_2 x + 3 \log_x 2 = \log_2 81$ کدام است؟

۴ (۴)

۶ (۳)

۸ (۲)

۱۰ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

$$\text{اگر } 3 = \frac{\left(\log \frac{x}{\sqrt[4]{2}} \right)}{\left(\log \frac{\sqrt[4]{2}}{\sqrt[4]{x}} \right)}$$

$\log \frac{(x+2\sqrt{x})}{\sqrt[4]{x}}$ باشد، مقدار \log_2 کدام است؟

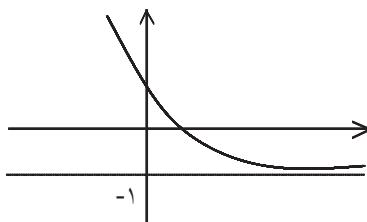
۴ (۴) ۴ (۳) ۶ (۲) ۸ (۱)

آزمایشی سنجش = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۵۰- نمودارهای دو تابع $y = 2^x$ و $y = x^2$ در بازه‌ی (-۱, ۳) در چند نقطه مشترک‌اند؟

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

آزمایشی سنجش = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷



۵۱- معادله تابع نمایی که نمودار آن به صورت شکل زیر می‌باشد، کدام است؟

$$y = 2^{x-1} - 1 \quad (۱)$$

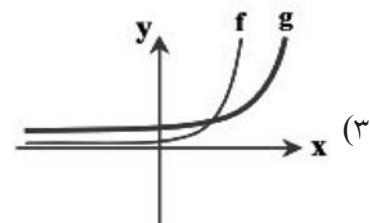
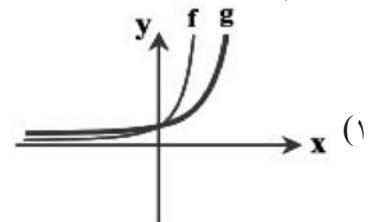
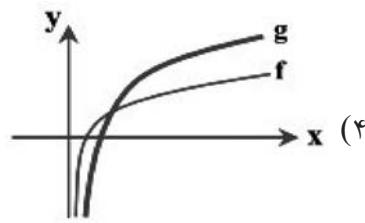
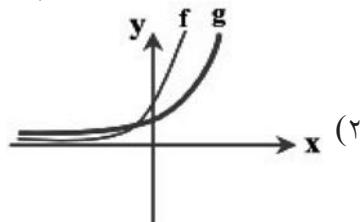
$$y = 2^{x+1} - 1 \quad (۲)$$

$$y = 2^{-x+1} - 1 \quad (۳)$$

$$y = 2^{-x-1} - 1 \quad (۴)$$

آزمایشی سنجش = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۵۲- در کدام یک از موارد زیر نمودار دو تابع $f(x) = 3^{x-2}$ و $g(x) = 2^{x-2}$ نسبت به هم درست رسم شده است؟



آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۵۳- اگر نمودار دو تابع نمایی $f(x) = (a + 1)^x$ و $g(x) = (3a - 1)^{-x}$ نسبت به محور y ها قرینه یکدیگر باشند، a کدام است؟

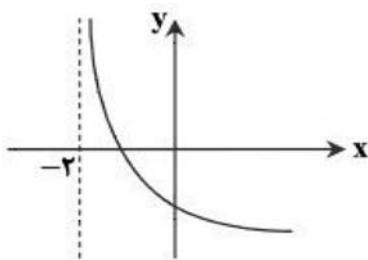
۴ (۴)

$\frac{5}{2}$ (۳)

$\frac{3}{2}$ (۲)

۵ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم < سال تحصیلی ۹۶-۹۷



۵۵- نمودار مقابل مربوط به کدام تابع می‌تواند باشد؟

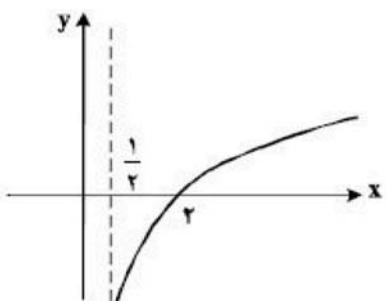
$$y = 2^x - 2 \quad (1)$$

$$y = \log_2(x + 2) \quad (2)$$

(3)

$$y = -\log_2(x + 2) \quad (4)$$

آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۶-۹۷ => یازدهم



۵۶- شکل زیر، نمودار تابع $y = -1 + \log_b^{(2x + a)}$ است. این منحنی خط

$y =$ را با کدام طول، قطع می‌کند؟

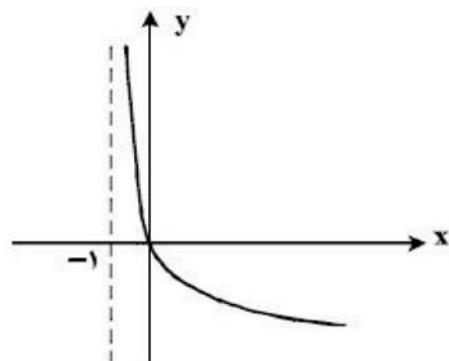
۱ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

۷ (۴)

کنکورهای خارج از کشور => سراسری => تجربی



۹۸ => تجربی => سراسری

۵۷- شکل رو به رو، نمودار تابع $y = \log_3 U(x)$ کدام است؟

$x + 1$ (۱)

$(x + 1)^{-1}$ (۲)

$x - 1$ (۳)

$1 - x$ (۴)

۴) متقطع نیستند.

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۵۸- دو تابع $y = 3^{-x}$ و $y = \log_3^x$ در چند نقطه متقطع هستند؟

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۵۹- نمودار تابع $y = \log(x - 1)^2$ با کدام طول محور x ها را قطع می‌کند؟

۲ (۳)

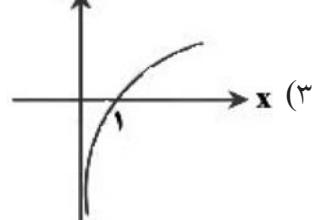
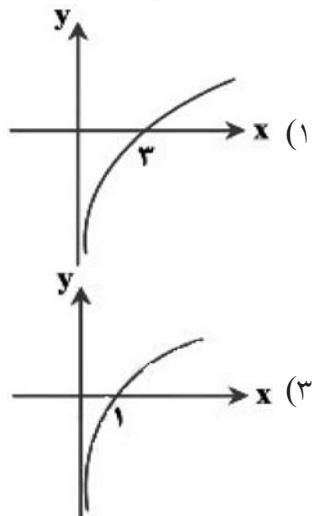
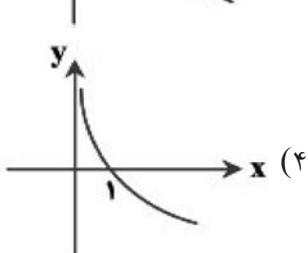
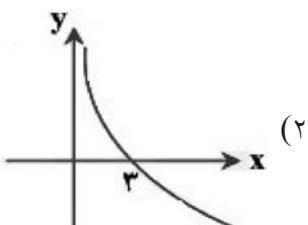
۲ (۲)

۰ (۱)

۱ (۴)

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۶۰- نمودار تابع $f(x) = 1 - \log_{\frac{1}{3}} x$ به کدام صورت است؟



آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۷-۹۶ <=> یازدهم

۶۱- نمودار توابع $f(x) = \log_a(x+1)$ و $g(x) = x-1$ در چند نقطه یکدیگر را قطع می کنند؟

(۴) صفر

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۷-۹۶ <=> یازدهم

۶۲- نمودار تابع $y = \log_a(x-2)$ از نقطه $\left(\frac{17}{4}, -2\right)$ عبور می کند. مقدار a کدام است؟

(۴) $\frac{3}{4}$

(۳) ۳

(۲) $\frac{2}{3}$

(۱) $\frac{3}{2}$

آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۷-۹۶ <=> یازدهم

۶۳- نمودار تابع $y = (3-2m)^x$ و $f(x) = \log_{(m+1)}^x$ نسبت به خط x فرینه هستند. مقدار m کدام است؟

(۴) $\frac{4}{3}$

(۳) $\frac{3}{4}$

(۲) $\frac{2}{3}$

(۱) ۱

آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۷-۹۶ <=> یازدهم

۶۴- نمودارهای دو تابع $g(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$, $f(x) = \log_{\frac{1}{2}} \frac{x}{2}$ نسبت به هم چگونه اند؟

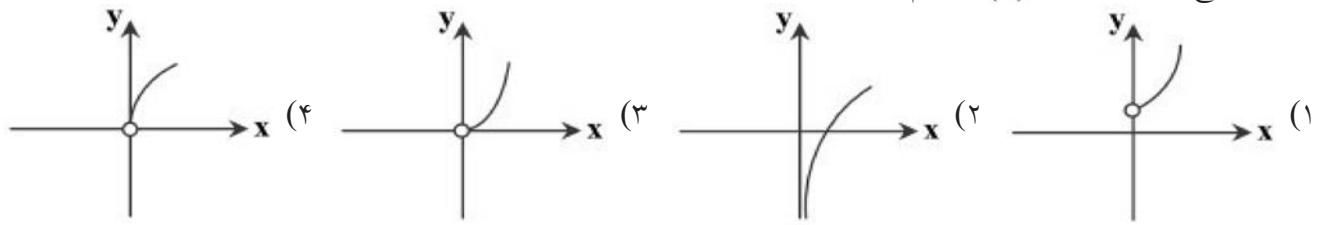
(۴) فقط در یک نقطه متقاطع
کنکورهای خارج از کشور => سراسری => تجربی

(۳) منطبقاند

(۲) $g(x)$ بالاتر

(۱) $f(x)$ بالاتر

۶۵- نمودار تابع $f(x) = \log_9 x$ کدام است؟



آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۲۳/۹۵

۶۶- میزان انرژی آزاد شده در زلزله‌ای برابر ۱۰ بر حسب ارگ است. شدت زلزله بر حسب ریشتر، کدام است؟

۸/۱ (۴)

۷/۸ (۳)

۷/۵ (۲)

۷/۳ (۱)

آزمایشی سنجش => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۶۷- زلزله‌ای به شدت ۶/۴ ریشتر، کدام مقدار انرژی در واحد Erg آزاد می‌کند؟

۲۱/۴ (۴)

۲۱/۲ (۳)

۲۰/۸ (۲)

۲۰/۶ (۱)

آزمایشی سنجش => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۶۸- شدت زلزله‌ای ۷/۵ ریشتر و شدت بزرگ‌ترین پس‌لرزه آن برابر ۶ ریشتر است. میزان انرژی آزاد شده توسط زلزله چند برابر میزان انرژی آزاد شده توسط بزرگ‌ترین پس‌لرزه آن بر حسب ارگ، است؟

۱/۲۵ (۴)

۲/۲۵ (۳)

۲۰/۲۵ (۲)

۲۱/۲۵ (۱)

آزمایشی سنجش => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۶۹- اگر بزرگی زلزله‌ای برابر M در مقیاس ریشتر باشد، انرژی آزادشده آن برابر E در واحد ارگ (Erg) است که از رابطه $\log E = 11/8 + 1/5M$ به دست می‌آید. اگر یک زلزله ۸ ریشتری رخ دهد، مقدار انرژی آزادشده در آن چند ارگ است؟

۱۰ ۲۲/۸ (۴)

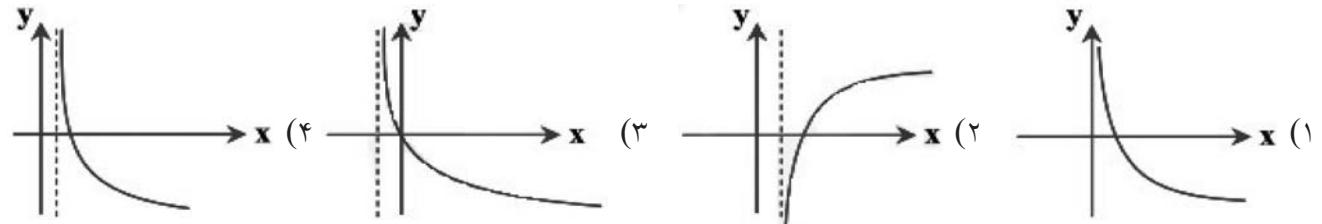
۱۰ ۲۵/۸ (۳)

۱۰ ۲۴/۸ (۲)

۱۰ ۲۳/۸ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۰- نمودار تابع $f(x) = -\log_2(x-1)$ به کدام شکل است؟



آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۱- می‌دانیم رابطه بین میزان بزرگی زلزله (M) در مقیاس ریشتر و مقدار انرژی آزادشده (E) بر حسب ارگ از رابطه $\log E = 11/8 + 1/5M$ به دست می‌آید. اگر انرژی آزادشده زلزله‌ای ۱۰۰۰ برابر انرژی آزادشده زلزله‌ای دیگر باشد، زلزله اول چند ریشتر بیشتر از زلزله دوم است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۲- همزمان با افزایش ارتفاع، فشارهای جو زمین کاهش می‌یابد. اگر بین فشار هوا بر حسب پاسکال (P) و ارتفاع بر حسب متر (h) رابطه $h = 15500 \cdot \log_{10} P$ باشد، فشار هوا در ارتفاع ۱۵۵۰۰ متری از سطح زمین چند پاسکال است؟

۱۰^۴ (۴)

۱۰^۳ (۳)

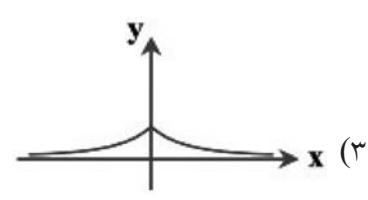
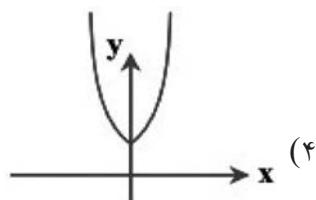
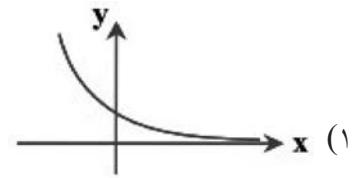
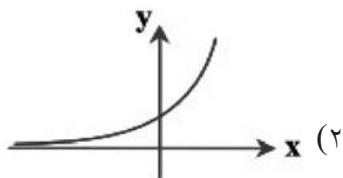
۱۰^۲ (۲)

۱۰^۵ (۱)

آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

$$f(x) = \begin{cases} \left(\frac{1}{2}\right)^x & x \geq 0 \\ \left(\frac{1}{2}\right)^{-x} & x < 0 \end{cases}$$

۷۳- نمودار تابع



آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۴- نمودار تابع $y = 5(2^x)$ با کدام طول، خط افقی $x = -625$ را قطع می‌کند؟

- $\frac{3}{4}$ (۴)

- $\frac{3}{2}$ (۳)

-۳ (۲)

-۴ (۱)

آزمایشی سنجش = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۷-۹۸

۷۵- اگر $a > 0$ و $a \neq 1$ ، نمودارهای دو تابع $y = \left(\frac{1}{a}\right)^x$ و $y = a^x$ نسبت به کدام گزینه قرینه هستند؟

(۴) مبدأ مختصات

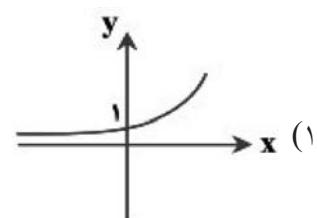
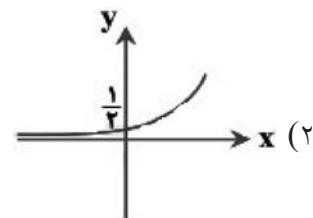
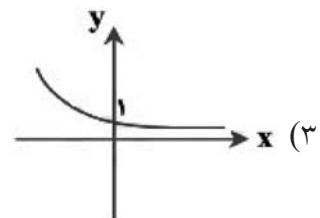
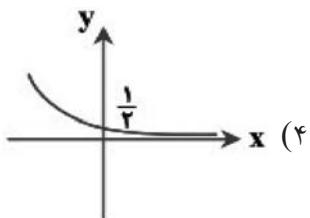
(۳) محور y ها

(۲) محور x ها

(۱) نیمساز ناحیه‌ی اول

آزمایشی سنجش = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۶- به ازای تمام مقادیر حقیقی r، نقطه $(r + 1, 2^r)$ را در دستگاه مختصات مشخص کرده‌ایم. نمودار به دست آمده، کدام است؟



آزمونهای گزینه ۲ = یازدهم <= سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۷- تعداد نقاط مشترک نمودارهای دو تابع $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ و $y = \log_{\frac{1}{2}} \frac{x}{2}$ کدام است؟

(۴) بیشمار

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۸- نمودارهای دو تابع $y = (\sqrt{3})^{2x+1}$ و $y = \left(\frac{1}{3}\right)^{x^2-1}$ در نقطه‌ای با کدام طول متقاطع‌اند؟

(۴) $\frac{1}{2}(2 \pm \sqrt{3})$

(۳) $\frac{1}{2}(-2 \pm \sqrt{3})$

(۲) $\frac{1}{2}(1 \pm \sqrt{3})$

(۱) $\frac{1}{2}(-1 \pm \sqrt{3})$

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۷۹- نمودار تابع $g(x) = 2^x$ در چند نقطه متقاطع هستند؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

(۱) ۱

آزمونهای گزینه ۲ => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۸۰- نمودار تابع $y = \log_2 x$ را یک واحد به طرف x های منفی و ۲ واحد به طرف y های مثبت انتقال می‌دهیم ضابطه نمودار جدید کدام است؟

$\log_2(4x - 4)$ (۴)

$\log_2(4x + 4)$ (۳)

$\log_2\left(\frac{x-1}{4}\right)$ (۲)

$\log_2\left(\frac{x+1}{4}\right)$ (۱)

آزمایشی سنجش => یازدهم => سال تحصیلی ۹۶-۹۷

۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$-1 \leq \sin x \leq 1 \Rightarrow -1 \leq -\sin x \leq 1 \Rightarrow 0 \leq 1 - \sin x \leq 2$$

تابع نمایی در پایه ۲ صعودی است پس برد تابع $[0, 4]$ است.

۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$2^x - 5(2 \times 2^{-x}) = 3$$

با فرض $2^x = A$ داریم:

$$A - \frac{10}{A} = 3 \Rightarrow A^2 - 3A - 10 = 0 \Rightarrow (A - 5)(A + 2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} A = 5 \\ A = -2 \end{cases}$$

$$\text{در نتیجه } 5 = 2^x \text{ پس}$$

۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. تابع نمایی همواره یک به یک است. پس $y = \left(\frac{2}{3}\right)^x$ یک به یک است.

۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$(2^{a+b} = 128, 2^{-a+b} = 2) \Rightarrow \begin{cases} a+b=7 \\ -a+b=1 \end{cases} \Rightarrow b=4, a=3$$

$$\text{در تابع } y = 2^{3x+4} \text{ مقدار } 0 \text{ قرار دهیم}$$

۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. دو منحنی $y = 2^x$ و $y = (\sqrt{2})^{x+1}$ را با یکدیگر تلاقی می‌دهیم:

$$(\sqrt{2})^{x+1} + 4 = 2^x \Rightarrow \sqrt{2}(\sqrt{2})^x + 4 = 2^x \Rightarrow 2^x - \sqrt{2} \cdot 2^{\frac{x}{2}} - 4 = 0$$

$$2^{\frac{x}{2}} = 2\sqrt{2} = 2^{\frac{3}{2}} \Rightarrow x = 3, y = 2^3 = 8$$

$$A(0, 8), B(3, 8) \Rightarrow AB = \sqrt{9 + 16} = 5$$

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \Rightarrow a(b)^{-\frac{1}{2}} - 1 = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{3}{2} \Rightarrow a = \frac{3}{2}\sqrt{b}$$

۶- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$f(1) = 11 \Rightarrow ab - 1 = 11 \rightarrow ab = 12 \Rightarrow \left(\frac{3}{2}\sqrt{b}\right)(b) = 12$$

$$\Rightarrow b\sqrt{b} = 8 \Rightarrow b^{\frac{3}{2}} = 64 \Rightarrow b = 4, a = 3$$

$$f(x) = 3 \times 4^x - 1 \Rightarrow f(-1) = \frac{3}{4} - 1 = -\frac{1}{4}$$

۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$f(x) = a \cdot b^x, b > 0$$

$$f(\cdot) = a \times b^{\cdot} \Rightarrow a = \frac{3}{2}, f(-2) = ab^{-2} = \frac{3}{32} \Rightarrow \frac{3}{2}b^{-2} = \frac{3}{32}$$

۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. مشخص است که گزینه ۱ و گزینه ۴ جواب نمی‌باشد چرا که:

$$y = |2^x| = 2^x \xrightarrow{\text{نمودار}} \begin{array}{c} y \\ \uparrow \\ \text{نمودار} \\ \downarrow \\ y = |2^{-x}| = 2^{-x} = \left(\frac{1}{2}\right)^x \end{array} \xrightarrow{\text{نمودار}}$$

$$y = |2^{-x}| = 2^{-x} = \left(\frac{1}{2}\right)^x \xrightarrow{\text{نمودار}}$$

گزینه ۳ صحیح نمی‌باشد چرا که:

$$y = 2^{|x|} \Rightarrow \begin{cases} y = 2^x & x \geq 0 \\ y = 2^{-x} & x < 0 \end{cases} \text{ برای } x \geq 0 \text{ صعودی است که در شکل اینگونه نمی‌باشد} \Rightarrow y = 2^{|x|}$$

۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نکته: اگر $a > 1$, از شرط $y < x$ نتیجه می‌شود:

نکته: اگر $0 < a < 1$, از شرط $x < y$ نتیجه می‌شود:

با توجه به نکات بالا، هریک از گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$x < y \Rightarrow x + 1 < y + 1 \xrightarrow{2 > 1} 2^{x+1} < 2^{y+1} \quad \times$$

$$x < y \Rightarrow x - 1 < y - 1 \xrightarrow{3 > 1} 3^{x-1} < 3^{y-1} \quad \times$$

$$x < y \Rightarrow -y < -x \xrightarrow{5 > 1} 5^{-y} < 5^{-x} \quad \checkmark$$

$$\frac{2}{\sqrt[3]{3}} > 1 \quad x < y \Rightarrow 2^x < 2^y \xrightarrow{\left(\frac{2}{\sqrt[3]{3}}\right)^{2x} < \left(\frac{2}{\sqrt[3]{3}}\right)^{2y}} \times$$

۱۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نکته: با فرض $a > 1$ و $a \neq 1$ داریم:

با استفاده از نکته بالا داریم:

$$a^x = a^y \Leftrightarrow x = y \quad \text{با فرض } a > 1 \text{ و } a \neq 1 \text{ داریم:}$$

$$\frac{x}{a} = \frac{x - 4x}{a} \Rightarrow \frac{2x}{a} = \frac{x - 4x}{a} \Rightarrow x^2 - 4x = 2x \Rightarrow x^2 - 6x = 0 \Rightarrow x(x - 6) = 0 \Rightarrow x = 0, 6$$

هر دو جواب قابل قبول‌اند، پس معادله ۲ ریشه دارد.

۱۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$3^{x^2-2} = (3^x)^x = 3^{2x} \Rightarrow x^2 - 2 = 2x \Rightarrow x^2 - 2x - 2 = 0 \rightarrow x^2 - 2x + 4 = 6$$

$$\log_6^{(x-2)} = \log_6^{\sqrt{6}} = \frac{1}{2}$$

۱۲- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$(0.4)^{2x-1} = \left(\frac{125}{8}\right)^x \Rightarrow (0.4)^{2x-1} = \left(\frac{8}{125}\right)^{-x} \Rightarrow (0.4)^{2x-1} = \left(\left(\frac{2}{5}\right)^3\right)^{-x}$$

$$\Rightarrow (0.4)^{2x-1} = (0.4)^{-3x} \Rightarrow 2x-1 = -3x \Rightarrow 3x^2 + 2x - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = -1 & \text{غیر ممکن شود.} \\ \text{یا} \\ x = \frac{1}{3} \end{cases}$$

$$\log_8^{(4x+1)} = \log_8^4 = \log_2^2 = \frac{2}{3}$$

۱۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$y = \log_{\frac{x-2}{x}} \quad \frac{x-2}{x} > 0 \Rightarrow x = 0, x = 2$$

$$D_f = (-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$$

بررسی گزینه ها:

$$x-2 > 0 \Rightarrow x > 2 \Rightarrow D = (2, +\infty) \quad \text{گزینه ۱:}$$

$$\frac{(x-2)(x+2)}{x(x+2)} > 0 \Rightarrow D = (-\infty, 0) \cup (2, +\infty) - \{-2\} \quad \text{گزینه ۲:}$$

$$\frac{1}{2} \log \left(\frac{x-2}{x} \right)^2 = \log \left| \frac{x-2}{x} \right| \Rightarrow x \neq 0, x \neq 2 \Rightarrow D = \mathbb{R} - \{0, 2\} \quad \text{گزینه ۳:}$$

$$\frac{1}{2} \log \sqrt{\frac{x-2}{x}} \Rightarrow \frac{x-2}{x} > 0 \Rightarrow x = 2, x = 0 \Rightarrow D = (-\infty, 0) \cup (2, +\infty) \quad \text{گزینه ۴:}$$

۱۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$1 + \log \sqrt{\frac{5}{4} + 1} = \log y \Rightarrow 1 + \log \sqrt{\frac{9}{4}} = \log y \xrightarrow{\log 1 = 0} \log 1 + \log \frac{3}{2} = \log y \\ \Rightarrow \log \frac{3}{2} = \log y \Rightarrow y = 15$$

۱۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$3^{2x+y} = 3^{2+x-y} \Rightarrow 2y = 2 - x \\ \log(x + 2y) - \log y = \log 1 \Rightarrow \frac{x + 2y}{y} = 1 \Rightarrow x + 2y = 1 \cdot y \\ x + 2y = 5 \times (2y) \Rightarrow x + 2 - x = 5(2 - x) \Rightarrow x = \frac{1}{5} = 1/6$$

۱۶- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\log y = 2 \log 3 + \log x \Rightarrow \log y = \log 3^2 + \log x \Rightarrow \log y = \log 9x \Rightarrow y = 9x \\ 3^{x-v} \times 4^{x+y} = 1 \Rightarrow 3^{x-v} \times (3^2)^{x+y} = 3^0 \Rightarrow 3^{x-v} \times 3^{2x+2y} = 3^0 \\ \Rightarrow 3x - v + 2y = 0 \xrightarrow{y = 9x} 3x - v + 2(9x) = 0 \Rightarrow 21x = v \Rightarrow x = \frac{v}{21} \Rightarrow y = 9x$$

۱۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\log_{\frac{3}{2}}(2x^2 + 1) - \log_{\frac{3}{2}}(x + 2) = 1 \Rightarrow \log_{\frac{3}{2}}\left(\frac{2x^2 + 1}{x + 2}\right) = 1 \Rightarrow \frac{2x^2 + 1}{x + 2} = 3 \\ \Rightarrow 2x^2 + 1 = 3x + 6 \Rightarrow 2x^2 - 3x - 5 = 0$$

$$\Delta = 9 + 40 = 49 \quad x = \frac{+3 \pm \sqrt{49}}{4} \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = \frac{5}{2} \end{cases}$$

اما برای جاگذاری در $\log_{\frac{5}{2}}(2x - 1)$ فقط می‌توان از $\frac{5}{2}$ استفاده کرد.

$$\log_{\frac{5}{2}}(2x - 1) = \log_{\frac{5}{2}}\frac{5}{2} = \frac{1}{2}$$

۱۸- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\log(x - 3)(x + 2) - \log(x - 3) = \log(2x - 5) \Rightarrow \log(x + 2) = \log(2x - 5) \\ \Rightarrow x + 2 = 2x - 5 \\ x = 7 \Rightarrow \log \sqrt[2]{\frac{7}{2}} = \log \frac{7}{2} = \frac{1}{2}$$

- ۲۹- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} \log_x(3x+8) + \log_x(x-6) &= 2 \Rightarrow \log_x(3x+8)(x-6) = 2 \\ \Rightarrow 3x^2 - 18x + 8x - 48 &= x^2 \Rightarrow 2x^2 - 10x - 48 = 0 \Rightarrow x^2 - 5x - 24 = 0 \\ \Rightarrow (x-8)(x+3) &= 0 \Rightarrow x = 8, x = -3 \end{aligned}$$

$$\log_4^x = \log_4^8 = \log_{\frac{1}{2}}^{\frac{3}{2}} = \frac{3}{2}$$

- ۲۰- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\log(6-2\sqrt{5})(6+2\sqrt{5}) = \log 16 = \log 2^4 = 4 \log 2 = 4k$$

$$2 \log(1+\sqrt{5}) = \log(1+\sqrt{5})^2 = \log(6+2\sqrt{5})$$

- ۲۱- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. a و b ریشه‌های معادله $x^2 - 10x + 0 = 0$ می‌باشند. داریم:

$$\log a + \log b - \log a + b = \log \frac{ab}{a+b} = \log \frac{0}{10} = \log \frac{1}{100} = \log 10^{-2} = -2$$

$$\log_3^x + \log_3^y = 2 \Rightarrow \log_3^{xy} = 2 \Rightarrow xy = 3^2 = 9$$

$$(x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy = 46 + 18 = 64 \Rightarrow x+y = 8$$

$$\log_4^8 = \frac{3}{2}$$

- ۲۲- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\log(y+2) = 1 \Rightarrow y+2 = 10^1 \Rightarrow y = 8$$

$$\log(y-x) + \log(4x+y) = 2 \xrightarrow{y=8} \log(8-x) + \log(4x+8) = 2 \Rightarrow$$

$$\log(8-x)(4x+8) = 2 \Rightarrow -4x^2 + 24x + 64 = 10^2 \Rightarrow 4x^2 - 24x - 36 = 0 \xrightarrow{\div 4}$$

- ۲۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به تعریف لگاریتم، می‌نویسیم:

$$\log_2^{12} = \alpha \Rightarrow 12 = 2^\alpha$$

$$4^{\alpha-2} = (2^2)^{\alpha-2} = 2^{2\alpha-4} = \frac{2^{2\alpha}}{2^4} = \frac{(2^\alpha)^2}{2^4} = \frac{12^2}{2^4} = \frac{(2^2 \times 3)^2}{2^4} = \frac{4^2 \times 3^2}{2^4} = 9$$

$$4^a = 2\sqrt{2} \Rightarrow 2^2a = 2^{\frac{3}{2}} \Rightarrow 2a = \frac{3}{2} \Rightarrow a = \frac{3}{4}$$

$$\log_4(4a+1) = \log_4\left(4 \times \frac{3}{4} + 1\right) = \log_4 4 = 1$$

- ۲۵- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۲۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\log_x(x^2 + 4) = \log_x x + \log_x 5 \Rightarrow \log_x(x^2 + 4) = \log_x 5x$$

$$\log_y x = \log_y 4 = 2$$

۲۷- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$4^x + 2^x = \sqrt{2} \xrightarrow{\text{غیر}} t^2 + t - \sqrt{2} = 0 \Rightarrow (t - \lambda)(t + \alpha) = 0$$

$$\begin{cases} t = -\alpha \\ t = \lambda \end{cases} \xrightarrow{\text{غیر}} 2^x = \lambda \Rightarrow x = 3$$

$$\log(x+1) + \log(2y+x^2) = 2 \xrightarrow{x=3} \log 4 + \log(9+2y) = 2$$

$$\Rightarrow \log(9+2y) = \log 100 - \log 4 = \log \frac{100}{4} = \log 25$$

$$\Rightarrow 9+2y = 25 \Rightarrow y = 8$$

۲۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\log \sqrt[3]{1/6} = \log (1/6)^{\frac{1}{3}} = \frac{1}{3} \log 1/6 = \frac{1}{3} \log \frac{1}{16} = \frac{1}{3} (\log 16 - \log 10)$$

$$= \frac{1}{3} (\log 2^4 - 1) = \frac{1}{3} (4 \log 2 - 1) = \frac{1}{3} (4(1 - \log 5) - 1) = \frac{1}{3} (4 - 12k - 1) = \frac{3 - 12k}{3} = 1 - 4k$$

۲۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\begin{cases} \log_y x = \log_y 2 + \log_y(y+1) \\ x^2 - y^2 = 32 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 2y + 2 \\ x^2 - y^2 = 32 \Rightarrow (2y+2)^2 - y^2 = 32 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 4y^2 + 4y + 4 - y^2 = 32 \Rightarrow 3y^2 + 4y - 28 = 0 \Rightarrow y = \frac{-4 \pm \sqrt{16 + 84}}{3}$$

$$\Rightarrow y = \frac{-4 \pm 10}{3} \Rightarrow \begin{cases} y = 2 \\ x = 6 \end{cases}, y = -\frac{14}{3} \quad \text{غیر قابل قبول}$$

$$\Rightarrow \log_4(x+y) = \log_4 8 = \log_{2^2} 2^3 = \frac{3}{2}$$

۳۰- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\log 3 + \log \sqrt[3]{3} = \log (81)^k$$

$$\log 3 + \log 3^{\frac{1}{3}} = \log 3^{1+\frac{1}{3}} = \log 3^{\frac{4}{3}} \Rightarrow k = \frac{5}{16} \Rightarrow \log \frac{5}{16} = \log \frac{16}{2} = 4$$

-۳۱- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

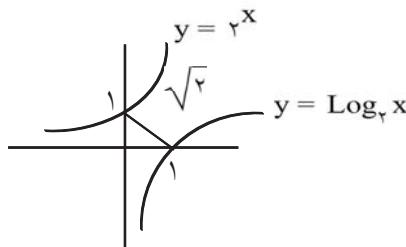
$$\log x = \log 2 + \log y \Rightarrow \log x = \log 2y \Rightarrow x = 2y$$

$$2^x \times 2^y = 4 \Rightarrow 2^x \times 2^{3y} = 4 \Rightarrow 2^{x+3y} = 4 = 2^2 \Rightarrow x + 3y = 2 \Rightarrow x + 3y = 2$$

$$\log \frac{2x+2}{x} = 1 \rightarrow \frac{2x+2}{x} = 10$$

-۳۲- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$10x = 2x + 2 \rightarrow x = \frac{1}{4} \quad \log_{\sqrt{2}} \frac{1}{4} = \log_{\sqrt{2}} 2^{-2} = -\frac{2}{3}$$



-۳۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\log_b a = \frac{\log_c a}{\log_c b} = \frac{3}{2} : \text{Log}_c a = \frac{3}{2} \log_b$$

$$\log_{\sqrt{b}} ab^2 = \frac{\log ab^2}{\log \sqrt{b}} = \frac{\log a + 2 \log b}{\frac{1}{2} \log b} = \frac{\frac{3}{2} \log b + 2 \log b}{\frac{1}{2} \log b} = \frac{\frac{7}{2} \log b}{\frac{1}{2} \log b} = 7$$

$$\log_v(5x+1) + \log_v x = 2 \Rightarrow \log_v((5x+1)x) = 2 \Rightarrow \log_v(5x^2+x) = 2$$

$$\Rightarrow 5x^2 + x = 2^2 \Rightarrow 5x^2 + x - 4 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -1 & \text{غیر قابل شود} \\ x = \frac{4}{5} \Rightarrow \frac{4}{x} = 5 & \text{بنابراین } \log_v x \text{ تعريف نشده می شود} \end{cases}$$

بنابراین گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

-۳۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\log_x(x+2) - \log_x(4-x) = 1 \Rightarrow \log_x \frac{x+2}{4-x} = 1 \Rightarrow \frac{x+2}{4-x} = x \Rightarrow x = 2$$

$$\log_4^4 = \log_4 \frac{3}{4} = \frac{3}{2}$$

در نتیجه:

-۳۷ گزینه ۴ پاسخ صحیح است.
نکته: $\log_c ab = \log_c a + \log_c b$, $\log_c \frac{a}{b} = \log_c a - \log_c b$

نکته: $\log 5 = \log \frac{10}{2} = \log 10 - \log 2 = 1 - \log 2$

با استفاده از نکات بالا داریم:

$\log 15 = \log 3 + \log 5 = (b - 1) + (2 - a) = b - a + 1$ بنابراین:

-۳۸ گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

نکته: به ازای $a, b > 0$ و $b \neq 1$ داریم:

باید ریشه معادله $f(x) = 0$ را بیابیم:

$$f(x) = 0 \Rightarrow 2^x + 1 - 3 = 0 \Rightarrow 2^x + 1 = 3 \Rightarrow 2 \times 2^x = 3 \xrightarrow{\div 2} 2^x = \frac{3}{2} \Rightarrow x = \log_2 \frac{3}{2}$$

-۳۹ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\log_b 9x = \log_b x + 4 = \log_b x + \log_b b^4 = \log_b b^4 x$$

$$9x = b^4 x \Rightarrow b^4 = 9 \Rightarrow b^2 = 3$$

$$\log_b 729 = \log_3 729 = \log_3 3^6 = 6$$
 بنابراین:

-۴۰ گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$2x - x^2 > 0 \Rightarrow x(2 - x) > 0 \Rightarrow 0 < x < 2$$

$$\log_{\frac{1}{2}} \frac{2x - x^2}{2} \geq 0 \Rightarrow 2x - x^2 \leq 1 \Rightarrow x^2 - 2x + 1 \geq 0 \Rightarrow x \in \mathbb{R}$$
 همواره برقرار است.

$$D_f = (0, 2)$$

بنابراین:

- ۴۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نکته ۱: اگر تابع f وارون پذیر باشد و $f(a) = b$, آنگاه: $a = f^{-1}(b)$.
 نکته ۲: شرط تعریف تابع $y = \log_b a$, $a > 0$, $b > 0$ و $b \neq 1$ است.
 نکته ۳: جدول تعیین علامت تابع خطی به صورت مقابل است:

| | | |
|----------|-----------------|-----------------|
| x | | $-\frac{b}{a}$ |
| $ax + b$ | مخالف علامت a | موافق علامت a |

مطابق نکته ۱ داریم:

$$f^{-1}(3) = v \Rightarrow f(v) = 3 \Rightarrow \log_b(va + b) = 3 \Rightarrow va + b = 3^3 \Rightarrow va + b = 27 \quad (*)$$

از طرفی مطابق صورت سؤال، دامنه این تابع به صورت $\left(\frac{1}{4}, +\infty\right)$ است. با استفاده از نکات ۲ و ۳ داریم:

| | | |
|----------|---|---------------|
| x | | $\frac{1}{4}$ |
| $ax + b$ | - | + |

با حل دستگاه شامل معادلات (*) و (***) داریم:

$$\begin{cases} va + b = 27 \\ \frac{1}{4}a + b = 0 \end{cases}$$

$$\frac{27a}{4} = 27 \Rightarrow a = 4 \Rightarrow b = -1$$

بنابراین: $a + b = 3$

- ۴۲- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$y = 10^{x-1 - 3\sqrt[3]{x^2} + 3\sqrt[3]{x}} = 10^{x - 3\sqrt[3]{x^2} + 3\sqrt[3]{x} - 1} = 10^{(\sqrt[3]{x} - 1)^3}$$

در نتیجه:

$$\sqrt[3]{x} = 1 + \sqrt[3]{\log y} \Rightarrow x = (1 + \sqrt[3]{\log y})^3$$

$$y = f^{-1}(x) = (\sqrt[3]{\log x} + 1)^3$$

بنابراین:

-۴۳- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
نکته: $\log_c ab = \log_c a + \log_c b$ ، $\log_c \frac{a}{b} = \log_c a - \log_c b$
نکته: $\log_b a \times \log_c b = \log_c a$
نکته: $\log_b a^n = n \log_b a$

با استفاده از نکات بالا داریم:

$$= \log \frac{4}{400} = \log \frac{1}{100} = \log 10^{-2} = -2$$

$$B = (\log_{15} 16)(\log_{14} 15) \dots (\log_2 3) = \log_2 16 = \log_2 2^4 = 4$$

$$\frac{A}{B} = \frac{-2}{4} = \frac{-1}{2}$$

-۴۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.
نکته: $y = \log_a x \Leftrightarrow a^y = x$; ($x, a > 0$, $a \neq 1$)

نکته: $\log_a b^n = n \log_a b$; ($b, a > 0$, $a \neq 1$)

نکته: اگر $a > 1$ و $a \neq 1$ ، آنگاه از تساوی $\log_a x = \log_a y$ می‌توان نتیجه گرفت که $x = y$ و برعکس، یعنی
اگر $x = y$ و $x, y > 0$ ، آنگاه: $\log_a x = \log_a y$

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\log x + \log x^2 + \log x^3 + \dots + \log x^{10} = 220$$

با توجه به نکات داریم:

$$\Rightarrow \frac{10 \times 11}{2} \log x = 220 \Rightarrow 55 \log x = 220 \Rightarrow \log x = \frac{220}{55} = 4 \Rightarrow x = 10^4$$

-۴۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
نکته: $\log_a b = b$: با فرض $a > 0$ و $a \neq 1$ داریم

به کمک نکته بالا داریم: $\log_5 3 = 3$ ، $\log_3 5 = 5$. با جایگذاری این مقادیر در معادله داریم:

$$\log_5 + \log_5 \sqrt[3]{3} = \log_5 \sqrt[3]{5}$$

بنابراین مجموع ریشه‌های این معادله برابر است با:

- ۴۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\text{نکته: } \log_c ab = \log_c a + \log_c b, \quad \log_c \frac{a}{b} = \log_c a - \log_c b, \quad \log_b a^n = n \log_b a$$

$$\text{نکته: } \log_5 \frac{10}{2} = \log 10 - \log 2 = 1 - \log 2$$

با استفاده از نکات بالا داریم:

$$\log \frac{\sqrt{75}}{\sqrt{2}} = \log \sqrt{75} - \log \sqrt{2} = \frac{1}{2} \log 75 - \log 2 = \frac{1}{2} \log 5^2 \times 3 - \log 2^3 \times 3^2$$

$$= 1 - a + \frac{b}{2} - 3a - 2b = 1 - 4a - \frac{3}{2} b$$

- ۴۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\text{نکته: } \log_c ab = \log_c a + \log_c b$$

$$\text{نکته: } \log_b a^n = n \log_b a, \quad \log_a a = 1$$

نکته: بازای $b \neq 1$ و $a, b > 0$ داریم:

$$\log_{\sqrt{2}} x \times \log_{\sqrt{2}} 4x = 3 \Rightarrow \log_{\sqrt{2}}^x \left(\log_{\sqrt{2}} 4 + \log_{\sqrt{2}} x \right) = 3$$

با فرض $A = \log_{\sqrt{2}} x$ داریم:

$$\Rightarrow \begin{cases} A = 1 \Rightarrow \log_{\sqrt{2}} x = 1 \Rightarrow x = 2 \\ A = -3 \Rightarrow \log_{\sqrt{2}} x = -3 \Rightarrow x = 2^{-3} = \frac{1}{8} \end{cases}$$

بنابراین مجموع ریشه‌های این معادله برابر است با:

- ۴۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$(2^x)^{\log x} = 4 + 3(x^{\log 2}) \Rightarrow (2^{\log x})^2 = 4 + 3(2^{\log x})$$

فرض:

$$(A - 4)(A + 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} A = 4 \\ A = -1 \end{cases}$$

در نتیجه:

$$2^{\log x} = 4 \Rightarrow \log x = 2 \Rightarrow x = 10^2 = 100$$

بنابراین:

$$\log_{10} x = \log_{10} 100 = \frac{2}{3}$$

۴۹- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.
نکته: $\log_b a^n = n \log_b a$

نکته: $\log_b a = \frac{1}{\log_a b}$

با توجه به نکته بالا فرض $a = \frac{1}{x}$. اکنون معادله را به شکل زیر می‌نویسیم:

$$\Rightarrow a^2 - 4a + 3 = 0 \Rightarrow (a - 1)(a - 3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \Rightarrow \log_x x = 1 \Rightarrow x = 2 \\ a = 3 \Rightarrow \log_x x = 3 \Rightarrow x = 8 \end{cases}$$

بنابراین مجموع ریشه‌های معادله برابر است با: $2 + 8 = 10$.

۵۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$\log_{\sqrt[4]{2}} \left(\log_{\sqrt[4]{2}} \sqrt[4]{2} \right) = 2^3 = 8$$

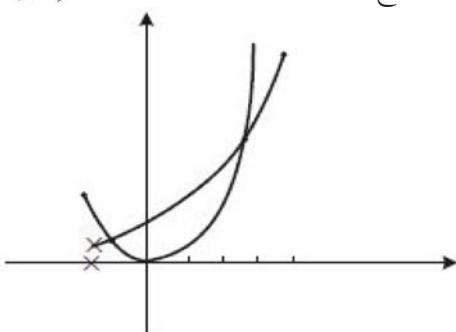
$$x = \left(\sqrt[4]{2} \right)^{16} = 4$$

$$\log_{\sqrt[4]{4}} \left(4 + 2\sqrt{4} \right) = \log_{\frac{1}{2}} 2^3 = 6$$

در نتیجه:

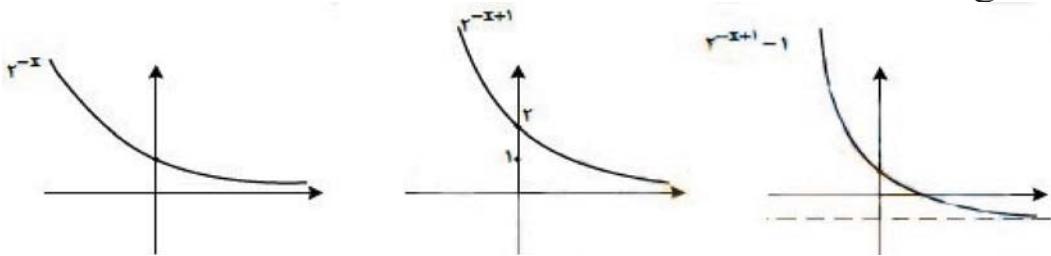
بنابراین:

۵۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نمودارهای دو تابع را در یک دستگاه در بازه $(-1, 3)$ رسم می‌کنیم.



با توجه به شکل در ۲ نقطه مشترک‌اند.

- ۵۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

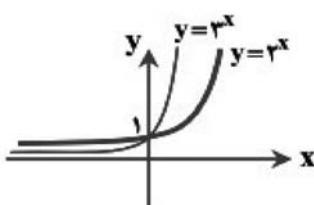


- ۵۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

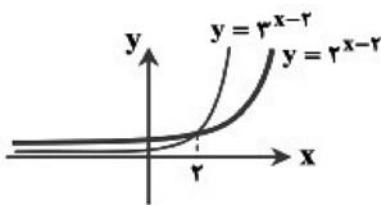
کافی است نمودار $y = f(x)$ را $a > 0$

نکته: با فرض $a > 0$ ، برای رسم نمودار تابع واحد به سمت راست چپ) انتقال دهیم.

در شکل مقابل نمودار دو تابع $y = 2^x$ و $y = 3^x$ را در یک دستگاه مختصات رسم کرده‌ایم:



اکنون برای رسم نمودار دو تابع $y = 2^{x-2}$ و $y = 3^{x-2}$ ، کافی است شکل بالا را ۲ واحد به سمت راست منتقل کنیم که به شکل مقابل خواهیم رسید:



- ۵۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

نکته: نمودار دو تابع $y = b^{-x}$ و $y = b^x$ نسبت به محور ها متقارن هستند.

$$a + 1 = 3a - 7 \Rightarrow 2a = 8 \Rightarrow a = 4$$

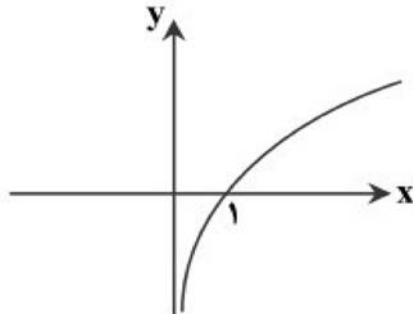
با توجه به نکته بالا، باید داشته باشیم:

-۵۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. راه حل اول:

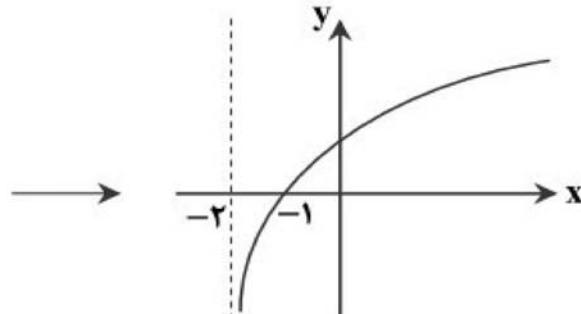
نکته: نمودار $y = f(x)$ قرینه نمودار $y = -f(x)$ نسبت به محور X ها است.

نکته: با فرض $a > 0$, برای رسم نمودار $y = f(x - a)$ کافی است نمودار $y = f(x)$ را به اندازه a واحد به سمت راست (چپ) انتقال دهیم.

نمودار مورد نظر، نمودار یک تابع لگاریتمی است که ۲ واحد به سمت چپ منتقل شده و سپس نسبت به محور X ها قرینه شده است. به نمودارهای زیر دقت کنید:



$$y = \log_2 x$$



$$y = \log_2(x + 2)$$

راه حل دوم (روش تستی):

با توجه به شکل، این تابع لگاریتمی است، پس گزینه ۱ نادرست است. از طرفی این نمودار، محور y ها را در عددی منفی قطع کرده است پس در سه گزینه دیگر با قرار دادن $x = 0$, مقدار y را بررسی می کنیم:

$$2: y = \log_2(0 + 2) = 1 \quad \times$$

$$3: y = \log_2(0 - 2) = \log_2(-2) \quad \times \quad (\text{تعریف نشده})$$

$$4: y = -\log_2(0 - 2) = -1 \quad \checkmark \quad (\text{گزینه ۴})$$

بنابراین گزینه ۴ می تواند ضابطه این تابع باشد.

-۵۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$y = -1 + \log_b(2x + a)$$

$$D_f = \left(\frac{1}{2}, +\infty\right) \Rightarrow 2\left(\frac{1}{2}\right) + a = 0 \Rightarrow a = -1$$

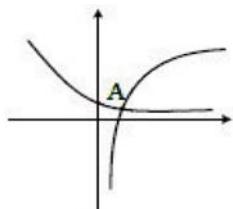
$$f(2) = 0 \Rightarrow -1 + \log_b(2(2) + (-1)) = 0 \Rightarrow \log_b^3 = 1$$

$$b = 3 \Rightarrow y = -1 + \log_3(2x - 1) = 1 \Rightarrow \log_3(2x - 1) = 2 \Rightarrow 2x - 1 = 9 \Rightarrow x = 5$$

-۵۷- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$D_f = (-1, +\infty) \Rightarrow y = -\log_2(x+1) = \log_2(x+1)^{-1}$$

و f تابعی نزولی است



-۵۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. نمودارهای دو تابع در یک دستگاه مختصات رسم شوند فقط در یک نقطه متقاطع اند.

-۵۹- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. در نقطه‌ی تلاقی با محور x ها مقدار است.

$$\log(x-1)^2 = 0 \Rightarrow (x-1)^2 = 1 \Rightarrow x-1 = \pm 1 \Rightarrow x = 0, 2$$

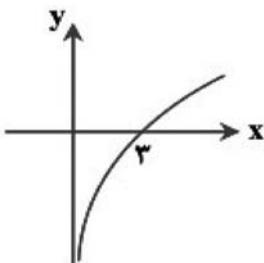
-۶۰- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. نکته: $\log_c \frac{a}{b} = \log_c a - \log_c b$

نکته: $\log_b a^n = n \log_b a$, $\log_a a = 1$

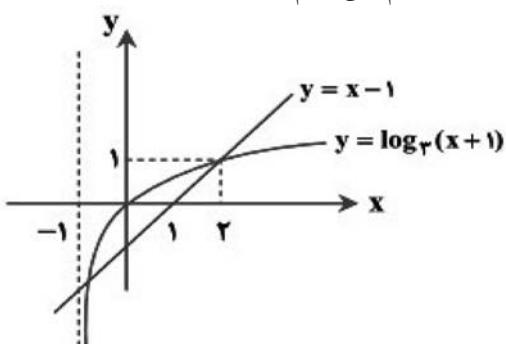
ابتدا با استفاده از نکات بالا ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$f(x) = 1 - \log_{\sqrt{3}} \frac{9}{x} = 1 - (\log_{\sqrt{3}} 9 - \log_{\sqrt{3}} x) = 1 - (2 - \log_{\sqrt{3}} x) = \log_{\sqrt{3}} x - 1$$

بنابراین نمودار تابع $y = f(x)$ به صورت زیر است:



-۶۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا نمودار هر دو تابع را در یک دستگاه مختصات رسم می‌کنیم.



واضح است که نمودار این دو تابع، یکدیگر را در ۲ نقطه قطع می‌کنند.

۶۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نکته: با فرض $a, b > 0$ و $a \neq b$ داریم:
نمودار تابع $y = \log_a(x - 2)$ از نقطه $\left(\frac{17}{4}, -2\right)$ عبور می‌کند، پس مختصات این نقطه در ضابطه تابع صدق می‌کند.

$$x = \frac{17}{4}$$

$$y = \log_a(x - 2) \xrightarrow{y = -2} -2 = \log_a\left(\frac{17}{4} - 2\right) \Rightarrow a^{-2} = \frac{17}{4} - 2 = \frac{9}{4} \Rightarrow a^2 = \frac{4}{9} \Rightarrow a = \pm \frac{2}{3}$$

چون a در مبنای لگاریتم قرار دارد، نمی‌تواند منفی باشد. بنابراین فقط $a = \frac{2}{3}$ قابل قبول است.

۶۳- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.
نکته: اگر a عددی مثبت و مخالف یک باشد، تابع نمایی $f(x) = a^x$ یک به یک است و از این رو دارای وارون $f^{-1}(x)$ است که تابع لگاریتمی پایه a نامیده می‌شود و با نماد $y = \log_a x$ نشان داده می‌شود.

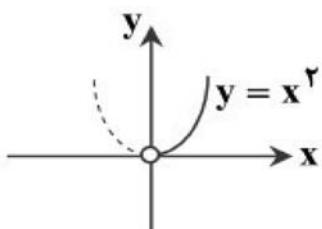
نکته: اگر تابع f و f^{-1} معکوس یکدیگر باشند، نمودار آنها نسبت به خط $x = y$ قرینه است و برعکس.
با توجه به فرض سؤال، این دو تابع نسبت به خط $x = y$ قرینه‌اند، پس مطابق نکات وارون یکدیگر هستند. بنابراین:
 $3 - 2m = m + 1 \Rightarrow m = \frac{2}{3}$

۶۴- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۶۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.
ابتدا با توجه به نکته، تابع داده شده را ساده می‌کنیم:

$$f(x) = 9 \log_3^x = \left(3^2 \log_3^x\right) = 3^2 \log_3^x = 3^2 \log_3^{x^2} = x^2$$

دامنه تابع $f(x)$ به صورت $(0, +\infty)$ است. $D_f = (0, +\infty)$



بنابراین نمودار این تابع، نمودار تابع $f(x) = x^2$ در بازه $(0, +\infty)$ است.

۶۶- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$E = 10^{23/95}$$

$$\log E = 11/8 + 1/5M \Rightarrow 1/5M = 23/95 - 11/8 = 12/15$$

$$M = \frac{12/15}{1/5} = 8/1$$

در نتیجه:

۶۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\log E = 11/8 + 1/5M \Rightarrow \log E = 11/8 + 1/5(8/4)$$

۶۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\log E_1 - \log E_2 = (11/8 + 1/5 \times 7/5) - (11/8 + 1/5 \times 6) = 11/8 + 11/25 - 11/8 - 6/25$$

$$= 11/25 - 6/25 = 2/25$$

$$\log \frac{E_1}{E_2} = 2/25 \Rightarrow \frac{E_1}{E_2} = 10^{2/25}$$

در نتیجه:

۶۹- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

نکته: اگر $x = b^x$, آنگاه

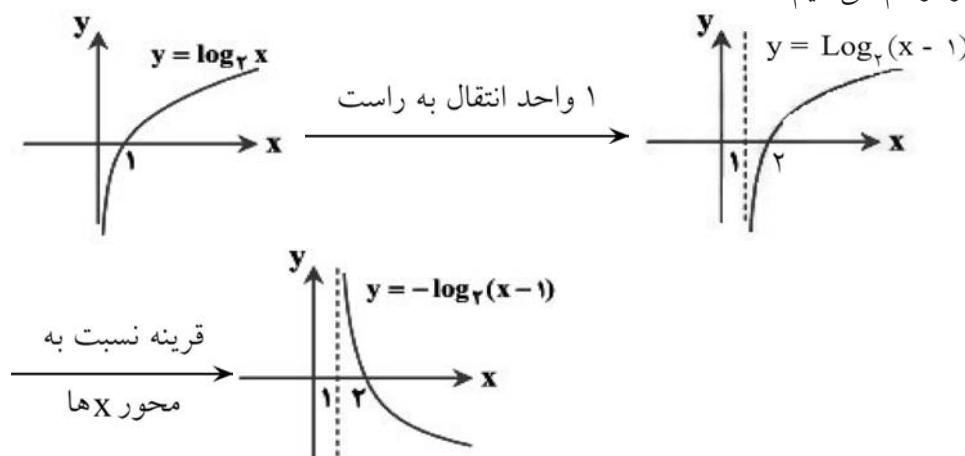
$$\log E = 11/8 + 1/5(8) \Rightarrow \log E = 23/8 \Rightarrow E = 10^{23/8}$$

با جایگذاری $M = 8$ خواهیم داشت:

۷۰- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

نکته: با فرض $a > 0$, برای رسم نمودار تابع ($y = f(x + a)$) $y = f(x - a)$, کافی است نمودار ($y = f(x)$) واحد به سمت راست (چپ) انتقال دهیم.

نکته: برای رسم نمودار تابع ($y = -f(x)$), کافی است نمودار ($y = f(x)$) را نسبت به محور X ها قرینه کنیم.
با استفاده از نکات بالا, نمودار تابع را رسم می کنیم.



۷۱- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نکته: $(a, b, c > 0 \cdot c \neq 1)$ $\log_c ab = \log_c a + \log_c b$

نکته: اگر بزرگی زمین لرزه برابر M در مقیاس ریشتر باشد، مقدار انرژی آزادشده بر حسب ارگ (Erg) از رابطه زیر به دست می‌آید:

$\log E = 11/8 + 1/5 M$ میزان بزرگی و انرژی زلزله اول را با E_1 و M_1 و میزان بزرگی و انرژی زلزله دوم را با E_2 و M_2 نمایش می‌دهیم:

$$\begin{aligned} \log E_1 &= 11/8 + 1/5 M_1 \\ \log E_2 &= 11/8 + 1/5 M_2 \end{aligned} \quad (*)$$

با توجه به صورت سؤال داریم $E_1 = 100 E_2$ ، پس:

$$\log E_1 = \log 100 E_2 \Rightarrow \log E_1 = \log 100 + \log E_2 \Rightarrow \log E_1 = \log 10^3 + \log E_2$$

$$\Rightarrow \log E_1 = 3 + \log E_2 \xrightarrow{(*)} 11/8 + 1/5 M_1 = 3 + 11/8 + 1/5 M_2 \Rightarrow 1/5 M_1 = 3 + 1/5 M_2$$

$$\Rightarrow 1/5 M_1 - 1/5 M_2 = 3 \Rightarrow 1/5(M_1 - M_2) = 3 \Rightarrow M_1 - M_2 = 15$$

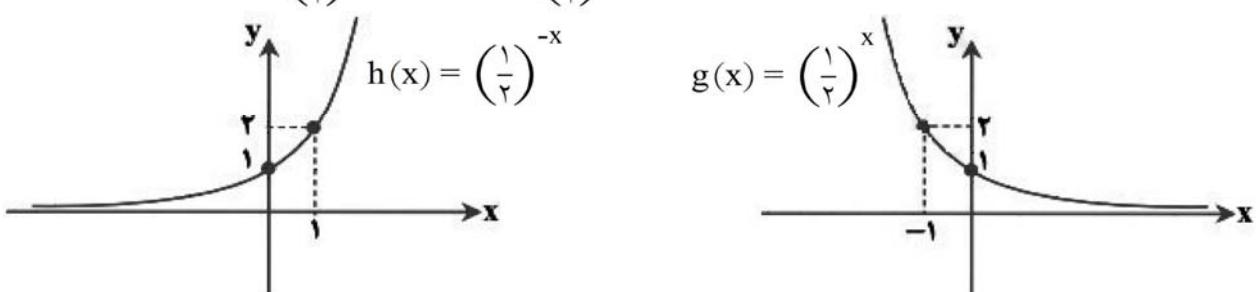
بنابراین زلزله اول ۲ ریشتر از زلزله دوم بیشتر است.

۷۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. نکته: با فرض $a, b > 0 \cdot b \neq 1$ داریم:

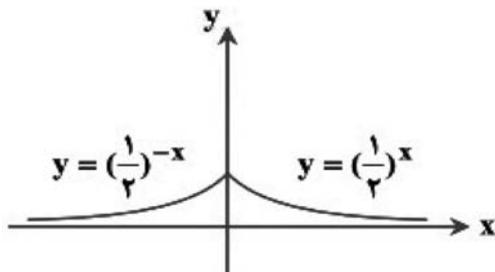
با قرار دادن $h = 15500(5 - \log_{10} P)$ در رابطه خواهیم داشت:

$$15500 = 15500(5 - \log_{10} P) \Rightarrow 1 = 5 - \log_{10} P \Rightarrow \log_{10} P = 4 \Rightarrow P = 10^4$$

۷۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا به نمودار هر یک از توابع $h(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^{-x}$ و $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ دقت کنید:



حال با توجه به ضابطه تابع $f(x)$ ، نمودار آن به صورت زیر است:



۷۴- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$5(2^x) = \frac{625}{1000} \Rightarrow 2^x = \frac{1}{8} \Rightarrow x = -3$$

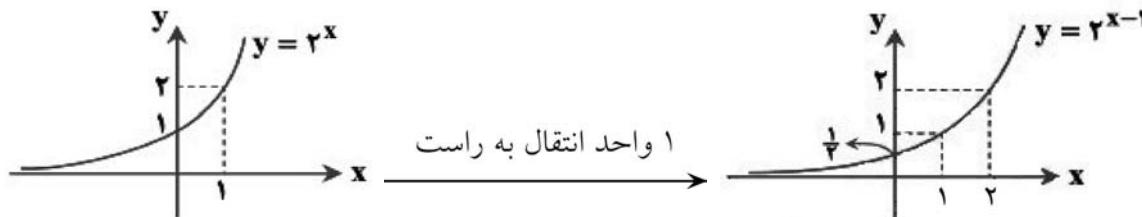
۷۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. می‌دانیم $a^{-x} = \left(\frac{1}{a}\right)^x$ تابع‌های a^x و a^{-x} قرینه نسبت به محور y هستند.

۷۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

نکته: با فرض $a > 0$, برای رسم نمودار تابع $y = f(x - a)$, کافی است نمودار $y = f(x)$ را واحد به سمت راست (چپ) انتقال دهیم.

با فرض داریم:

پس کافی است نمودار $y = 2^{x-1}$ را رسم کنیم:



۷۷- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. می‌دانیم $\log_{\frac{1}{2}} x = -\log_2 x$ و $\log_{\frac{1}{2}} x = -\log_2 x$ پس دو نمودار بر هم منطبق

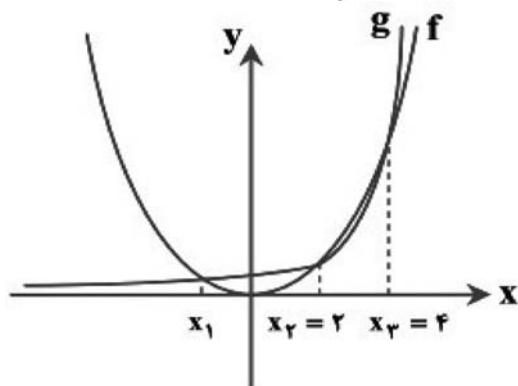
می‌شوند یا تعداد نقاط تلاقی بیشمار است.

۷۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$(\sqrt[3]{2})^{2x+1} = \left(\frac{1}{\sqrt[3]{2}}\right)^{x-1} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt[3]{2}}(2x+1) = -(x^2 - 1)$$

ریشه‌های معادله درجه دوم حاصل $x^2 + x - \frac{1}{2} = 0$ به صورت $x = \frac{1}{2}(-1 \pm \sqrt{3})$ می‌باشد.

۷۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نمودار دو تابع $f(x) = 2^x$ و $g(x) = \log_2(x)$ در شکل زیر رسم شده است. همان‌طور که ملاحظه می‌کنید نمودار این دو تابع در ۳ نقطه $(x_1, 0)$, $(2, 2)$ و $(4, 4)$ یکدیگر را قطع می‌کنند.



۸۰- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$y - 2 = \log_2(x+1) \Rightarrow y = 2 + \log_2(x+1)$$

یا $y = \log_2(4x+4)$ در نتیجه $y = \log_2 4 + \log_2(x+1)$

