



<p>درجای خالی عدد یا کلمه مناسب بنویسید</p> <p>الف) رابطه‌ی فیثاغورس در مثلث‌های برقرار است که دوزاویه تند آن متنم یکدیگر باشند.</p> <p>ب) اگر قطرهای مربع را رسم کنیم چهار مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین تشکیل می‌شود.</p> <p>پ) حالت‌های خاص هم نهشتی دو مثلث قائم الزاویه و وض و وز می‌باشد.</p> <p>ت) هر نقطه روی نیمساز زاویه از دو ضلع زاویه به یک اندازه است.</p> <p>ث) هر نقطه روی عمودمنصف یک پاره خط از دو سر پاره خط به یک اندازه است.</p> <p>ج) در مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین هر زاویه تند ۴۵ درجه است.</p> <p>ح) حالت همنهشتی (وتر و یک ضلع) از همان حالت دو ضلع و یک زاویه می‌باشد که زاویه ۹۰ درجه مابین دو ضلع قرار ندارد نتیجه می‌شود.</p> <p>خ) حالت (وض) حالت هم نهشتی دو مثلث... قائم الزاویه است</p> <p>د) یک ضلع از دو مربع برابر باشند، آن دو مربع همنهشت هستند.</p> <p>ذ) در هر مثلث قائم الزاویه مجذور وتر برابر است با مجموع مجذورهای دو ضلع زاویه قائمه ر) اگر دو مثلث هم نهشت باشند، مساحت‌های آن‌ها برابر خواهد بود</p> <p>ز) دو مثلث قائم الزاویه بنا بر ۵ حالت می‌توانند هم نهشت باشند.</p> <p>س) قطر مستطیلی که طول و عرض آن ۱۳ و ۵ سانتی متر باشد، برابر ۱۶ سانتی متر خواهد بود.</p>	<p>۱.</p>
<p>درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) رابطه فیثاغورس در هر مثلثی برقرار است. غ</p> <p>ب) با سه پاره خط ۱۲ و ۱۳ و ۵ سانتی متر می‌توان یک مثلث قائم الزاویه ساخت. ص</p> <p>پ) اگر دو ضلع و یک زاویه مابین از دو مثلث با هم برابر باشند دو مثلث باهم همنهشت هستند. ص</p> <p>ت) دو مثلث با داشتن سه زاویه مساوی با هم همنهشت هستند. غ</p> <p>ث) دو مثلث با داشتن سه ضلع مساوی با هم همنهشت هستند. ص</p> <p>ج) اندازه وتر مثلث قائم الزاویه متساوی الساقین به ضلع یک سانتی متر برابر با $\sqrt{2}$ است. ص</p> <p>ح) رابطه فیثاغورس برای تمام مثلث‌ها درست است. غ</p> <p>خ) در دو شکل هم نهشت، اجزای متناظر با هم مساویند. ص</p> <p>د) دو مثلث متساوی الاضلاع همیشه هم نهشت هستند. غ</p> <p>ذ) برای هم نهشتی دو مثلث قائم الزاویه تساوی وترها کافی نیست. ص</p> <p>ر) رابطه فیثاغورس برای مثلث متساوی الاضلاع نیز برقرار است. غ</p>	<p>۲.</p>

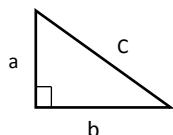
ز) برای هم نهشتی دو مثلث متساوی الساقین ۵ حالت وجود دارد.^غ

س) اگر طول و عرض دو مستطیل برابر باشند، آن دو مستطیل هم نهشت هستند.^ص

ش) اگر دو ضلع قائم دو مثلث قائم الزاویه برابر باشند. دو مثلث هم نهشت هستند.^ص

ط) اگر مساحت دو شکل باهم برابر باشند آن دو شکل هم نهشت هستند.^غ

ظ) اگر دو لوزی یک زاویه برابر داشته باشند آن دو لوزی هم نهشت هستند.^غ



در سوالات زیر فقط گزینه‌ی درست را با علامت (x) مشخص کنید.

۱) در شکل مقابل کدام رابطه برقرار است؟

(د) $c = a + b$ (ج) $b^2 = a^2 + c^2$ (ب) $a^2 = b^2 + c^2$ (الف) $c^2 = a^2 + b^2$

۲) کدام گزینه فقط برای هم نهشتی دو مثلث قائم الزاویه است؟

(الف) ز ض ز (ب) ض ض ض (ج) ض ز ض (د) و ض

۳) کدام گزینه از حالت‌های هم نهشتی دو مثلث نیست؟

(الف) ز ض ز (ب) ز ز ز (ج) ض ض ض (د) ض ز ض

۴) اگر شکلی را دوران دهیم، اندازه‌های شکل حاصل چندبار برابر خواهد شد؟

(الف) نصف (ب) ۲ برابر (ج) ۳ برابر (د) تغییر نمی‌کند

۵) اگر در یک مثلث مربع بزرگترین ضلع با مجموع مرباعات دو ضلع دیگر برابر باشد آن مثلث برابر است با

(الف) متساوی الاضلاع (ب) قائم الزاویه (ج) متساوی الساقین (د) مختلف الاضلاع

۶) کدام دسته از اعداد زیر اضلاع مثلث قائم الزاویه است؟

(الف) (۱۰, ۱۲, ۱۴) (ب) (۴, ۵, ۶) (ج) (۵, ۱۲, ۱۳) (د) (۱۰, ۲۰, ۳۰)

۷) مثلث‌های قائم الزاویه به چند حالت با همنهشت هستند؟

(الف) سه حالت (ب) دو حالت (ج) چهار حالت (د) پنج حالت

۸) اگر در یک مثلث متساوی الساقین با رسم ارتفاع وارد بر قاعده مثلث‌های ایجاد شده در حالتی با هم همنهشت هستند؟

(الف) (ض ز ض) (ب) برابری و تر و یک ضلع (ج) (ز ض ز)

(د) برابری و تر و یک زاویه قائم

۹) در کدامیک از چهار ضلعی‌های زیر با رسم دوقطر چهار مثلث متساوی الساقین تشکیل می‌شود؟

(الف) متوازی الاضلاع (ب) ذوزنقه (ج) لوزی (د) مستطیل

۱۰) محیط مربعی ۲۰ متر است قطر آن تقریباً چقدر است؟

(الف) ۵ (ب) ۶ (ج) ۷ (د) ۸

۱) اندازه های سه ضلع از مثلث قائم الزاویه ABC به ترتیب $AB = ۱۰, AC = ۸, BC = ۶$ زاویه قائم کدام گزینه است؟

د) نمیتوان تعیین کرد

ج) \hat{C}

ب) \hat{B}

الف) \hat{A}

۱۲) کدام یک از دسته اعداد زیر اعداد فیثاغورسی هستند:

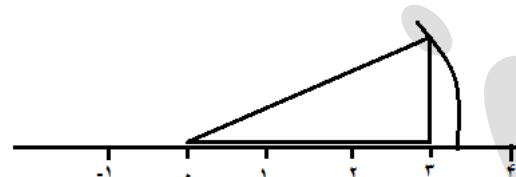
د) $(۱۲, ۱۳, ۱۶)$

ج) $(۸, ۹, ۱۱)$

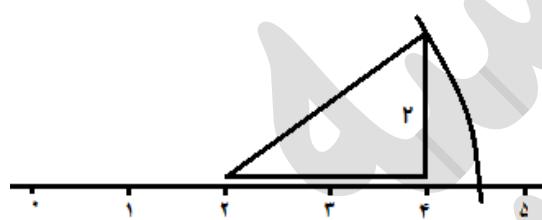
الف) $(۷, ۲۲, ۲۵)$ **ب) $(۸, ۱۵, ۱۷)$**

۱۴. هر یک پاره خط های زیر را رسم کنید.

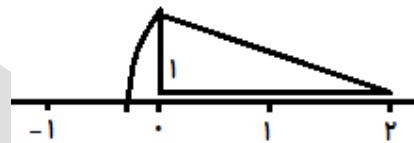
$$\sqrt{13}$$



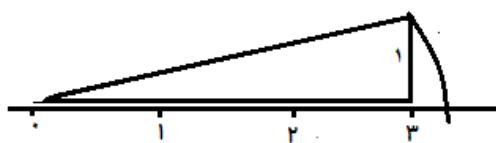
$$2 + \sqrt{8}$$



$$2 - \sqrt{5}$$



$$\sqrt{10}$$



@riazicafe

۱۵. محیط و مساحت مثلث ABC را بدست آورید.

$$AH^2 = ۱۲^2 - ۵^2$$

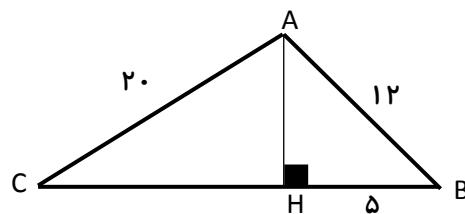
$$= ۱۴۴ - ۲۵$$

$$= \sqrt{۱۱۹} \approx ۱۰/۹$$

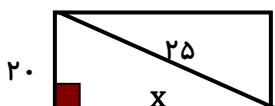
$$CH^2 = ۲۰^2 - \sqrt{۱۱۹}^2$$

$$= ۴۰۰ - ۱۱۹$$

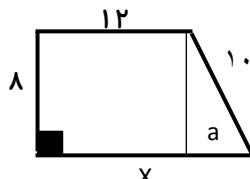
$$= \sqrt{۲۸۱} \approx ۱۶/۷۶$$



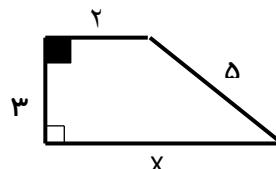
۶

در هر شکل مقدار x را بدست آورید.

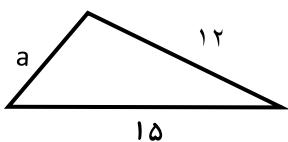
$$\begin{aligned}x^2 &= 25^2 - 20^2 \\x^2 &= 625 - 400 \\x^2 &= 225 \rightarrow x = 15\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}a^2 &= 10^2 - 8^2 \\a^2 &= 100 - 64 \\a &= 6 \rightarrow x = 10 + 6 = 16\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}a^2 &= 5^2 - 3^2 \\a^2 &= 25 - 9 \\a &= 4 \rightarrow x = 4 + 2 = 6\end{aligned}$$

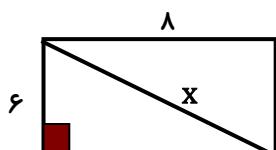


$$\begin{aligned}15^2 &= 12^2 + a^2 \\225 &= 144 + 36 \\225 &\neq 180\end{aligned}$$

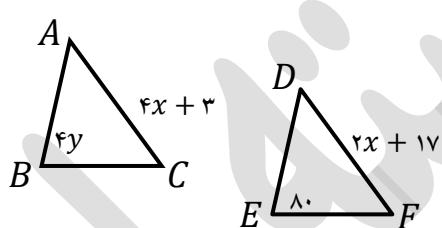
آیا مثل مقابل قائم الزاویه است؟ چرا؟

۷

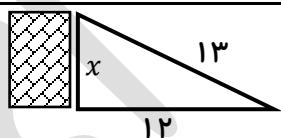
مستطیلی به طول و عرض ۸ و ۶ سانتی متر داریم. طول قطر این مستطیل را محاسبه کنید.



$$\begin{aligned}x^2 &= 8^2 + 6^2 \\x^2 &= 64 + 36 \\x &= 10\end{aligned}$$

دو مثلث زیر همنهشت هستند. نوع تبدیل و مقدار x و y را به دست آورید.

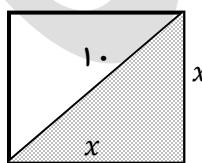
$$\begin{aligned}4x + 3 &= 2x + 17 \\2x &= -14 \\x &= -7 \\4y &= 80 \\y &= 20\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}x^2 &= 13^2 - 12^2 \\x^2 &= 169 - 144 \\x &= 5\end{aligned}$$

الف) در شکل مقابل ارتفاع دیوار را به دست آورید.

۱۰



$$\begin{aligned}10 &= x^2 + x^2 \\2x^2 &= 100 \\x^2 &= 50 \\x &= \sqrt{50} = 5\sqrt{2}\end{aligned}$$

ب) در شکل مقابل ضلع مجھول را پیدا کنید.

	$2x - 4 = 3x - 14$ $x = 10$ $FE = 2x - 4 = 20 - 4 = 16$ $\hat{E} = 180 - 120 = 60$	با توجه به همنهشتی دو شکل (الف) اندازه ضلع FE (ب) اندازه زاویه \hat{E} در شکل زیر O مرکز دایره است. دلیل همنهشتی دو مثلث ODC و OAB را بیان کنید. با به حالت: ض رض $\begin{cases} OA = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \\ OB = OD \end{cases} \implies \Delta OAB \cong \Delta ODC$.11
	چهار ضلعی $ABCD$ مستطیل است و M وسط BC است؟ چرا؟ $\begin{cases} AB = DC \\ \hat{B} = \hat{C} \\ MB = MC \end{cases} \implies \Delta MAB \cong \Delta MDC \rightarrow AM = MD$	در شکل زیر O مرکز دایره است. دلیل همنهشتی دو مثلث ODC و OAB را بیان کنید. با به حالت: ض رض $\begin{cases} OA = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \\ OB = OD \end{cases} \implies \Delta OAB \cong \Delta ODC$.12
	? $AM = MD$ است و M وسط BC است؟ چرا؟ $\begin{cases} AB = DC \\ \hat{B} = \hat{C} \\ MB = MC \end{cases} \implies \Delta MAB \cong \Delta MDC \rightarrow AM = MD$	چهار ضلعی $ABCD$ مستطیل است و M وسط BC است؟ چرا؟	.13
	با توجه به شکل نام تبدیل را بنویسید. $\begin{array}{c} \xrightarrow{\quad B \quad} \\ \xrightarrow{\quad A \quad} \quad \xleftarrow{\quad C \quad} \\ \xleftarrow{\quad E \quad} \quad \xleftarrow{\quad D \quad} \end{array}$	با توجه به شکل نام تبدیل را بنویسید. $\begin{array}{c} \xrightarrow{\text{انتقال}} B \xrightarrow{\text{دوران}} C \\ \xrightarrow{\text{دوران}} A \xrightarrow{\text{انتقال}} D \xrightarrow{\text{دوران}} E \end{array}$.14
	دو شکل مقابل هم نهشت هستند مقادیر x , y , z را تعیین کنید. $2x + 1 = 17 \rightarrow x = 8$ $2y + 80 = 3y \rightarrow y = 80$	دو شکل مقابل هم نهشت هستند مقادیر x , y , z را تعیین کنید. $2x + 1 = 17 \rightarrow x = 8$ $2y + 80 = 3y \rightarrow y = 80$.15
	$\begin{cases} AD = AD \\ \hat{B} = \hat{C} \\ \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \end{cases} \xrightarrow{\text{وز}} \Delta ACD \cong \Delta ABD$	همنهشتی مثلث های ACD , ABD را ثابت کنید.	.16
(الف) نقطه O مرکز مشترک دو دایره و پاره خط های CD , AB عمود ندحالت هم نهشتی دو مثلث را بنویسید.	$\begin{cases} OA = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \\ OB = OD \end{cases} \implies \Delta OAB \cong \Delta ODC$	(الف) نقطه O مرکز مشترک دو دایره و پاره خط های CD , AB عمود ندحالت هم نهشتی دو مثلث را بنویسید.	.17
	$\begin{cases} OA = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \\ OB = OD \end{cases} \implies \Delta OAB \cong \Delta ODC$	(ج) با چه تبدیلی می توان یک مثلث را بر مثلث دیگر منطبق کرد؟ با به حالت: ض رض	.17
(ب) تساوی اجزای متناظر را بنویسید.	$AB = CD, \hat{A} = \hat{C}$.17
(ج) با چه تبدیلی می توان یک مثلث را بر مثلث دیگر منطبق کرد؟ تقارن			.17

	مقدار x, y را بدست آورید. $x - 5 = x + 10 \rightarrow x = 15$ $3y - 2 = 2y + 5 \rightarrow y = 7$	۱۸
	الف) آیا مثلث مقابله قائم الزاویه است؟ $13^2 = 12^2 + 5^2$ $169 = 144 + 25$ $169 \cong 169$. ب) در شکل مقابله ضلع معجهول را پیدا کنید.	۱۹
	با توجه به همنهشتی دو شکل الف) اندازه ضلع DE $3y - 4 = 2y + 5 \rightarrow y = 9 \rightarrow DE = 23$ ب) اندازه زاویه \hat{E} $\hat{E} = 90 - 50 = 40$.	۲۰
در شکل زیر M وسط ضلع های AC, BD, DCM است. دلیل همنهشتی دو مثلث ABM, DCM را بیان کنید.		۲۱
	$\begin{cases} MA = MC \\ \hat{M}_1 = \hat{M}_2 \\ MB = MD \end{cases} \implies \Delta MAB \cong \Delta MDC$ بنابراین $\angle A = \angle C$	۲۲
	محیط و مساحت هر یک از مثلث ها را بدست آورید. $p = 1 + 2 + \sqrt{5} = 3 + \sqrt{5}$ $S = \frac{1 \times 2}{2} = 1$	۲۳
	با توجه به هم نهشتی دو مثلث، مقادیر معجهول را بدست آورید. $2X - 3 = X + 7 \rightarrow X = 10$ $4y = 26 \rightarrow y = 19$	۲۴

خود ارزیابی فصل ۶



۱-سوالات صحیح و غلط

۱. در جمع برداری به روش مثلثی ابتدای دو بردار کنار یکدیگر قرار می‌گیرند. (.....غ.....)
۲. مثلث قائم الزاویه متساوی الاضلاع وجود ندارد. (.....غ.....)
۳. رابطه فیثا غورس در همه مثلث‌ها برقرار است. (.....غ.....)
۴. مثلث قائم الزاویه با زاویه باز وجود ندارد. (.....ص.....)



۲-کامل کنید.

- A. مجموع دو بردار قرینه برابر باصفر..... است.
- B. مثلثی که دو زاویه برابر داردمتساوی الساقین..... نام دارد.
- C. دو شکل برهمنطبق باشند با همهمنهشت..... هستند.



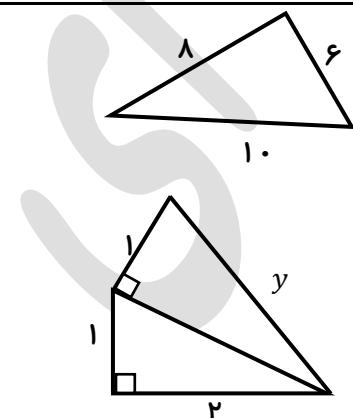
۳-گزینه صحیح را انتخاب کنید.

۱. کدام گزینه از حالات همنهشتی مثلث‌ها نیست؟

الف) (ض ض ض)
ب) (ض ض ز)
ج) (ض ز ض)
د) (ز ض ز)
۲. قطر مستطیلی به طول و عرض ۱۲ و ۵ متر چقدر است؟

الف) ۱۳
ب) ۱۴
ج) ۱۵
د) ۱۶
۳. اندازه‌های سه ضلع از مثلث قائم الزاویه ABC به ترتیب $AB = 10$, $AC = 8$, $BC = 6$ زاویه قائمه کدام گزینه است؟

الف) \hat{A}
ب) \hat{B}
ج) \hat{C}
د) نمیتوان تعیین کرد



$$\begin{aligned} 10^2 &= 8^2 + 6^2 \\ 100 &= 64 + 36 \\ 100 &= 100 \end{aligned}$$

۴-الف) آیا مثلث مقابل قائم الزاویه است؟



ب) در شکل مقابل ضلع مجهول را پیدا کنید.

$$\begin{aligned} x^2 &= 2^2 + 1^2 \\ x^2 &= 4 + 1 \\ x &= \sqrt{5} \\ y^2 &= \sqrt{5}^2 + 1^2 \\ y^2 &= 5 + 1 \\ y &= \sqrt{6} \end{aligned}$$

	<p>۵- با توجه به همنهشتی دو شکل الف) اندازه ضلع DE</p> $4y - 6 = 3y + 2 \rightarrow y = 8$ $\hat{E} = 50^\circ$ <p>ب) اندازه زاویه \hat{E}</p>
	<p>دلیل همنهشتی دو مثلث را نوشته سپس اجزای متناظر دو مثلث را بنویسید</p> $\begin{cases} OA = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \\ \hat{A} = \hat{C} \end{cases} \implies \Delta OAB \cong \Delta ODC$ <p>بنا به حالت: ز پ ز</p> <p>$OB = OD$ ، $BA = DC$ اجزای متناظر</p>
	<p>در شکل زیر O مرکز دایره است. دلیل همنهشتی دو مثلث AOB و ODC را بیان کنید.</p> $\begin{cases} OA = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \\ OB = OD \end{cases} \implies \Delta OAB \cong \Delta ODC$ <p>بنا به حالت: ز پ ز</p>
	<p>آیا مثلث های زیر هم نهشت هستند؟ به چه حالتی؟ بله چون وتر های دو مثلث و ضلع قائم مشترکشان باهم برابرند. بنابرین بنا به حالت وتر و یک ضلع قائم</p>
	<p>آیا مثلث های زیر هم نهشت هستند؟ (برای پاسخ خود دلیل قانع کننده بیاورید.) نه خیر، زیرا زاویه بین دو ضلع برابر، باهم برابر نیستند.</p>
	<p>در هر شکل های مقابل مقدار x را به دست آورید.</p> $x^2 = 20^2 + 15^2$ $x^2 = 400 + 225$ $x = 25$ $x^2 = \sqrt{10^2 - 3^2}$ $x^2 = 100 - 9$ $x = 1$
	<p>کدام یک از مثلث های زیر قائم الزاویه است؟ چرا؟</p>