

دبیرستان شهید مسعودیان

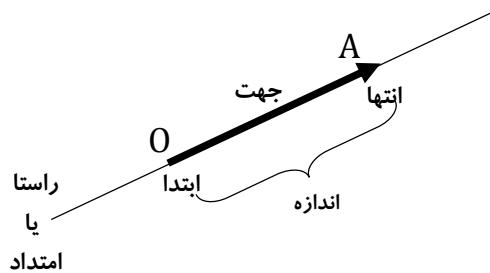
سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶

فصل هشتم بردار و مختصات

شناخت بردار:

حرکت و نیرو را با پاره خط های جهت دار نشان میدهیم.

در ریاضی به پاره خط جهت دار بردار می‌گوییم. بردار \overrightarrow{OA} را به صورت \overrightarrow{OA} نشان می‌دهیم.



نام گذاری بردار:

این کار به دو صورت انجام می‌شود:

الف - نخست نقطه ابتدا، سپس نقطه انتهای را نوشته و نماد \overrightarrow{AB} را روی آن قرار دهید. مانند:



ب - با یک حرف کوچک لاتین که در وسط بردار قرار می‌گیرد، انجام می‌شود. مانند:

اندازه (طول) بردار:

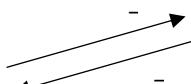
برای رسیدن به اندازه بردار نخست به جهت حرکت بردار توجه نمایید (سمت راست + و سمت چپ -) و سپس تعداد واحد های بین ابتداء و انتهای بردار را بشمارید.

بردار های مساوی :

دو بردار وقتی برابرند که هم راستا، هم اندازه و هم جهت باشند.

بردار های قرینه :

دو بردار وقتی قرینه یکدیگرند که مساوی باشند اما در خلاف جهت هم حرکت کنند.



مانند:

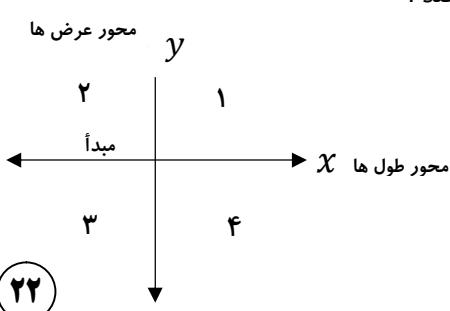
توجه: جمع دو بردار قرینه، همیشه صفر می‌شود.

مختصات :

از دو محور عمود بر هم تشکیل می‌شود. محور افقی را محور طول ها (x ها) و محور عمودی را محور عرض ها (y ها) می‌نامند.

محل برخورد دو محور را « مبدأ مختصات » می‌نامند و با حرف O نمایش می‌دهند.

محورهای مختصات صفحه را به ۴ قسمت تقسیم می‌کنند.



در شکل مقابل این ۴ ناحیه با عدددهای ۱ تا ۴ مشخص شده اند.

دبیرستان شهید مسعودیان

سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶

مختصات نقطه :

به طول و عرض هر نقطه که به صورت $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$ نمایش داده می‌شود، مختصات آن نقطه گفته می‌شود.
این مختصات می‌تواند + ، - یا حتی ° باشد.

مختصات نقاط در ۴ قسمت :

اگر نقطه‌ای در قسمت ۱ (ربع یا ناحیه اول) قرار گرفته باشد، دارای طول و عرض مثبت می‌باشد.

$$\xrightarrow{\hspace{1cm}} \begin{bmatrix} x & + \\ y & + \end{bmatrix}$$

اگر نقطه در قسمت ۲ (ربع یا ناحیه دوم) قرار گرفته باشد، دارای طول منفی و عرض مثبت می‌باشد.

$$\xrightarrow{\hspace{1cm}} \begin{bmatrix} x & - \\ y & + \end{bmatrix}$$

اگر نقطه در قسمت ۳ (ربع یا ناحیه سوم) قرار گرفته باشد، دارای طول و عرض منفی می‌باشد.

$$\xrightarrow{\hspace{1cm}} \begin{bmatrix} x & - \\ y & - \end{bmatrix}$$

و اگر نقطه در قسمت ۴ (ربع یا ناحیه چهارم) قرار گرفته باشد، دارای طول مثبت و عرض منفی می‌باشد.

$$\xrightarrow{\hspace{1cm}} \begin{bmatrix} x & + \\ y & - \end{bmatrix}$$

اگر نقطه‌ای روی محور طول‌ها (x ها) قرار گرفته باشد، طول آن نقطه عدد و عرض آن ° می‌شود.

$$\xrightarrow{\hspace{1cm}} \begin{bmatrix} \text{عدد} & x \\ \circ & \end{bmatrix}$$

* تمام بردارهایی که موازی محور x ها باشند نیز دارای عرض ° می‌باشند.

اگر نقطه‌ای روی محور عرض‌ها (y ها) قرار گرفته باشد، طول آن نقطه ° و عرض آن عدد می‌شود.

$$\xrightarrow{\hspace{1cm}} \begin{bmatrix} \text{عدد} & y \\ \circ & \end{bmatrix}$$

* تمام بردارهایی که موازی محور y ها باشند نیز دارای طول ° می‌باشند.

مختصات مبدأ مختصات :

محل برخورد محورهای مختصات را با حرف 0 نمایش می‌دهند و مختصات آن برابر است با :

$$0 = \begin{bmatrix} \circ \\ \circ \end{bmatrix}$$

جمع متناظر بردار :

در نوشتن جمع متناظر با یک بردار به مقدار (عدد) ابتدا، اندازه و انتهای آن نیاز دارید تا با استفاده از دستور زیر بتوانید جمع متناظر بردار را بنویسید.

$$\text{انتهای} = \text{اندازه} + \text{ابتدا}$$

بردار انتقال :

به برداری گفته می‌شود که یک نقطه یا یک شکل را به اندازه مختصاتش (از ابتدا به انتهای) منتقل نماید.

دبیرستان شهید مسعودیان

سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶

قرینه بردار :

قرینه ابتدا و انتهای بردار مورد نظر را نسبت به مبدأ مختصات یا یکی از محورها (طول یا عرض) یافته و سپس بردار قرینه را رسم می کنیم .

قرینه بردار نسبت به محور طول ها :

فقط عرض بردار قرینه می شود .

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{نسبت به محور طول ها}} \begin{bmatrix} x \\ -y \end{bmatrix}$$

قرینه بردار نسبت به محور عرض ها :

فقط طول بردار قرینه می شود .

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{نسبت به محور عرض ها}} \begin{bmatrix} -x \\ y \end{bmatrix}$$

قرینه بردار نسبت به مبدأ مختصات :

طول و عرض بردار هر دو قرینه می شود .

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{نسبت به مبدأ مختصات}} \begin{bmatrix} -x \\ -y \end{bmatrix}$$

یافتن مقدار مجهول در تساوی های برداری :

اگر مقدار مجهول (نامعلوم) در انتهای تساوی برداری بود ، مقدارهای ابتدا و اندازه را با هم جمع کنید . مانند :

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$x = 2 + (-3) = -1$$

$$y = (-4) + 1 = -3$$

اگر مقدار مجهول (نامعلوم) در ابتدایا یا اندازه تساوی برداری قرار گرفته بود ، مقدار انتهای را منهای قسمت دیگر کنید .

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -x \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

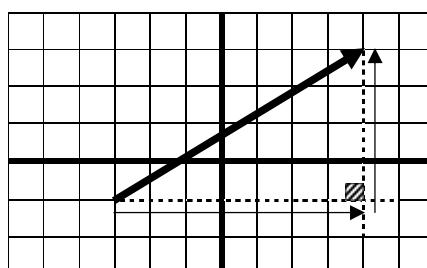
$$-x = (-2) - 2 \Rightarrow x = 4$$

$$-y = 3 - (-2) \Rightarrow y = -5$$

تعیین مختصات بردار به کمک ترسیم :

از ابتدا و انتهای بردار ، دو خط به موازات محور طول و عرض به ترتیب رسم کنید تا در نقطه ای یکدیگر را قطع کنند و تشکیل یک مثلث قائم الزاویه دهند . حالا از ابتدا به سمت انتهای بردار حرکت کنید تا هم جهت و هم مختصات آن را مشخص کنید .

مانند :



می بینید از ابتدای بردار ۷ واحد به سمت راست حرکت کرده ایم ، یعنی $7 + 4$ واحد نیز به سمت بالا حرکت کرده ایم .

پس مختصات بردار مورد نظر $\begin{bmatrix} 7 \\ 4 \end{bmatrix}$ خواهد بود .