

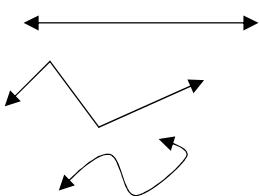
دبیرستان شهید مسعودیان

سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶

فصل چهارم هندسه و استدلال

خط : از کنار هم قرار گرفتن بی شمار نقطه در کنار هم به وجود می آید .

أنواع خط :



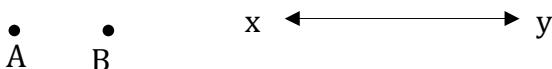
۱ - خط راست :

۲ - خط شکسته :

۳ - خط خمیده (منحنی) :

نام گذاری نقطه و خط :

در ریاضیات برای نام گذاری شکل ها از حروف انگلیسی استفاده می کنیم . به طور معمول نقطه را با حروف بزرگ انگلیسی نام گذاری می کنیم و برای نام گذاری امتداد خط که در شکل با فلش نشان می دهیم از حروف کوچک استفاده می کنیم . مانند :



- * از یک نقطه بی شمار خط می گذرد .
- * از دو نقطه فقط یک خط راست می گذرد .
- * از دو نقطه بی شمار خط خمیده و شکسته می گذرد .

پاره خط :

قسمتی از یک خط که با دو نقطه جدا شده باشد .

طول یا اندازه پاره خط :

طول یک پاره خط را با قراردادن یک پاره خط کوچک در بالای نام آن نمایش می دهیم . برای مثال \overline{AB} یعنی طول پاره خط AB و آن فاصله بین دو سر پاره خط میباشد که با واحدی به نام سانتیمتر (cm) اندازه گیری می شود .

$$\frac{n(n-1)}{2}$$

تعداد تمام پاره خط های روی یک خط از این دستور محاسبه می شود در این فرمول n تعداد نقطه ها می باشد .

نیم خط :

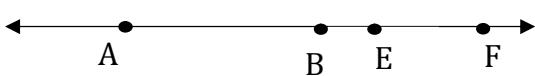
قسمتی از یک خط که از یک طرف با یک نقطه جدا شده باشد . نیم خط را ابتدا با نام نقطه و سپس نام خط نام گذاری و می خوانند . مانند نیم خط \mathbf{Ax} تعداد تمام نیمخط های روی یک خط از دستور $2n$ به دست می آید که در آن n تعداد نقطه ها می باشد .

مقایسه پاره خط ها :

پاره خط ها را با توجه به طول آنها با هم مقایسه میکنیم .

مثلاً پاره خط AB بزرگتر از پاره خط EF میباشد . این موضوع را به صورت ریاضی چنین مینویسیم .

$$\overline{AB} > \overline{EF}$$

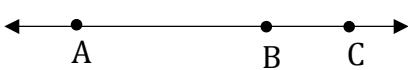


دبیرستان شهید مسعودیان

سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶

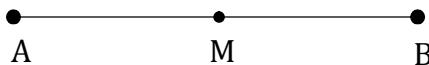
جمع و تفریق پاره خط ها :

در جمع پاره خط ها به دنبال هم و در تفریق ، آنها را روی هم قرار میدهیم . مانند :
در شکل نقاط A ، B و C روی یک خط قرار دارند. داریم :



نسبت بین پاره خط ها :

با توجه به طول پاره خط ها می توان بین آنها نسبتها مختلفی به دست آورد . مانند :
در شکل M وسط پاره خط AB است .



$$\overline{AB} = 2 \overline{MB}$$

$$\overline{AM} = \frac{1}{2} \overline{AB}$$

روابط بین پاره خط ها :

با شناخت رابطه بین چند پاره خط ها ، می توان به رابطه های دیگری رسید . مانند :

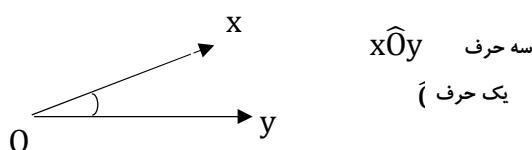
$$\begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{CD} \\ \overline{AB} > \overline{EF} \end{array} \quad \left. \right\} \Rightarrow \overline{CD} > \overline{EF}$$

زاویه :

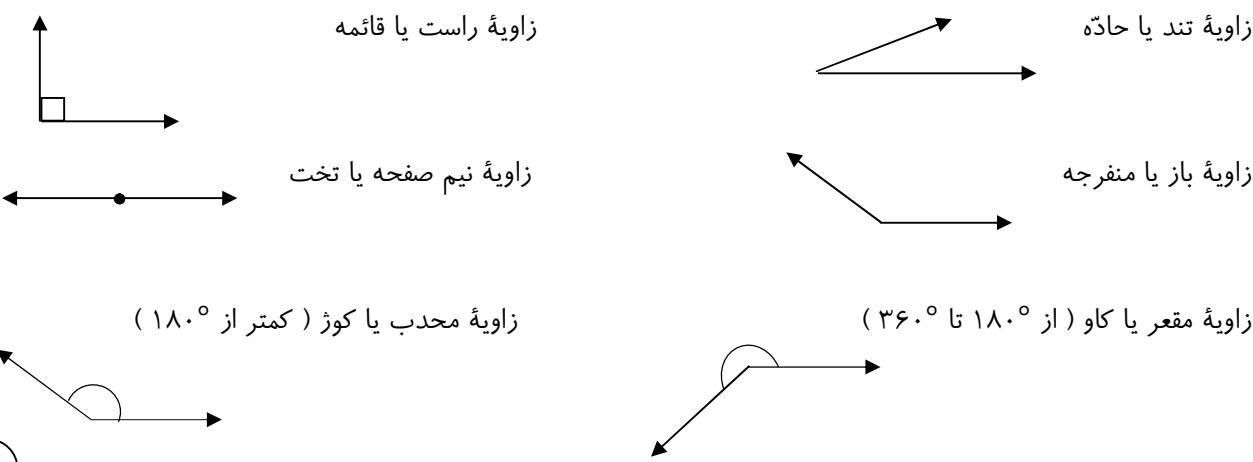
دو نیم خط با رأس مشترک ، زاویه ایجاد می کنند .

نام گذاری زاویه :

- ۱ - با حرف رأس : یک حرف بزرگ انگلیسی
- ۲ - با حرف رأس و دو نیم خط : سه حرف انگلیسی که حرف وسط (همان رأس) حرف بزرگ و حروف کناری (نیم خط ها) حرف کوچک استفاده میشود . مانند :

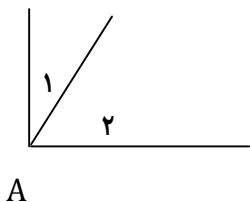


انواع زاویه :



دبیرستان شهید مسعودیان

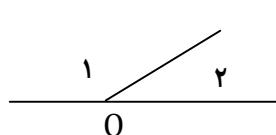
سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶



زاویه های متمم:

دو زاویه (خواه کنار هم، خواه جدا از هم) که مجموع آنها 90° شود.

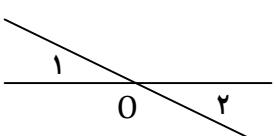
$$\widehat{A}_1 + \widehat{A}_2 = 90^\circ$$



زاویه های مکمل:

دو زاویه (خواه کنار هم، خواه جدا از هم) که مجموع آنها 180° شود.

$$\widehat{O}_1 + \widehat{O}_2 = 180^\circ$$



زاویه های متقابل به رأس:

دو زاویه که در رأس مشترک و اضلاع آنها در امتداد هم باشند.

* دو زاویه متقابل به رأس همیشه با هم مساویند.

روابط بین زاویه ها:

با شناخت رابطه بین چند زاویه، می توان به رابطه های دیگری رسید. مانند :

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{M}_1 + \widehat{M}_3 = 180^\circ \\ \widehat{M}_3 + \widehat{M}_2 = 180^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{M}_1 = \widehat{M}_2$$

چند ضلعی ها:

مثلث :

در هر مثلث، مجموع زاویه ها برابر 180° است.

مثلث ها را با توجه به اندازه زاویه هایشان به سه دسته تقسیم می کنیم :

* مثلث هایی که هر سه زاویه آنها تند است.

* مثلث هایی که یک زاویه راست دارند.

* مثلث هایی که یک زاویه باز دارند.

* یک مثلث را وقتی نمی توان کشید که اندازه هر ضلع آن مساوی یا بزرگتر از جمع دو ضلع دیگر ش باشد .

جمع دو ضلع دیگر < اندازه هر ضلع

* مثلث مختلف اضلاع را می توان (با سه زاویه تند)، (با یک زاویه قائم و دو زاویه تند) و (با یک زاویه باز و دو زاویه تند) رسم کرد.

* مثلث متساوی الساقین را می توان (با سه زاویه تند)، (با یک زاویه قائم و دو زاویه تند) و (با یک زاویه باز و دو زاویه تند) رسم کرد.

* مثلث متساوی اضلاع را فقط با سه زاویه تند (60°) می توان رسم کرد.

دبیرستان شهید مسعودیان

سال تحصیلی ۹۵ - ۹۶

* چند ضلعی هایی که هیچ زاویه بزرگتر از 180° ندارند ، **محدب** یا **کوثر نامیده** می شوند.

* به چند ضلعی ای که دست کم یک زاویه بزرگتر از 180° داشته باشد ، چند ضلعی **مقعر** یا **کاو می گویند**.

* به چند ضلعی هایی که همه ضلع ها و زاویه هایشان با هم مساوی است ، **چند ضلعی منتظم** گفته میشود.
مانند مثلث متساوی الاضلاع ، مربع و ...

* مجموع زاویه های هر n ضلعی برابر است با :

$$(n - 2) \times 180^\circ \quad (n \text{ تعداد اضلاع است})$$

* اندازه هر زاویه هر n ضلعی برابر است با :

$$\frac{180^\circ \times (n - 2)}{n}$$

* تعداد قطرهای هر n ضلعی برابر است با :

$$\frac{n \times (n - 3)}{2}$$

زاویه بین عقربه های ساعت :

زاویه بین عقربه های ساعت شمار در ساعت **h** و دقیقه **m** از رابطه زیر به دست می آید.

$$A = \left| 30 \cdot h - \frac{11}{2} m \right|$$

تبديلات هندسی (انتقال ، تقارن ، دوران) :

اگر شکل را بدون تغییر جهت روی صفحه حرکت دهید تا تصویر آن جابجا گردد ، بدین ترتیب شکل را روی صفحه انتقال داده اید.

وقتی قرینه شکلی را نسبت به یک خط (خط تقارن) پیدا می کنیم ، تصویر به دست آمده مساوی آن شکل است ؛ اما جهت آن تغییر می کند.

مرکز دوران ، نقطه ای است که شکل حول آن گردش (یا دوران) می کند .

در مرکز دوران 180° شکل به اندازه یک زایه نیم صفحه (180°) گردش خواهد داشت .

در مرکز دوران 90° شکل به اندازه یک زایه قائمه (90°) گردش می کند . این گردش به دوصورت امکان پذیر است .

خلاف عقربه های ساعت ، که گردش 90° به سمت راست و در جهت عقربه های ساعت ، که گردش 90° به سمت چپ شکل اولیه صورت میگیرد .

شکل های مساوی (هم نهشت) : اگر بتوانیم شکلی را با یک یا چند تبدیل (انتقال ، تقارن یا دوران) در صفحه بر شکل دیگر منطبق کنیم ، می گوییم این دو شکل باهم **هم نهشت** (مساوی) اند . این تبدیل ها به وسیله → مشخص می گردد که نوع تبدیل بالای فلش نوشته می شود .