

## عبارت های گویا

**عبارت گویا:** کسری است که صورت و مخرج آن چند جمله ای باشند.

$$\frac{4x^2 - 1}{2x + 3}, \frac{\sqrt{5}x}{2}, \frac{x - 3}{x}$$

مانند:

**نکته:** عبارتی که متغیر آن توان منفی یا زیر رادیکال یا داخل قدر مطلق یا در مخرج کسر یا در توان باشد. گویا نیست.

$$|x - 2|, \frac{x^y}{3}, \frac{4 - \sqrt{x}}{3x}$$

مانند:

**نکته:** عبارت گویا به ازای مقادیری که مخرج کسر را صفر می کند تعریف نشده است.

**مثال:** عبارت های گویا زیر به ازای چه مقادیری از مخرج کسر تعریف نشده است.

(مخرج کسر را مساوی صفر قرار داده تا مقادیر تعریف نشده مشخص شوند)

$$\frac{x^2 - 5}{2x - 4} \Rightarrow 2x - 4 = 0 \Rightarrow 2x = 4 \Rightarrow x = 2 \quad (\text{عبارت گویا به ازای } x = 2 \text{ تعریف نشده است})$$

$$\frac{x - 4}{x^2 - 4x} \stackrel{\text{فاکتورگیری}}{\Rightarrow} x^2 - 4x = 0 \Rightarrow x(x - 4) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x - 4 = 0 \end{cases} \Rightarrow x = 4$$

(عبارت گویا به ازای  $x = 0, x = 4$  تعریف نشده است)

**ساده کردن عبارت گویا:** برای ساده کردن صورت و مخرج را به صورت حاصل ضرب دو یا چند عبارت جبری نوشته سپس

عبارت های مساوی را از صورت و مخرج ساده می کنیم.

**نکته:** برای ساده کردن عبارت های گویا از **فاکتورگیری** و **اتحاد** استفاده می کنیم.

**مثال:** عبارت های گویا زیر را ساده کنید.

$$\frac{x^2 - 4}{x^2 + 2x} \stackrel{\text{اتحاد مزدوج}}{=} \frac{(x - 2)(x + 2)}{x(x + 2)} = \frac{(x - 2)}{x}$$

فاکتورگیری

$$\frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 6x + 9} \stackrel{\text{اتحاد جمله مشترک}}{=} \frac{(x - 3)(x - 2)}{(x - 3)(x - 3)} = \frac{(x - 2)}{(x - 3)}$$

اتحاد مربع دو جمله ای

**ضرب عبارت های گویا:** در ضرب عبارت های گویا ابتدا ساده می کنیم سپس صورت در صورت و مخرج در مخرج ضرب می کنیم.

**تقسیم عبارت های گویا:** ابتدا تقسیم را به ضرب تبدیل می کنیم یعنی کسر اولی را در معکوس کسر دومی ضرب می کنیم.

## عبارت های گویا

**مثال :** حاصل ضرب و تقسیم عبارت های گویا زیر را به دست آورید.

$$\frac{x+5}{3x+6} \times \frac{x+2}{x^2-25} = \frac{(x+5)}{3(x+5)} \times \frac{(x+2)}{(x-5)(x+5)} = \frac{1}{3(x-5)}$$

$$\frac{x^2-2x-15}{x+3} \div \frac{x^2-x-12}{2x+6} = \frac{(x-5)(x+3)}{(x+3)} \times \frac{2(x+3)}{(x-4)(x+3)} = \frac{2(x+5)}{(x-4)}$$

**جمع و تفریق عبارت های گویا :** بین مخرج ها مخرج مشترک (ک.م.م) مخرج ها را انتخاب می کنیم.

**مثال :** حاصل جمع و تفریق های زیر را به دست آورید.

$$\frac{2x+3}{x+1} + \frac{x-4}{x-2} = \frac{(2x+3)(x-2) + (x-4)(x+1)}{(x+1)(x-2)} = \frac{3x^2 - 4x - 10}{(x+1)(x-2)}$$

$$\frac{x-1}{x-3} - \frac{x+5}{x^2-9} = \frac{(x-1)(x+3) - (x+5)}{(x-3)(x+3)} = \frac{x^2 + x - 8}{(x-3)(x+3)}$$

**ساده کردن عبارت های مرکب :** عبارت صورت کسر و عبارت مخرج کسر را جداگانه جواب داده و در آخر حاصل عبارت صورت را بر حاصل عبارت مخرج تقسیم می کنیم.

**مثال :** حاصل عبارت زیر را به ساده ترین صورت بنویسید.

$$\frac{\frac{3}{x^2} - \frac{4}{x} + 1}{1 - \frac{6}{x^2} - \frac{1}{x}} = \frac{\frac{3-4x+x^2}{x^2}}{\frac{x^2-6-x}{x^2}} = \frac{(x-3)(x-1)}{x^2} \times \frac{x^2}{(x-3)(x+2)} = \frac{(x-1)}{(x+2)}$$

**تقسیم یک جمله ای بر یک جمله ای :** (۱) علامت ها در هم ضرب شده (۲) اعداد با هم ساده می شوند (۳) حروف (متغیرها) با هم ساده می شوند: (در ساده کردن متغیرها از قاعده تقسیم اعداد توان دار استفاده می شود)

**مثال :** عبارت گویا زیر را ساده کنید.

$$\frac{-18x^5y^2z^4}{12x^3y^3z^4} = \frac{-18}{12} \times \frac{x^5}{x^3} \times \frac{y^2}{y^3} \times \frac{z^4}{z^4} = -\frac{3x^2}{2y}$$

## عبارت های گویا

تقسیم چند جمله ای بر یک جمله ای: تک تک جملات صورت کسر را بر مخرج کسر تقسیم می کنیم.

مثال: عبارت گویا زیر را ساده کنید.

$$\frac{4x^5 - 6x^3 + 12x}{2x} = \frac{4x^5}{2x} - \frac{6x^3}{2x} + \frac{12x}{2x} = 2x^4 - 3x^2 + 6$$

تقسیم چند جمله ای بر چند جمله ای: برای این تقسیم مراحل زیر را به ترتیب انجام می دهیم:

۱) ابتدا مقسوم و مقسوم علیه را به شکل استاندارد یعنی از بیشترین توان به کمترین توان می نویسیم.

۲) اولین جمله ای مقسوم را بر اولین جمله ای مقسوم علیه تقسیم کرده و حاصل را در خارج قسمت می نویسیم.

۳) خارج قسمت را در تک تک جملات مقسوم علیه ضرب کرده و حاصل را زیر عبارت مقسوم نوشته و دو عبارت را از هم کم می کنیم.

۴) برای چند جمله ای به دست آمده مراحل ۲ و ۳ را تکرار کنیم و این تکرار را تا جایی ادامه می دهیم که درجه باقی مانده از درجه مقسوم علیه کمتر شود.

مثال: خارج قسمت و باقی مانده تقسیم  $x - 2 \div x^2 + 4x - x^3 + 7 + 2x^2$  زیر را به دست آورید.

$$\begin{array}{r} x^3 + 4x + 7 \\ -(x^3 - 2x) \\ \hline 6x + 7 \\ -(6x - 12) \\ \hline \end{array}$$

خارج قسمت

باقی مانده

مرحله اول (استاندارد کردن عبارت):  $x^3 + 4x + 7 + 2x^2 - x^3 + 7 + 2x^2 = x^3 + 4x + 7$

مرحله دوم (تقسیم مقسوم بر مقسوم علیه):  $\frac{x^3}{x} = x$

مرحله سوم (حاصل ضرب خارج قسمت در مقسوم علیه):  $x(x - 2) = x^3 - 2x^2$

رابطه تقسیم:  $(x - 2)(x + 6) + 19 = x^3 + 4x + 7$

نکته: اگر در تقسیم دو عبارت باقی مانده صفر شود. مقسوم بر مقسوم علیه بخشیدنی است.

مثال: مقدار  $a$  طوری بباید که چند جمله ای  $x^4 - 3x^3 + a - 3 - x^5 - 3x^2$  بر  $x^2 + 2$  بخشیدنی باشد.

$$\begin{array}{r} x^4 - 3x^3 + a - 3 \\ -(x^4 - 5x^3) \\ \hline 2x^3 + a - 3 \\ -(2x^3 - 10) \\ \hline a + 7 \end{array}$$

بخشیدن بودن یعنی باقی مانده تقسیم صفر شود:

$$a + 7 = 0 \Rightarrow a = -7$$

نام :

به نام خالق زیبایی ها

دیرستان دوره اول.....

آزمون پایانی فصل هفتم ریاضی نهم

نام خانوادگی:

نام کلاس:

(۳) نمره)

عبارت های درست را با  و نادرست را با  مشخص کنیدالف) عبارت  $\frac{2y + \sqrt{7}}{y^3}$  یک عبارت گویا است.ب) عبارت  $\frac{ax^3 + a}{x}$  را می توان به شکل  $X + a$  ساده نمود.ج) حاصل عبارت  $\frac{1+2X}{-2X-1}$  برابر با ۱ است.د) مساحت مربعی به ضلع  $1-X^3$  برابر  $1-9X^3$  است.

(۴) نمره)

کامل کنید

الف) عبارت  $X = \frac{4x+7}{x-9}$  به ازای ..... تعريف نشده است.ب) حاصل عبارت  $\frac{4x^3+8x}{12x+24}$  به ساده ترین صورت برابر با ..... است.

ج) طول مستطیلی از سه برابر عرض آن ۴ واحد کم تراست. نسبت طول به مساحت آن برابر با ..... است.

د) به ازای ..... دو عبارت  $M = \frac{4}{m+1}$  و  $\frac{2}{m-2}$  مقدار یکسان دارند.

(۵) نمره)

گزینه درست را انتخاب کنید.

الف) اگر چند جمله ای  $5x^3 + 9x^2 + ax + 2$  بخش پذیر باشد مقدار  $a$  کدام گزینه است؟

۱) -۶      ۲) ۴

۳) ۴      ۴) ۶

۵) ۲      ۶) -۴

۷)

ب) کدام عبارت زیر گویا است؟

$$\frac{xy + x^3 + 1}{|x - y|} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{\sqrt{x} + y} \quad (۳)$$

$$\frac{2-x^3}{y^3+x} \sqrt{y} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt{3}x + y^3}{x - y} \quad (۱)$$

(۶) نمره)

هر یک از عبارت های ستون اول را به عبارت مساوی آن در ستون دوم وصل کنید.

ستون دوم

ستون اول

$$2 \times \frac{x+z}{y+z}$$

$$\frac{2x+2y}{2z}$$

الف).

$$\frac{-x-z}{-y-z}$$



$$\frac{x+z}{y+z}$$

ب).

$$\frac{x}{z} + \frac{y}{z}$$



۸)

عبارت های زیر را ساده کنید.

(۱۳) نمره

$$\frac{16x^3}{12x^3 - 8x} = \frac{x^3 + x^2 b}{x^2 b + b^2 x} =$$

۵

(۱۴) نمره

$$\frac{x^3 - 1}{x^3 - x} \times \frac{4x^3}{-x - 1} =$$

ضرب زیر را انجام دهید

۶

(۱۵) نمره

$$\frac{4x^3 - 25y^3}{2x^3 y + 5xy^3} \div \frac{6x^3 - 15xy}{9x^3 y^3} =$$

تقسیم زیر را انجام دهید

۷

(۱۶) نمره

$$\frac{x - 4}{x + 1} + \frac{4}{x + 1} = \frac{1}{4xy^3} - \frac{5}{x^3 y^3} =$$

۸

$$\frac{3x^3 - 3x}{x^3 - 3x + 2} + \frac{x}{2 - x} =$$

حاصل عبارت مقابل رابه ساده ترین صورت بنویسید.

۹

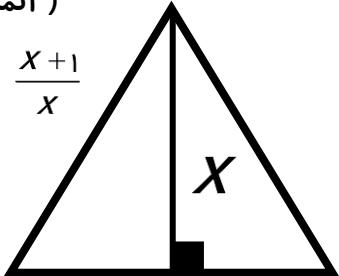
(۱۷) نمره

$$1 + \frac{b^2}{a^2 - b^2} = a - \frac{a^2}{a^2 - b^2}$$

حاصل عبارت مقابل رابه ساده ترین صورت بنویسید.

۱۰

(۱۸) نمره



محیط و مساحت شکل زیر رابه دست آورید.

(مثلث متساوی الاضلاع می باشد)

(۱۹) نمره

تقسیم های زیر را انجام دهید.

$$x^3 + x^2 + 3 \boxed{-2x^2 + 1}$$

$$\frac{3xy^3 - 4x^3 y - z}{10xy} =$$

۱۱

موفق باشید