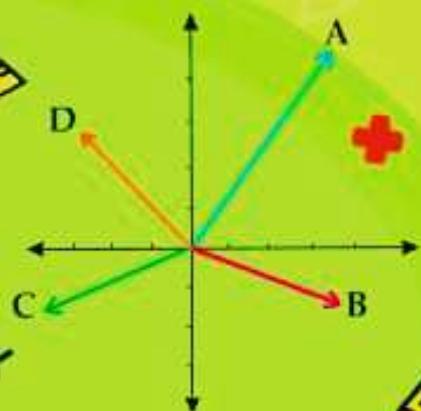


همراه با درسنامه



$$x^2 = x \cdot x$$



# پایه هفتم ریاضی

• نکات و توضیحات کتاب ریاضی

• پایه هفتم

• دوره اول متوسطه

• گروه آموزشی ریاضی متوسطه اول استان خوزستان

فصل ۵ : شمارنده ها و اعداد اول

مدرسه تعطیل است ولی آموزش تعطیل نیست.



## درس اول : عدد اول

### شمارنده های یک عدد (مقسوم علیه ها)

برای درک بهتر مفهوم شمارنده عدد ۱۰ را در نظر بگیرید.

این عدد را می توان دو تا شمرد یعنی:  $10 = 2 + 2 + 2 + 2 + 2$  پس ۲ شمارنده ای عدد ۱۰ است (یا به عبارت دیگر ۱۰ بر ۲ بخش پذیر است).

عدد ۱۰ را مانند نمونه می توان به دسته های ۵ تایی تقسیم کرد :

پس ۵ شمارنده ای دیگر عدد ۱۰ است.

باقی مانده ای تقسیم عدد ۱۰ بر ۳ صفر نیست پس ۳ شمارنده ای ۱۰ نیست.



به اعدادی که عدد  $a$  به آن ها بخشیدیر باشد ( یعنی باقی مانده تقسیم  $a$  بر آن ها صفر شود ) شمارنده ای عدد

$a$  می گوییم

**نکته:** هر عدد طبیعی بر خودش و یک بخشیدیر است. پس یک و خود عدد شمارنده های آن عدد محسوب می شود.

به کمک دسته بندی یا تقسیم شمارنده های یک عدد را می توان به دست آورد.

مثال: برای عدد ۱۰ همه ای تقسیم هایی که باقی مانده ای آن ها صفر است را یادداشت می کنیم:

$$10 \div 1 = 10 \quad 10 \div 2 = 5 \quad 10 \div 5 = 2 \quad 10 \div 10 = 1 \quad \text{پس شمارنده های عدد } 10 \text{ عبارتند از: } 1, 2, 5 \text{ و } 10$$

مثال : شمارنده های اعداد زیر را بنویسید :

( زیرا ۳ بر یک و بر ۳ بخشیدیر است )

( زیرا ۸ بر یک و ۲ و ۴ و ۸ بخشیدیر است )

۱، ۳ : شمارنده های عدد ۳

۱، ۲، ۴، ۸ : شمارنده های عدد ۸

۱، ۲، ۳، ۶ : شمارنده های عدد ۶

۱، ۳، ۹ : شمارنده های عدد ۹

**مثال :** عدد ۲، شمارنده ۴ است. عدد ۴ هم شمارنده ۱۲ است. آیا می توان نتیجه گرفت که ۲ شمارنده ۱۲ هم هست؟ چرا؟

**پاسخ :** بله زیرا ۱۲ هم بر ۴ بخشیدیر است و هم بر ۲ بخشیدیر است. یا ۱۲ را می توانیم ۲ تا ۲ تا بشماریم.

پس به طور کلی اگر عدد  $a$  شمارنده ای  $b$  و عدد  $b$  شمارنده ای  $c$  باشد عدد  $a$  حتماً شمارنده ای  $c$  است.

### اعداد اول:



هر عدد طبیعی که فقط دو شمارنده ( خودش و یک ) داشته باشد عددی اول است.

**مثال :** اعداد ۲، ۳، ۵ هر کدام عددی اول است. چرا؟

**پاسخ :** زیرا هر کدام فقط دو شمارنده دارند. ( یک و خود عدد )

۱، ۵ : ۵ شمارنده      ۱، ۳ : ۳ شمارنده      ۱، ۲ : ۲ شمارنده

**نکته :** تنها عدد زوج که اول هست عدد ۲ است **نکته:** عدد یک اول نیست.

**نکته:** به غیر از ۲ تمام اعداد اول فرد هستند.

$2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, \dots$  : اعداد اول

**نکته:** بی شمار عدد اول وجود دارد.

بیشتر بدایم

عدد مرکب: هر عدد طبیعی بزرگتر از یک که بیش از ۲ شمارنده داشته باشد عددی مرکب است. (یعنی به غیر از خودش و یک، شمارنده‌ی دیگری داشته باشد.)

مثال: اعداد ۱۵ و ۹ مرکبند.

زیرا ۹ بیشتر از ۲ شمارنده دارد.

زیرا ۱۵ بیشتر از ۲ شمارنده دارد.

**نکته:** هر عدد طبیعی بر ۱ بخش پذیر است پس عدد ۱ کوچکترین شمارنده‌ی همه‌ی اعداد طبیعی است.

**نکته:** بزرگترین شمارنده‌ی هر عدد خود آن عدد است.

**نکته:** همه‌ی شمارنده‌های هر عدد کوچکتریا مساوی آن عدد هستند.

**نکته:** هر عدد بزرگتر از یک حداقل ۲ شمارنده دارد.

**نکته:** مجموع دو عدد طبیعی زوج همیشه عددی زوج است.

**نکته:** مجموع دو عدد طبیعی فرد همیشه زوج است.

**نکته:** مجموع یک عدد زوج و یک عدد فرد همیشه عددی فرد است.

**مثال:** آیا حاصلضرب دو عدد اول می‌تواند عددی اول باشد؟ چرا؟

**پاسخ:** خیر، حاصل بر هر دو عدد اول بخش پذیر است پس بیش از دو شمارنده دارد. مانند  $15 = 3 \times 5$

و ۵ اعداد اولند ولی حاصلضربشان ۱۵ عددی اول نیست.

**مثال:** سه عدد بنویسید که ۷ شمارنده‌ی آن‌ها باشد؟

**پاسخ:** یعنی اعدادی که بر ۷ بخشپذیرند.

**مثال:** مجموع اولین و ششمین عدد اول چند است؟

**پاسخ:**  $1, 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, \dots$  : اعداد اول

↓  
اولین      ↓  
ششمین

$$13 + 2 = 15$$

**مثال:** تفاضل (اختلاف) سومین عدد اول و یک چند است؟

$2, 3, 5, 7, \dots$  : اعداد اول

$$5 - 1 = 4$$

↓  
سومین

با توجه به نکات و مثال‌های حل شده سوالات زیر را پاسخ دهید.

**سؤال ۱:** تمام شمارنده‌های عده‌های مقابله را بنویسید.

**سؤال ۲:** تفاضل (اختلاف) نهمین و دومین عدد اول چند است؟

دانش آموزان عزیز با مرور مطالب بالا برای یادگیری بیشتر تمرینات صفحه ۵۸ را نیز حل کنید.

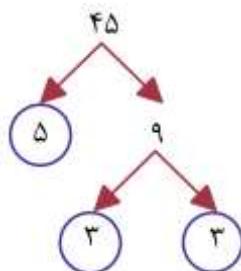
## درس دوم: شمارنده‌ی اول



از بین شمارنده‌های هر عدد، آن شمارنده‌ای که عددی اول است را شمارنده‌ی اول آن عدد می‌نامیم.  
**مثال:** شمارنده‌های اول عدد ۱۲ را بنویسید.

**پاسخ:** ۲ و ۳ شمارنده‌های اول ۱۲ هستند

نکته: برای تعیین شمارنده‌های اول یک عدد از نمودار درختی نیز می‌توان استفاده کرد (تجزیه) که برای آن عدد طبیعی ضربی بزرگتر از یک می‌نویسیم این روش را ادامه می‌دهیم تا برای عدد ضربی غیر از یک نتوان نوشت.

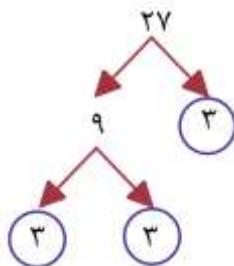


**مثال:** شمارنده‌های اول عدد ۴۵ را به روش نمودار درختی بنویسید.

**پاسخ:**

بنابراین تجزیه‌ی عدد ۴۵ به حاصل ضرب اعداد اول به صورت:  $3 \times 5 = 45$  است.

**مثال:** شمارنده‌های اول عدد ۲۷ را به روش تجزیه بنویسید.



**پاسخ:**

بنابراین  $27 = 3 \times 3 \times 3$

پس تنها شمارنده‌ی اول ۲۷، عدد ۳ است.

نکته: با حاصلضرب شمارنده‌های اول یک عدد می‌توان شمارنده‌های دیگر آن عدد را به دست آورد.

**سوال:** با توجه به تجزیه‌ی عدد ۱۲ به عوامل اول، همه‌ی شمارنده‌های ۱۲ را بنویسید.

هیچ شمارنده‌ای ندارد: ۱

۲، ۳

$$4 = 2 \times 2, \quad 6 = 2 \times 3$$

$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

۱، ۲، ۳، ۴، ۶، ۱۲: شمارنده‌های عدد ۱۲

**سوال:** با توجه به تجزیه‌ی عدد ۷۰ به عوامل اول، همه‌ی شمارنده‌های ۷۰ را بنویسید.

هیچ شمارنده‌ای ندارد: ۱

۷، ۵، ۲

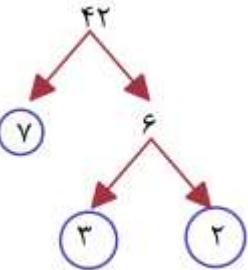
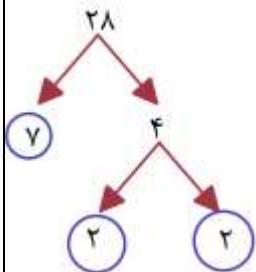
$$35 = 5 \times 7, \quad 10 = 2 \times 5, \quad 14 = 2 \times 7$$

$$70 = 2 \times 5 \times 7$$

$$70 = 2 \times 5 \times 7$$

۱، ۲، ۵، ۷، ۱۰، ۱۴، ۳۵، ۷۰: شمارنده‌های عدد ۳۵

**نکته:** با تجزیه کردن عده‌های صورت و مخرج کسر می‌توان کسرها را ساده‌تر کرد.



$$\frac{28}{42}$$

**مثال:** کسر مقابل را ساده کنید.

$$28 = 2 \times 2 \times 7$$

$$\frac{28}{42} = \frac{\cancel{2} \times \cancel{2} \times 7}{\cancel{2} \times 3 \times \cancel{7}} = \frac{2}{3}$$

**پاسخ:** با توجه به نمودار درختی:

بنابراین:

**نکته:** تمام عده‌های طبیعی بزرگ‌تر از یک شمارنده‌ی اول دارند.

**مثال:** عدد ۱۸ به شکل مقابل به ضرب اعداد اول تجزیه شده است:  $18 = 2 \times 3 \times 3$

الف. شمارنده‌های اول ۱۸ را بنویسید.

**پاسخ:** ۲، ۳

ب. یک شمارنده ۱۸ را بنویسید که عدد اول نباشد.

**پاسخ:** اعداد ۱ و ۶ و ۹ و ۱۸ شمارنده‌های غیر اول ۱۸ هستند.

با توجه به نکات و مثال‌های حل شده سوالات زیر را با دقت پاسخ دهید.

**سوال ۳:** با نمودار درختی شمارنده‌های اول اعداد زیر را بنویسید.

$$54, 160, 36$$



**سوال ۴:** عدد ۲۴ پس از تجزیه به شکل مقابل در آمده است:

$$24 = 3 \times 2 \times 2 \times 2$$

الف. شمارنده‌های اول ۲۴ را بنویسید.

ب. ۲ شمارنده ۲۴ را بنویسید که اول نباشند.

**سوال ۵:** تمام شمارنده‌های عدد ۶۳ را بنویسید:

$$63 = 7 \times 3 \times 3$$

دانش آموزان عزیز با مرور نکات ارائه شده برای یادگیری بیشتر تمرینات صفحه ۶۱ را نیز حل کنید.

## درس سوم: بزرگترین شمارنده مشترک دو عدد



بزرگترین شمارنده‌ی مشترک بین دو عدد را بزرگترین مقسوم علیه مشترک یا به طور مختصر  $(b \text{ m } m)$  دو عدد می‌گوییم.  $b \text{ m } m$  دو عدد  $a$  و  $b$  را با  $(a, b)$  نمایش می‌دهیم. برای به دست آوردن  $(b \text{ m } m)$  دو عدد دو روش ارائه می‌دهیم.

**روش اول:**

مرحله‌ی اول. همه‌ی شمارنده‌های دو عدد را می‌نویسیم.

مرحله‌ی دوم. شمارنده‌های مشترک را مشخص می‌کنیم.

مرحله‌ی سوم. بزرگترین شمارنده‌ی مشترک را مشخص می‌کنیم که همان  $(b \text{ m } m)$  دو عدد است.

**مثال:**  $b \text{ m } m$  دو عدد ۱۲ و ۱۸ را بدست آورید.

$$(12, 18) = ?$$

**پاسخ:**

۱۲: ۱, ۲, ۳, ۴, ۶, ۱۲

$$\begin{array}{c} \longrightarrow \\ \begin{array}{c} 1, 2, 3, 6 \\ \text{شمارنده‌های مشترک} \end{array} \end{array} \Rightarrow 6 = b \text{ m } m$$

۱۸: ۱, ۲, ۳, ۶, ۹, ۱۸

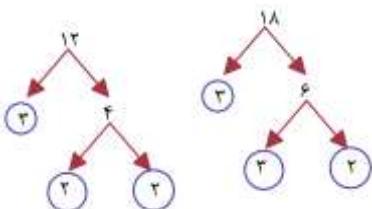
$$(12, 18) = 6$$

**روش دوم:** با استفاده از تجزیه اعداد به شمارنده‌های اول،  $b \text{ m } m$  مشخص می‌شود:

مرحله‌ی اول: با نمودار درختی اعداد را تجزیه می‌کنیم تا به اعداد اول ختم شوند.

مرحله‌ی دوم: حاصلضرب شمارنده‌های اول را برای هر عدد می‌نویسیم.

مرحله‌ی سوم: اعداد مشترک هر دو عدد را انتخاب و درهم ضرب می‌کنیم.



**مثال:**  $b \text{ m } m$  دو عدد ۱۲ و ۱۸ را به روش تجزیه به دست آورید.  $(12, 18) = ?$

$$\begin{array}{c} 12 = 2 \times 2 \times 3 \\ 18 = 2 \times 3 \times 3 \end{array} \Rightarrow 2 \times 3 = 6 \Rightarrow (12, 18) = 6$$



$$(10, 1) = 1$$

**نکته:**  $b \text{ m } m$  هر عدد با یک برابر است با یک. مثال:

$$(6, 6) = 6$$

**نکته:**  $b \text{ m } m$  هر عدد با خودش همان عدد می‌شود. مثال:

$$(3, 5) = 1$$

**نکته:**  $b \text{ m } m$  دو عدد اول متفاوت عدد ۱ است. مثال:

$$(17, 18) = 1$$

**نکته:**  $b \text{ m } m$  دو عدد طبیعی متواالی عدد ۱ است. مثال:

$$6 = 2 \times 3$$

**نکته:** اگر عدد  $a$  بر عدد  $b$  بخشیدن باشد  $b \text{ m } m$  آن‌ها عدد  $b$  است. مثال:

(زیرا عدد ۳ شمارنده‌ی ۶ است و بزرگترین شمارنده‌ی خودش پس  $b \text{ m } m$  دو عدد ۶ و ۳ عدد ۳ است).

**نکته:** برای ساده کردن کسرها از ب م استفاده می کنیم.

**مثال:** کسرهای زیر را ساده کنید.

$$\left. \begin{array}{l} 20 : \text{شمارنده های عدد } 1, 2, 4, 5, 10, 20 \\ 25 : \text{شمارنده های عدد } 1, 5, 25 \end{array} \right\} \Rightarrow (20, 25) = 5 \Rightarrow \frac{20 \div 5}{25 \div 5} = \frac{4}{5}$$

$$\left. \begin{array}{l} 27 : \text{شمارنده های عدد } 1, 3, 9, 27 \\ 63 : \text{شمارنده های عدد } 1, 3, 7, 9, 21, 63 \end{array} \right\} \Rightarrow (27, 63) = 9 \Rightarrow \frac{27 \div 9}{63 \div 9} = \frac{3}{7}$$

**سؤال:** دو ظرف به گنجایش ۴۵ و ۳۰ لیتر داریم. می خواهیم با پیمانه هایی به گنجایش ۱ و ۲ و ۳ و ... لیتر آن ها را پر کنیم. با چه پیمانه هایی می توانیم دو ظرف را کامل پر کنیم؟ با چه پیمانه ای زودتر پر می شود؟ (بزرگترین پیمانه را مشخص کنید).

**پاسخ:**

۴۵ = شمارنده های عدد  $1, 3, 5, 9, 15, 45$       ۳۰ = شمارنده های عدد  $1, 2, 3, 5, 6, 15, 30$

**۱۵:** بزرگترین پیمانه مشترک  $\Rightarrow 1, 3, 5, 15$  **پیمانه های مشترک**

با پیمانه های ۱۵، ۳، ۵، ۱ لیتری می توانیم دو ظرف را کامل پر کنیم.  
و با پیمانه ۱۵ لیتری ظرف ها سریعتر پر می شوند.

**مثال:** ب م اعداد زیر را به صورت ذهنی به دست آورید.

الف) (۱۰, ۳۰)      ب) (۱۰, ۱۱)      ج) (۱, ۷۳)

**پاسخ:**

الف) عدد ۳۰ بر ۱۰ بخش پذیر است پس :  $(10, 30) = 10$

ب) دو عدد ۱۰ و ۱۱ متولی هستند پس ب م آن ها ۱ است.  $(10, 11) = 1$

ج) ب م هر عدد طبیعی و ۱ همان ۱ است.  $(1, 73) = 1$

ب) دو عدد ۱۳ و ۱۷ عدد اول هستند پس ب م آن ها ۱ است.  $(13, 17) = 1$

**مثال:** با توجه به تجزیه ای دو عدد A و B به سوالات زیر پاسخ دهید:  $A = 2 \times 2 \times 3 \times 11$        $B = 2 \times 5 \times 5 \times 11 \times 11$

الف) یک شمارنده ای اول مشترک هر دو عدد را بنویسید.

ب) دو شمارنده ای غیر اول عدد B را بنویسید.

ج) ب م دو عدد A و B را محاسبه کنید.

**پاسخ:** الف) اعداد ۲ و ۱۱ شمارنده های اول مشترک هر دو عدد هستند.

ب) با ضرب کردن اعداد اول عدد B شمارنده های غیر اول به دست می آید:  $5 \times 11 = 55$  و  $2 \times 5 = 10$

ج) با ضرب کردن اعداد مشترک در تجزیه‌ی دو عدد A و B داریم:  $(A, B) = 2 \times 11 = 22$

**مثال:** حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید:

الف) (۵، ۱۱، ۷) :

ب) (۴۲، ۲۸، ۲۱) :

**پاسخ:**

الف) اعداد داده شده همگی اول هستند پس تنها شمارنده‌ی مشترکشان عدد ۱ است بنابراین:  $(5, 11, 7) = 1$

ب) ابتدا هر سه عدد را تجزیه می‌کنیم و عدد یا اعدادی که در هر سه مشترک است را انتخاب می‌کنیم:

$$42 = 2 \times 3 \times 7 \quad 28 = 2 \times 2 \times 7 \quad 21 = 3 \times 7$$

تنها عدد مشترک در تجزیه ۷ است پس:  $(42, 28, 21) = 7$

با توجه به نکات و مثال‌های حل شده سوالات زیر را حل کنید.

**سؤال:** مستطیلی به ابعاد ۲۴ و ۱۸ سانتی متر دارد.

الف) اگر با کاشی‌های مربعی سطح این مستطیل را پر کنیم، ضلع این کاشی‌های مربعی چه اعدادی

می‌تواند باشد؟

ب) ضلع بزرگترین کاشی چند است؟ راه حل را بنویسید.

**سؤال:** کسرهای زیر را با تجزیه صورت و مخرج (استفاده از ب م) ساده کنید.

$$\frac{36}{28} =$$

$$\frac{42}{56} =$$

**سؤال:** به کمک نمودار درختی اعداد زیر ۷۲ و ۱۴۴ تجزیه کنید و ب م آن‌ها را محاسبه کنید.

$$(144, 72) = \dots\dots\dots$$

**سؤال:** حاصل عبارات زیر را به دست آورید.

$$(40, 30) =$$

$$(55, 56) =$$

$$(21, 35) =$$

$$(6, 54) =$$

$$(15, 1) =$$

$$(3, 2, 7) =$$

دانش آموزان عزیز با مرور نکات ارائه شده برای یادگیری بیشتر تمرینات صفحه ۶۳ را نیز حل کنید.

## درس چهارم: کوچکترین مضرب مشترک دو عدد



مضرب های طبیعی اعداد: از ضرب یک عدد در اعداد طبیعی، مضارب طبیعی آن عدد بدست می آیند.  
مضارب طبیعی یک عدد را به اختصار مضارب آن عدد می نامیم.

مثال:

$$5 \times 1, 5 \times 2, 5 \times 3, 5 \times 4, \dots = \text{مضارب } 5$$

$$5, 10, 15, 20, \dots$$

$$8 \times 1, 8 \times 2, 8 \times 3, 8 \times 4, \dots = \text{مضارب } 8$$

$$8, 16, 24, 32, \dots$$

نکته: هر عدد اولین مضرب طبیعی خودش است.

نکته: تنها مضرب اول هر عدد اول خودش است.

نکته: علامت ... در نوشتن مضارب عدد به معنای این است که این اعداد با همین الگو ادامه پیدا می کنند و پایان ندارند.

مثال: الف. اولین مضرب ۱۲ چند است؟ ۱۲

$$\text{ب. پنجمین مضرب } 12 \text{ چند است? } 12 \times 5 = 60$$

$$\text{پ. ۳۶ چندمین مضرب } 12 \text{ است?}$$

$$\text{پاسخ: ۳۶ سومین مضرب } 12 \text{ است. } 36 \div 12 = 3$$

### کوچکترین مضرب مشترک دو عدد:

از میان مضارب طبیعی دو عدد، اولین مضربی که مشترک باشد، کوچکترین مضرب مشترک دو عدد a و b است که به طور مختصر به آن کم دو عدد گفته می شود و به صورت  $[a, b]$  نوشته می شود.

دو روش برای بدست آوردن کم دو عدد ارائه می شود:

روش اول:

۱. مضارب دو عدد را می نویسیم.
۲. مضرب های مشترک را مشخص می کنیم.
۳. اولین مضرب مشترک دو عدد کم دو عدد است.

مثال: با نوشتن مضارب های دو عدد، کم دو عدد ۸ و ۶ را بدست آورید.

پاسخ:

$$\begin{array}{l} [6, 8] = ? \\ \left. \begin{array}{l} 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, \dots \\ 8, 16, 24, 32, 40, 48, \dots \end{array} \right\} \text{مضارب مشترک} \\ 24, 48, \dots \Rightarrow \text{کم } 24 \Rightarrow [6, 8] = 24 \end{array}$$



روش دوم: بدست آوردن ک م دو عدد به روش (تجزیه به شمارنده های اول)

۱. دو عدد را به روش درختی تجزیه می کنیم تا به اعداد اول ختم شوند.

۲. دو عدد را به حاصل ضرب شمارنده های اول می نویسیم.

۳. برای محاسبه ک م م قسمت مشترک در تجزیه های هر دو عدد را در اعداد غیر مشترک در تجزیه ضرب می کنیم.

برای درک بهتر این روش به مثال های زیر توجه کنید.

مثال: ک م دو عدد ۳۶ و ۳۰ را به دست آورید.

ابتدا به کمک نمودار درختی دو عدد را تجزیه و به صورت ضرب شمارنده های اول می نویسیم:

$$30 = 2 \times 3 \times 5$$

$$36 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

قسمت  $2 \times 3$  در هر دو مشترک و اعداد ۲ و ۳ و ۵ غیر مشترک هستند.

برای محاسبه ک م م این دو قسمت را در هم ضرب می کنیم

پس:

$$\begin{aligned} 30 &= 2 \times \\ 36 &= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \\ [30, 36] &= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 = 360 \end{aligned}$$

مثال: ک م دو عدد ۱۲ و ۱۸ را بدست آورید.

$$\begin{aligned} 18 &= 2 \times 3 \times 3 \\ 12 &= 2 \times 2 \times 3 \\ [18, 12] &= 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 36 \end{aligned}$$

مثال: ک م دو عدد ۲۴ و ۲۰ را بدست آورید.

$$24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$20 = 2 \times 2 \times 5$$

$$[20, 24] = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 120$$

$$[4, 1] = 4$$

**نکته:** ک م هر عدد با یک برابر خود عدد است. مثال:

$$[5, 7] = 35$$

**نکته:** ک م دو عدد اول متفاوت برابر حاصلضرب آنهاست. مثال:

$$[17, 17] = 17$$

**نکته:** ک م هر عدد با خودش همان عدد می شود.

**نکته:** اگر a شمارنده‌ی b باشد ک م دو عدد b است. برای درک بهتر به مثال زیر توجه کنید.

$$\text{مثال: } 3 \text{ شمارنده‌ی } 6 \text{ است پس: } [3, 6] = 6$$

**نکته:** مهمترین کاربرد (ک م) در بدست آوردن مخرج مشترک دو کسر است.

**مثال:** حاصل کسرهای زیر را بدست آورید.

$$\frac{7}{15} + \frac{9}{20} = \frac{7 \times 4}{15 \times 4} + \frac{9 \times 3}{20 \times 3} = \frac{28 + 27}{60} = \frac{55}{60}$$

$$[15, 20] = 60$$

**مثال:** یک پیست دو و میدانی کوچک در یک مجتمع فرهنگی ورزشی قرار دارد. امید و فرامرز از یک نقطه شروع به دویدن می کنند. اگر امید هر ۳۵ ثانیه و فرامرز هر ۲۱ ثانیه یک دور کامل دور میدان بدوند پس از چند ثانیه با هم به همان نقطه‌ی شروع می رسند؟ در این مدت هر کدام چند دور دویده‌اند؟

**پاسخ:**

امید هر ۳۵ ثانیه یکبار به نقطه‌ی شروع می رسد یعنی زمان رسیدن به نقطه‌ی شروع مضارب ۳۵ است. به همین ترتیب زمان رسیدن فرامرز به نقطه‌ی شروع هم مضارب عدد ۲۱ است پس برای اینکه بدانیم چه زمانی هر دو با هم به این نقطه می رسند باید ک م دو عدد ۲۱ و ۳۵ را محاسبه کنیم.

$$35 = 5 \times 7$$

$$[35, 21] = 7 \times 5 \times 3 = 105$$

$$21 = 3 \times 7$$

بعد از ۱۰۵ ثانیه با هم به نقطه‌ی شروع می رسند و در این مدت  
امید  $3 = 35 \div 105$  دور و فرامرز  $5 = 21 \div 105$  دور دویده‌اند



**مثال:** برای هر کدام از جملات درست زیر یک مثال بزنید.

$$(الف) [1, n] = n$$

**پاسخ:** ک م دو عدد ۱ و ۱۵ همان ۱۵ است. یعنی  $[1, 15] = 15$

$$(ب) [n, n] = n$$

**پاسخ:** ک م دو عدد ۷ و ۷ همان ۷ است یعنی  $[7, 7] = 7$

**(ج)** ب م دو عدد شمارنده‌ی ک م دو عدد است.

**پاسخ:** دو عدد ۱۸ و ۱۲ را در نظر بگیرید.

ب م دو عدد ۶ و ک م آن‌ها ۳۶ است. و واضح است که ۶ شمارنده‌ی ۳۶ است.

**(د)** حاصل ضرب دو عدد برابر حاصل ضرب ب م و ک م دو عدد است.

**پاسخ:** دو عدد ۱۸ و ۱۲ را در نظر بگیرید:

$$18 \times 12 = 216 \quad [18, 12] \times (18, 12) = 36 \times 6 = 216$$

$$\text{پس: } 18 \times 12 = [18, 12] \times (18, 12) = 216$$

**مثال**) پاسخ عبارتهای زیر را به صورت ذهنی محاسبه کنید.

الف) [۱۰,۳۰]      ب) [۱۱,۳]      ج) [۲۳,۲۳]

پاسخ:

الف) ۱۰ شمارنده‌ی ۳۰ است پس کم م دو عدد ۳۰ است.  $30 = [10, 30]$

ب) دو عدد ۳ و ۱۱ هر دو اول هستند پس کم آن‌ها حاصل ضربشان است یعنی:  $33 = [11, 3]$

ج) کم هر عدد با خودش برابر است با خودش. یعنی:  $23 = [23, 23]$

د) کم هر عدد با عدد یک برابر است با خود آن عدد یعنی:  $54 = [1, 54]$

با توجه به نکات و مثال‌های حل شده سؤالات زیر را پاسخ دهید.

**سؤال ۱:** تساوی‌های زیر را کامل کنید. (با نوشتن راه حل)

$(45, 54) =$

$[18, 27] =$

**سؤال ۲:** تساوی‌های زیر را با روش نوشتن مضرب‌ها کامل کنید.

$[6, 42] =$

$[27, 30] =$

**سؤال ۳:** رضا در هر ۴ روز یک بار ساعت ۱۷ به باشگاه بدنسازی می‌رود و امیر هر ۶ روز یکبار در همان ساعت به همان باشگاه ورزشی می‌رود. اگر هر دو از ۳۱ شهریورماه همزمان شروع به رفتن به باشگاه کنند، تعیین کنید در چه روزهایی از ماه مهر همدیگر را ملاقات می‌کنند؟



دانش آموزان عزیز با مرور نکات ارائه شده برای یادگیری بیشتر تمرینات صفحه ۶۷ را نیز حل کنید.