

بردار مختصات

ریاضی - پایه هشتم - فصل پنجم

نام و نام خانوادگی:



۱. درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.

الف) مختصات بردار $\vec{j} = \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix}$ برابر با $\begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix}$ است.

ب) حاصل جمع هر بردار با بردار قرینه اش برابر با بردار صفر است.

ج) حاصل $\begin{bmatrix} 0 \\ 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix}$ برابر با $\begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix}$ است.

د) بردار \vec{i} واحد محور عرض و بردار \vec{j} واحد محور طول می باشد.

۲. در جاهای خالی کلمه یا عدد مناسب بنویسید.

الف) بردارهای هم راستا و و را بردارهای مساوی گویند.

ب) در معادله مختصات $4x = \begin{bmatrix} 16 \\ -8 \end{bmatrix}$ مختصات بردار x برابر با $\begin{bmatrix} \square \\ \square \end{bmatrix}$ است.

ج) بردار $\vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ را می توان به صورت $\vec{a} = \vec{i} + \dots$ نوشت.

د) حاصل $\begin{bmatrix} \square \\ \square \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ -5 \end{bmatrix}$ برابر با $\begin{bmatrix} \square \\ \square \end{bmatrix}$ است.

۳. گزینه صحیح را انتخاب کنید.

الف) اگر $\vec{b} = \begin{bmatrix} 6 \\ -3 \end{bmatrix}$ و $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه کدام گزینه صحیح است؟

$a = -3b$ $b = 3a$ $b = -3a$ $a = 3b$

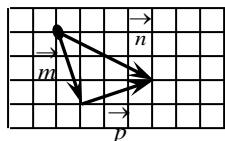
ب) در معادله مختصاتی $\begin{bmatrix} 1 \\ -7 \end{bmatrix} + x = \begin{bmatrix} -5 \\ 2 \end{bmatrix}$ کدام است؟

$\begin{bmatrix} +6 \\ +9 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} -6 \\ -9 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} -6 \\ 9 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} +6 \\ -9 \end{bmatrix}$

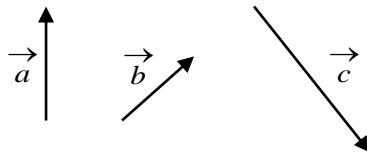
ج) اگر $\vec{a} = -2\vec{i} - 3\vec{j}$ باشد داریم؟

$\vec{a} = \begin{bmatrix} -3 \\ -2 \end{bmatrix}$ $\vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix}$ $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ -3 \end{bmatrix}$ $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}$

۴. مشخص کنید کدام بردار حاصل جمع دو بردار دیگر است ، سپس برای آن یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی بنویسید .



۵. بردار حاصل جمع بردارهای مقابل را رسم کنید و یک جمع بنویسید .



۶. اگر $\vec{b} = 3\vec{a}$ و $a = -2\vec{i} + 3\vec{j}$ باشد ، ابتدا مختصات a را بنویسید ، سپس مختصات بردار b را بدست آورید .

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} \quad \\ \quad \end{bmatrix} \quad \vec{b} = 3\vec{a}$$

۷. معادله های مختصاتی زیر را حل کنید .

$$\begin{bmatrix} -19 \\ -11 \end{bmatrix} + 6x = \begin{bmatrix} -1 \\ +1 \end{bmatrix} \quad 3\vec{i} + 5\vec{j} - 4x = \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \end{bmatrix}$$

۸. متناظر با بردارهای زیر ، بردار d را رسم کنید .

$$a \quad \quad b \quad \quad c \quad \quad d = 2\vec{a} + 3\vec{b} - 2\vec{c}$$

۹. در تساوی های زیر مقدار x و y را بدست آورید .

$$\begin{bmatrix} -4 \\ 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ 4 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 3x - 7 \\ -8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 2y + 12 \end{bmatrix}$$

@riazicafe

۱. درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.

$$1^{\circ} \vec{J} = \begin{bmatrix} 0 \\ 12 \end{bmatrix} \quad \text{درست } \boxed{\text{نادرست}} \quad \text{نادرست} \quad \rightarrow \vec{J} \text{ برابر با } \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ است.}$$

ب) حاصل جمع هر بردار با بردار قرینه اش برابر با بردار صفر است.

$$2^{\circ} \begin{bmatrix} -3 \\ -5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ -5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 \\ -10 \end{bmatrix} \quad \text{درست } \boxed{\text{نادرست}} \quad \text{نادرست} \quad \rightarrow \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ است.}$$

ج) بردار \vec{J} واحد محور عرض و بردار \vec{i} بردار واحد محور طول می باشد.د) در جاهای خالی کلمه یا عدد مناسب بنویسید.
الف) بردارهای هم راست و $\begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ را بردارهای مساوی گویند.

$$x = \begin{bmatrix} 14 \\ -8 \end{bmatrix} \div \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} \quad \text{در معادله مختصات } \vec{x} = \begin{bmatrix} 16 \\ -8 \end{bmatrix} \text{ مختصات بردار } \vec{x} \text{ برابر با } \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} \text{ است.}$$

ج) بردار $\vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ را می توان به صورت $\vec{a} = 2\vec{i} + \vec{j}$ را نوشت.

$$\rightarrow \text{د) حاصل } \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} \text{ برابر با } \begin{bmatrix} 1 \\ -5 \end{bmatrix} \text{ است.}$$

۲. گزینه صحیح را انتخاب کنید.

$$\vec{b} = -3\vec{a} \quad \text{الف) اگر } \vec{b} = \begin{bmatrix} 6 \\ -2 \end{bmatrix} \text{ و } \vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} \text{ باشد، آنگاه کدام گدام گزینه صحیح است؟}$$

$$\square a = -3b \quad \square b = 3a \quad \boxed{\square} b = -3a \quad \square a = 3b$$

$$x = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \text{ب) در معادله مختصاتی } \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \end{bmatrix} + x = \begin{bmatrix} -5 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ کدام است؟}$$

$$\square \begin{bmatrix} +6 \\ +9 \end{bmatrix} \quad \square \begin{bmatrix} -6 \\ -9 \end{bmatrix} \quad \boxed{\square} \begin{bmatrix} -6 \\ 9 \end{bmatrix} \quad \square \begin{bmatrix} +6 \\ -9 \end{bmatrix}$$

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix} \quad \text{ج) اگر } \vec{a} = -2\vec{i} - 2\vec{j} \text{ باشد داریم؟}$$

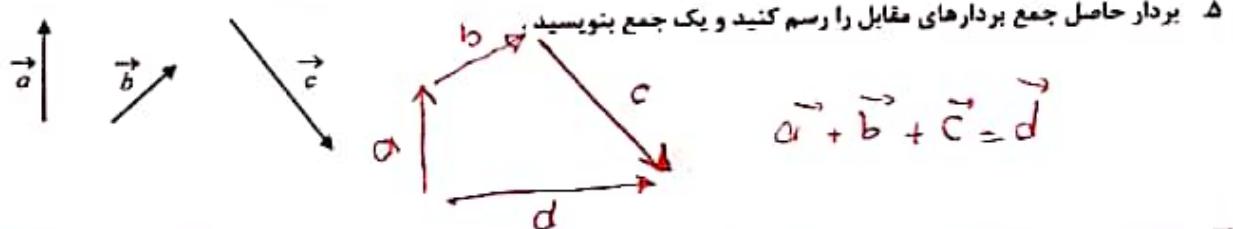
$$\square \vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ -2 \end{bmatrix} \quad \square \vec{a} = \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix} \quad \boxed{\square} \vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix} \quad \square \vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix}$$

۴. مشخص کنید کدام بردار حاصل جمع دو بردار دیگر است، سپس برای آن یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی بنویسید.

$$\text{بردار } \vec{n} \text{ بردارهای حاصل جمع: } \vec{m} + \vec{p} = \vec{n}$$



$$\text{جمع فضایی: } \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$



۶. اگر $\vec{j} = 2\vec{i} + 2\vec{j}$ باشد، ابتدا مختصات a را بنویسید، سپس مختصات بردار b را بدست آورید.

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\vec{b} = 2\vec{a} = 2 \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ 6 \end{bmatrix}$$

۷. معادله های مختصاتی زیر را حل کنید.

$$4x = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ -1 \end{bmatrix} + 6x = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

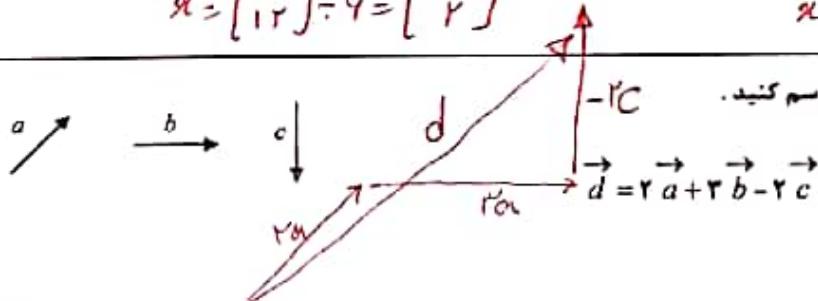
$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \div 9 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} - 4x = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$2\vec{i} + 5\vec{j} - 4x = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$-4x = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x = \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} \div (-4) = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$



۹. در تساوی های زیر مقدار x و y را بدست آورید.

$$x = -1 + 1 / 4 + y = 5$$

$$\begin{bmatrix} -1 \\ 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ 5 \end{bmatrix}$$

$$x = -1 / y = 5 - 4$$

$$y = -1$$

$$3x - 5 = 0$$

$$3x = 0 + 5 = 5$$

$$x = \frac{5}{3} = 1\frac{2}{3}$$

$$\begin{bmatrix} 3x - 5 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 4y + 12 \end{bmatrix}$$

$$4y + 12 = -1 \rightarrow 4y = -1 - 12 = -13 \rightarrow y = -\frac{13}{4} = -3\frac{1}{4}$$