



آمار و احتمال

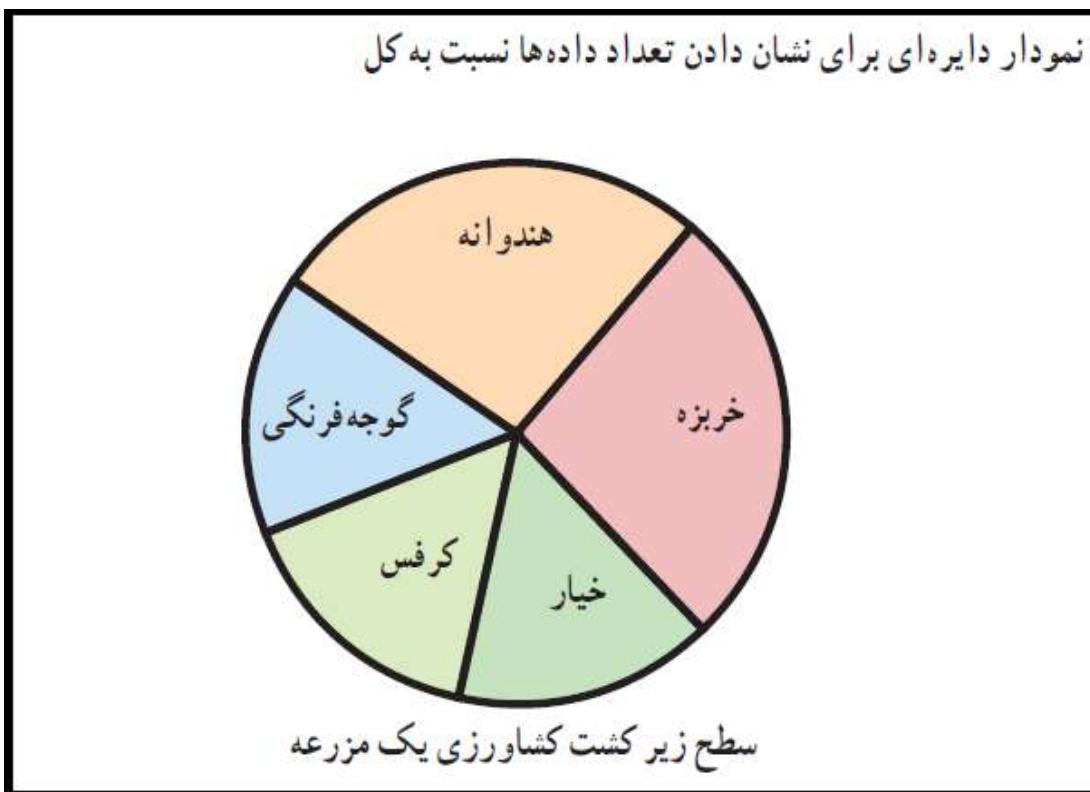
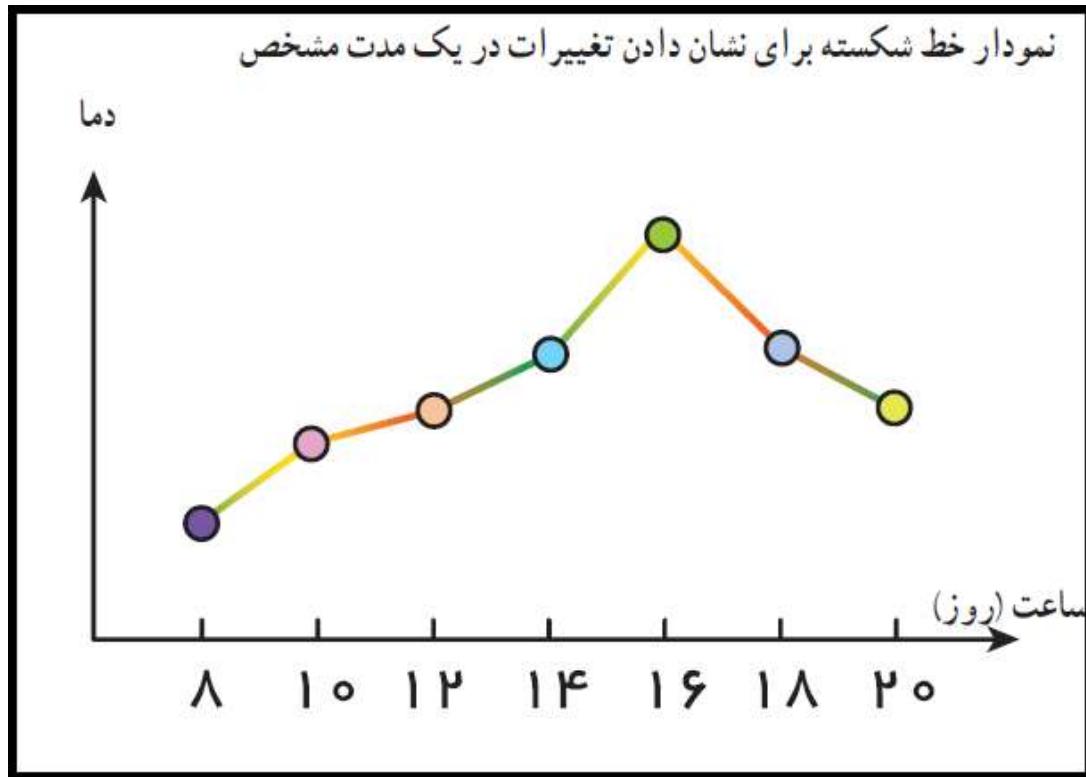
فصل ۹

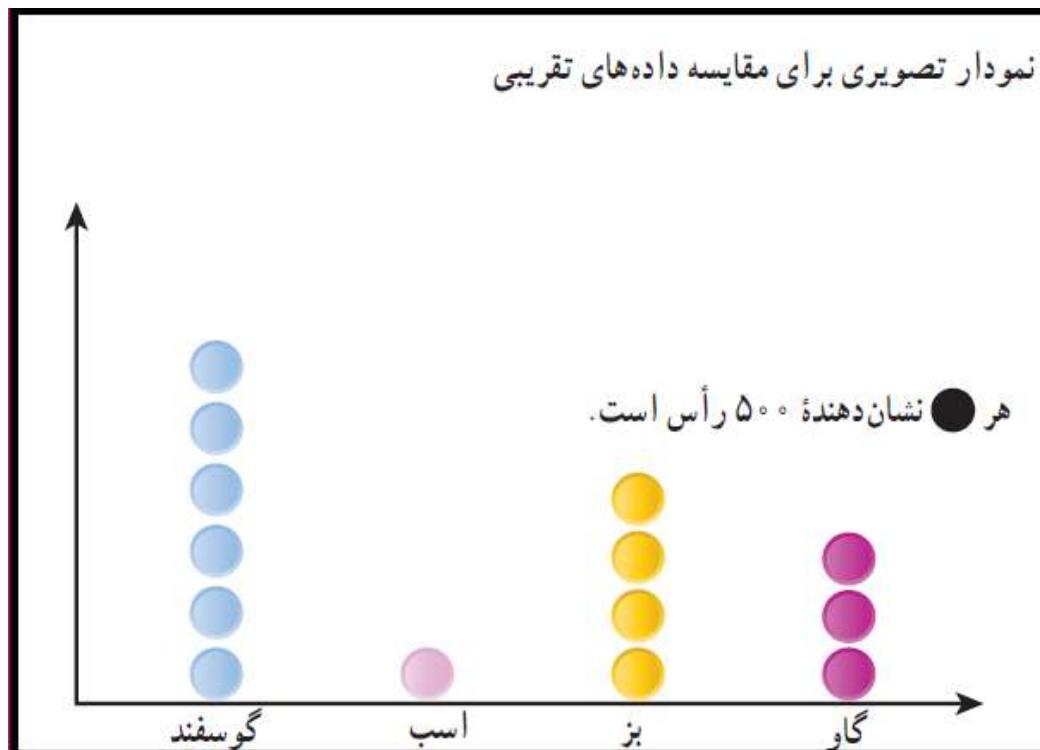
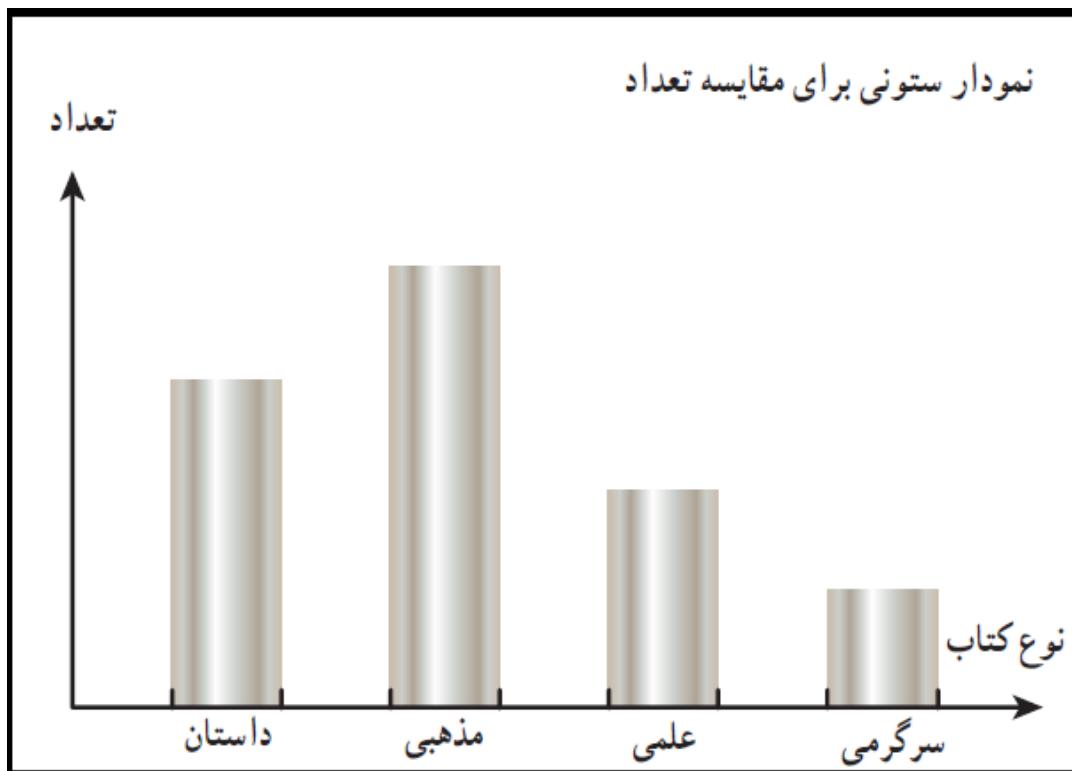
علم آمار، علم جمع آوری، سازماندهی، تفسیر و تحلیل اطلاعات (داده‌ها) است. پس از جمع آوری داده‌ها و اطلاعات و تفسیر و تحلیلشان، نمودارهایی رسم می‌شود که به کمک آنها نتایج را به صورت آماری تفسیر می‌کنند.

در زیر، 4 مورد از پرکاربرد ترین نمودارهای آماری را مشاهده می‌کنید.

نمودار خط شکسته برای نمایش تغییرها کاربرد دارد؛ بنابراین در موضوع‌هایی که تغییرها اهتمت دارد، از این نمودار استفاده می‌شود. برای نمونه تغییرها در بازارهای مالی، قیمت طلا، نفت، سهام و... را با این نمودار نشان می‌دهند. گاهی وقت‌ها به جای داده‌های واقعی از مقدار تقریبی آنها استفاده می‌کنیم. در برنامه‌ریزی‌های کلان به عده‌های واقعی و دقیق نیاز نداریم. برای مثال مقدار تولید گندم یک استان را به صورت چند هزار تن بیان می‌کنند؛ یعنی مقدار کمتر از ۱۰۰۰ تن یا یک میلیون کیلوگرم در این بررسی اهمیت ندارد.

بعضی از داده‌ها و اطلاعات جمع آوری شده نشان می‌دهد که یک مقدار مشخص به چه نسبتی به بخش‌های کوچک‌تر تقسیم شده است. در این موارد می‌توان تقسیم شدن را روی یک شکل مثل دائرة نشان داد و سهم هر بخش را روی دائرة مشخص کرد. در **نمودار دائره‌ای** به طور معمول نسبت و سهم هر بخش را به صورت درصد محاسبه کرده؛ و سپس روی نمودار نمایش می‌دهند.





نکته 1: اگر تعداد داده ها زیاد باشد، بررسی و تفسیر آنها مشکل و وقت گیر می شود، به همین خاطر در اکثر کارهای آماری داده ها را دسته بندی می کنند و سازماندهی جدیدی متناسب با موضوع آماری انجام می شود، همچنین تفسیر و تحلیل نتایج نیز با دقت بیشتری انجام می شود.

❖ نکاتی در مورد داده ها و اطلاعات آماری

- 1- در اکثر داده های آماری، همیشه یک مقدار حد اکثر و یک مقدار حداقل داریم (در واقع یک داده بیشترین و یک داده کمترین داریم.)
- 2- فاصله بین بیشترین داده و کمترین داده را دامنه تغییرات می نامند.

-3- اگر مجموع کل داده ها را بر تعدادشان تقسیم کنیم، میانگین داده ها بدست می آید:

$$\text{میانگین} = \frac{\text{مجموع داده ها}}{\text{تعداد داده ها}} = \bar{X} = \frac{S}{n}$$

-4- به تعداد داده های موجود در هر دسته فراوانی گفته می شود.

❖ توجه: برای حل مثال های مربوط این بخش به کتاب درسی مراجعه کنید و در حل آنها از استاد خود راهنمایی بگیرید و در کلاس بحث و تبادل نظر نمایید.

. مفهوم احتمال و پیشامد .

علم احتمال اولین بار از بازی های شанс به وجود آمد.

در بازی های شанс، برد و باخت اهمیت فراوان دارد و حدس زدن مطرح می شود.

واژه احتمال را در صحبت های روزمره ی اشخاص زیاد شنیده اید. به طور مثال یکی از دوستانتان به شما می گوید: به احتمال ۹۹٪ آیم. چه قدر منتظر او هستید؟ حتماً خیلی زیاد و یا به این جمله اعتقاد دارید هر چه دانش آموز بیشتر درس بخواند، احتمال قبول شدن او بیش تر است. یعنی احتمال کم و زیاد می شود، پس احتمال را می توان اندازه گرفت.

احتمال شامل دو پدیده می شود:**1- پدیده قطعی**

ازمايش یا پدیده ای که قبل از رخداد نتیجه اش معلوم باشد مثلاً توپی را در سراشیبی رها می کنیم حتماً توپ به سمت پایین حرکت می کند.

2- پدیده تصادفی

ازمايش یا پدیده ای که قبل از انجام آزمایش یا مشاهده نتیجه اش معلوم نباشد مثلاً قبل از پرتاب یک سکه نمی توان با اطمینان گفت رو یا پشت ظاهر می شود. به عنوان مثال: اگر یک کیسه شامل ۵ مهره با شماره های ۱ تا ۵ باشد و بخواهیم یک مهره را به صورت شansی و قرعه کشی بیرون بیاوریم فضای نمونه (۱-۲-۳-۴-۵) است.

نکته ۵: در احتمال فقط پدیده های تصادفی را مطالعه خواهیم کرد.

پیشامد: به مواردی که ممکن است در یک مسئله احتمال اتفاق بیفتد. (در پرتاب سکه)

پیشامد مطلوب قسمتی از فضای نمونه که ما تمایل داریم اتفاق بیفتد.

مثال: در یک روز ابری می خواهیم برای گردش و تفریح بیرون برویم. می دانیم شاید باران بیارد و شاید بارن نبارد. به عبارت دیگر فضای نمونه (باران می بارد، باران نمی بارد) است ولی بی شک ما بیشتر تمایل داریم باران نبارد. به نباریدن باران پیشامد گوییم.



. نکات مربوط به احتمال :

- ▶ همیشه مجموع احتمال برابر یک می شود.
- ▶ همیشه مقدار احتمال بین ۰ و ۱ می شود.
- ▶ هیچ عددی وجود ندارد که احتمال آن بزرگتر از یک باشد.

. احتمال غیر ممکن :

اگر احتمال یک پیشامد برابر صفر باشد آن پیشامد را غیر ممکن گویند.

مثال : در پرتاب یک تاس مطلوب است احتمال این که عدد 7 ظاهر شود.(یا پرواژ سنگ)

نکته : می دانیم تاس تا عدد 6 دارد. پس احتمال ظاهر شدن عدد 7 صفر است.

پس ظاهر شدن عدد 7 غیر ممکن است.

. به نکته زیر توجه کنید :

در ریاضی احتمال اتفاق افتادن یک پیشامد برابر است با نسبت تعداد اتفاق افتادن آن پیشامد به تعداد تمام حالت های ممکن برای اتفاق افتادن آن پیشامد. احتمال اتفاق افتادن پیشامد a را با P_a ، تعداد حالت های ممکن بر اتفاق افتادن پیشامد a را با $n(a)$ و تعداد پیشامد های ممکن را با $n(s)$ نمایش می دهیم ، پس داریم :

$$P_a = \frac{n(a)}{n(s)}$$

وقتی یک سکه را می اندازیم، دو حالت **هم شانس** ممکن است اتفاق بیفتد، یا سکه رو می آید یا پشت و چون در یک حالت از این دو حالت ممکن، سکه رو می آید؛ پس احتمال رو آمدن سکه $\frac{1}{2}$ است.

به این ترتیب برای بیان اندازه **شانس** رخ دادن یک اتفاق، از یک عدد استفاده کرده ایم که **احتمال** رخ دادن آن اتفاق نامیده می شود.

برای اینکه احتمال رخ دادن یک اتفاق را بدست آوریم، ابتدا همه حالت های ممکن را می باییم، سپس حالت های موردنظر را از میان حالت های ممکن پیدا می کیم. احتمال رخ دادن اتفاق موردنظر برابر است با نسبت تعداد حالت های موردنظر به تعداد حالت های ممکن؛ بنابراین :

$$\text{احتمال رخ دادن یک اتفاق} = \frac{\text{تعداد حالت های مطلوب برای رخ دادن آن}}{\text{تعداد حالت های ممکن برای رخ دادن آن}}$$

. تمرين : در هر کدام از کیسه های مقابل فقط یک مهره سیاه است و بقیه سفید هستند ، اگر از هر کیسه یک مهره سیاه برداشته شود ، احتمال اینکه سیاه باشد در کدام کیسه بیشتر است؟

