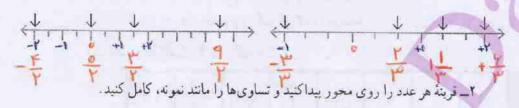
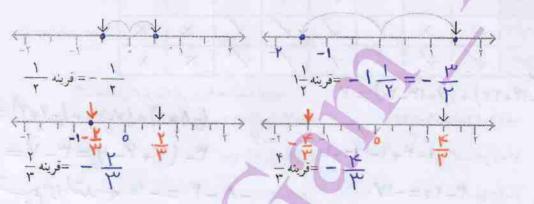


والمالية المالية

📝 " ۱_ نقطه هایی که روی محور مشخص شده اند، چه عددهایی را نشان می دهند؟





٣_ به اين ترتيب، مي توانيد قربنة همة كسرهايي كه با آنها آشنا شده ايد را بنويسيد :

اه/ه = قرینهٔ ۱۰/۰
$$\frac{9}{10}$$
 = قرینهٔ $\frac{9}{10}$ - قرینهٔ صفر

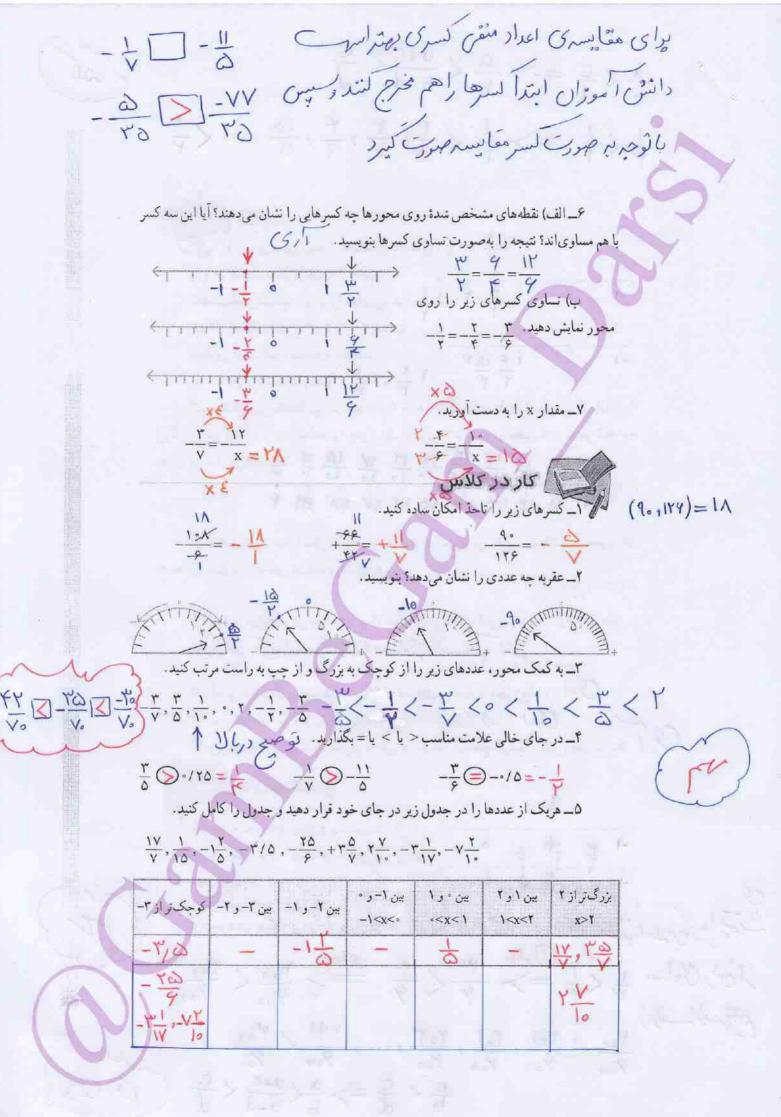
۴_ كسرها را به عدد مخلوط و عدد مخلوط را به كسر تبديل كنيد.

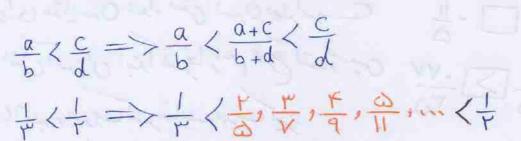
$$+\frac{r}{1} = +\frac{r}{1} = +\frac{r}{1}$$

۵ نقطه هایی که روی محور مشخص شده اند، چه عددهایی را نمایش می دهند؟ از این عددها،

كدام صحيح و كدام غيرصحيحاند؟

$$-\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1$$







والمنافقاليت المعادد والمدو فاصاد سن

چه عددهایی را نشان می دهند؟ $\frac{1}{w}$, $\frac{1}{w}$, $\frac{1}{w}$ $\frac{7}{w}$ $\frac{$

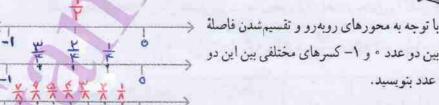
در تساوی زیر، عدد اعشاری 1/Y را به صورت کسری نوشته ایم. شما هم در محور بالا عددهای اعشاری را به صورت کسری نشان دهید. $\frac{Y}{1} = \frac{Y}{1} = \frac{1}{1}$

۱- چگونه می توانیم بین دو عدد ۱ و ۲، تعداد بیشتری عدد کسری بنویسیم؟ توضیح دهید. می توانیم کن رارم صرفه مین هساوی نفت می کنیم کنیم

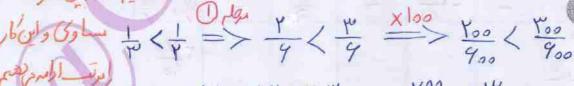
۵_ آیا می توانیم بگوییم بین دو عدد ۱ و ۲ کسرهای بی شماری وجود دارد؟ ارکی آیا همین نتیجه را می توان برای عددهای ۱- و ۲- نیز تکرار کرد؟ ارکی

آیا میتوانیم بهطورکلی نتیجه بگیریم که «بین هر دو عدد صحیح» بیشمار کسر وجود دارد»؟ 1/6

/ کار در کلاس



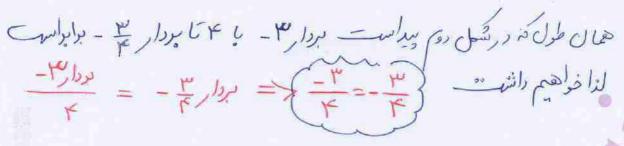
توضيح دهيد چگونه مي توانيم بين هر دو عدد كسري، كسرهاي بي شماري بيدا كنيم. مسيم فاصلي كسرا بسما

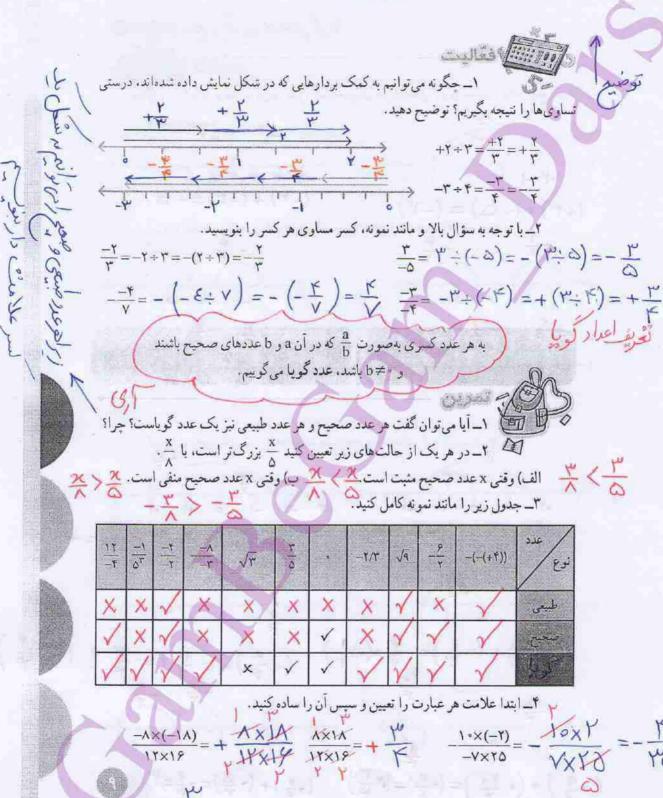


$$\frac{Y_{00}}{9_{00}} < \frac{Y_0 I}{9_{00}}, \frac{Y_0 I}{9_{00}}, \frac{Y_0 I}{9_{00}}, \dots, \frac{Y_0 I}{9_{00}} < \frac{Y_0 I}{9_{00}}$$

$$\frac{a}{b} < \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} < \frac{c}{d}$$

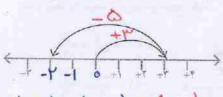
وروش روم



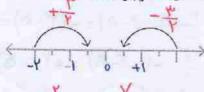


مجمع و تفريق عددهاي گويا

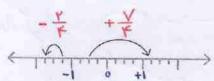
ا_ با توجه به درس سال گذشته برای حرکتهای روی محور، یک جمع عددهای



(-1) + (-1) = (-1) + (-1) (-1) + (-1) =



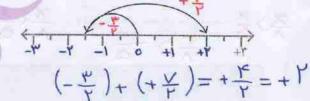






۳ــ براي محورهاي زير مانند نمونه، يک جمع با عددهاي گويا ښويسيد. 🦞

$$(+\frac{r}{r})+(-\frac{r}{r})=(-\frac{r}{r})=(-\frac{1}{r})$$



The transfer of the second

$$(+\frac{m}{2}) + (-\frac{m}{4}) = -\frac{m}{k} = (-1\frac{m}{4})$$



۴_ عبارتهای زیر را مانند نمونه بهصورت جمع دو عدد گویا بنویسید.

$$\frac{\Delta}{\Lambda} - \frac{V}{\Lambda} = \frac{\Delta}{\Lambda} + \left(-\frac{V}{\Lambda}\right) = -\frac{V}{\Lambda} \qquad -\frac{\Delta}{\Lambda} - \left(-\frac{V}{\Lambda}\right) = -\frac{\Delta}{\Lambda} + \left(-\left(-\frac{V}{\Lambda}\right)\right) = -\frac{\Delta}{\Lambda} + \frac{V}{\Lambda} = \frac{V}{\Lambda}$$

$$\frac{\sigma}{L} - \frac{\sigma}{L} = \frac{\sigma}{L} + \left(-\frac{\sigma}{L}\right) = -\frac{\sigma}{L} - \left(+\frac{\sigma}{L}\right) = -\frac{\sigma}{L} + \left(-\left(+\frac{\sigma}{L}\right)\right) = -\frac{\sigma}{L} + \left(-\frac{\sigma}{L}\right) = -\frac{\sigma}{L}$$

$$\frac{1}{2} + \left(\frac{-\sqrt{2}}{100}\right) \leftarrow \frac{0}{10} - \frac{0}{10} + \frac{0}{10} = \frac$$

کے ایک ہے ہے کہ ہے گئے ہے ۔ اور مانند نمونه، عدد ها را ابتدا به طور تقریبی به نزدیک ترین عدد صحیح گرد کنید. سپس، حاصل

$$-1\frac{18}{10}+7\frac{1}{10}-7\frac{1}{19}=-77+7-7=-7$$

(-1++)+V

🖈 کار در کلاس

به کمک محور، حاصل عبارتهای زیر را بهدست آورید. ابتدا تفریقها را بهصورت جمع کیر _ چیک

$$-\frac{k}{k} - (+\frac{k}{Q}) = -\frac{k}{k} + \left(-\frac{k}{Q}\right) - \frac{k}{k} + \left(-\frac{k}{Q}\right) - \frac{k}{k} + \left(-\frac{k}{Q}\right) - \frac{k}{k} + \frac{k}$$

$$= -\frac{q}{r} = -r$$

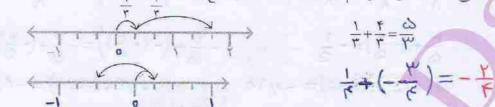
$$(+\frac{\mathsf{v}}{\mathsf{o}})+(-\frac{\mathsf{d}}{\mathsf{o}})=-\frac{\mathsf{v}}{\mathsf{o}} \qquad \underbrace{-\mathsf{v}}_{-\mathsf{v}} \qquad \underbrace{+\mathsf{v}}_{-\mathsf{v}} \qquad \underbrace{+\mathsf{v}}_{-\mathsf{v}}$$

$$\frac{r}{r}(-\frac{a}{r}) =$$

$$= \left(-\frac{\gamma}{\gamma}\right) + \left(+\frac{\omega}{\gamma}\right) = +\frac{\gamma}{\gamma} = 1$$



۱ ــ برای هرگدام از محورها یک تساوی جمع بنویسید. ،



$$\frac{\pi}{\pi} + \frac{\pi}{\pi} = \frac{\pi}{4\pi}$$

حاصل عبارت روبه رو را به دست آورید و با حاصل جمع بالا مقایسه کنید. $\frac{1+(-\pi)}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{1+(-\pi)}{7}$

توجه به تساوی های زیر، توضیح دهید که چگونه می توانیم حاصل جمع و تفریق دو عدد گویا

$$-\frac{r}{a} + \frac{r}{a} = \frac{-r + r}{a}$$

$$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a + c}{b}$$

$$-\frac{r}{0} + \frac{r}{0} = \frac{-r+r}{0}$$

$$-\frac{r}{0} + \frac{r}{0} = \frac{-r-(-r)}{0} = \frac{-r-r+r}{0}$$

$$\frac{\alpha}{b} + \frac{c}{b} = \frac{\alpha+c}{b}$$

$$\frac{\alpha}{b} + \frac{c}{b} = \frac{\alpha+c}{b}$$

$$\frac{\alpha}{b} + \frac{c}{b} = \frac{\alpha-c}{b}$$

$$\frac{\alpha}{b} + \frac{\alpha-c}{b} = \frac{\alpha-c}{b}$$

$$\frac{\alpha}{b}$$

$$\frac{\Delta}{V} = \frac{V}{V} = \frac{V}$$

$$\frac{9}{6} + \frac{v}{6} = \frac{9+v}{6} = \frac{119}{6}$$

$$\frac{s}{\delta} + \frac{v}{\delta} = \frac{9+v}{\omega} = \frac{119}{\omega}$$

$$-\frac{r}{s} + \frac{r}{r} = \frac{-9+v}{11} = -\frac{1}{11}$$

$$\frac{1}{r}\frac{1}{r} = \frac{-r^2 - r}{r} = -\frac{\delta}{9}$$

$$\frac{1}{r} \frac{1}{r} = \frac{-r^{2} - r}{4} = -\frac{20}{9} \qquad \frac{r}{0} \frac{-r}{r} = \frac{9}{10} - \frac{10}{10} = \frac{-9 - (-10)}{10} = \frac{-9 + 10}{10} = \frac{7}{10}$$

ا_ مانند نمونه، حاصل هر یک از عبارتها را بهدست آورید.

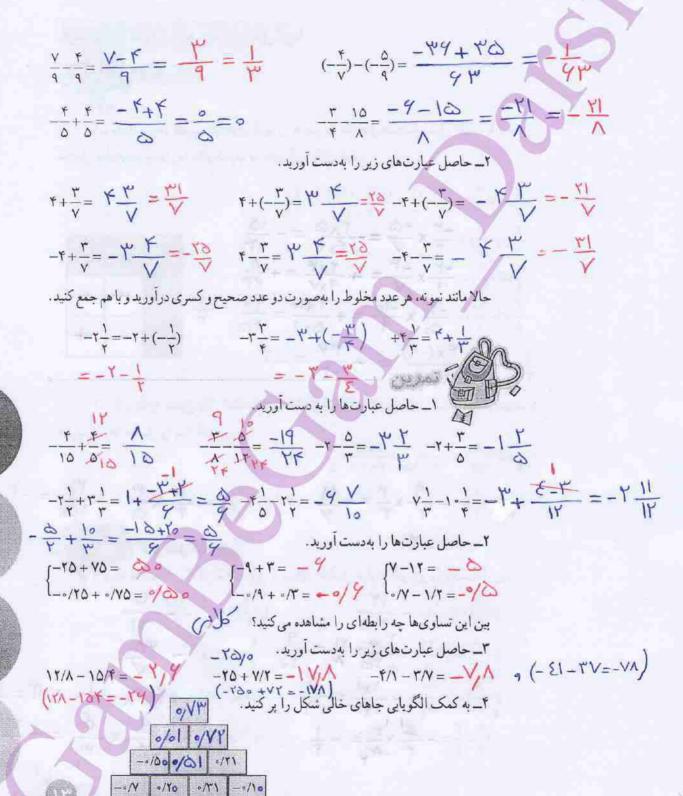
$$\left(+\frac{V}{q}\right)+\left(-\frac{r}{q}\right)=\frac{V-r}{q}=\frac{r}{q}=\frac{1}{r}$$

$$(+\frac{V}{q}) + (-\frac{F}{q}) = \frac{V - F}{q} = \frac{V}{q} = \frac{V}{q} = \frac{V}{q} = \frac{V}{q} = -\frac{V}{q} = -\frac{V}{$$

$$(-\frac{9}{11})+(+\frac{1}{11})=\frac{-\frac{9}{11}}{11}=+\frac{\frac{9}{11}}{11}$$

$$(-\frac{9}{11}) + (+\frac{1}{11}) = \frac{-4 + 1}{11} = +\frac{1}{11} \qquad (-\frac{9}{11}) - (+\frac{1}{11}) = \frac{-4 - (+1)}{11} = \frac{-4 + (-1)}{11} = -\frac{11}{11}$$

$$-\frac{9}{11} - \frac{1}{11} = \frac{-9 - 1}{11} = \frac{-9 + (-1)}{11} = \frac{-11}{11} \left(-\frac{9}{11}\right) + \left(-\frac{11}{11}\right) = \frac{-19}{11} = -\frac{11}{11} = -\frac{11$$



Acres

و که خرب و تقسیم عددهای گویا



۱ مانند نمونه، ضرب عددهای گویا را به ضرب عددهای صحیح تبدیل کنید. با توجه به
 حاصل عبارتها، جدول را برای ضرب دو عدد گویا کامل کنید.

$$-\frac{r}{r} \times (+\frac{r}{r}) = \frac{r}{r} \times \frac{+r}{r} = \frac{(-r) \times (+r)}{r \times r} = \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = -\frac{1}{r}$$

$$-\frac{r}{r} \times (+\frac{\Delta}{r}) = \frac{-r}{r} \times \frac{+\Delta}{r} = -\frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = -\frac{1}{r} \times \frac{r}{r}$$

$$-\frac{r}{r} \times (-\frac{r}{r}) = \frac{-r}{r} \times \frac{-r}{r} = +\frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = +\frac{r}{r} \times \frac{r}{r}$$

$$-\frac{r}{r} \times (-\frac{r}{r}) = \frac{-r}{r} \times \frac{-lo}{r} = +\frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = -\frac{r}{r}$$

$$+\frac{r}{r} \times (-\frac{r}{r}) = \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = -\frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = -\frac{r}{r}$$

$$+\frac{r}{r} \times (-\frac{r}{r}) = \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = -\frac{r}{r} \times \frac{r}$$

 ۲_ با توجه به جدول بالا، ابتدا علامت حاصل ضرب را تعیین کنید. سبس، مانند نمونه، با ضرب کسرها حاصل را بیدا کنید.

$$-\frac{r}{r}\times(-\frac{\Lambda}{1\Delta})=+\frac{r}{r}\times\frac{\Lambda}{1\Delta}=\frac{r\times\Lambda}{r\times1\Delta}=\frac{r}{\Delta}$$

$$-r\frac{1}{r}\times(+\frac{r}{r})=-\frac{9}{r}\times\frac{r}{r}=-\frac{10}{r$$

کار در کلاس

﴿ بَا تُوجِه بِهِ نتيجِه اي كه از فعّاليت قبل گرفته ايد، حاصل عبارتهاي زير را به دست أوريد.

$$(+\frac{1}{6})\times(-\frac{1}{7}) = -\frac{17}{7}\times\frac{1}{7} = -\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7} = -\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7} = -\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7} = -\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7} = -\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}\times\frac{1}{7}=-\frac{1}{7}\times\frac{1$$

💦 "۱_ همان طور که می دانید، تقسیم را می توانیم به ضرب تبدیل کنیم . پس، مانند نمونه ابتدا علامت حاصل تقسيم را بگذاريد و سپس آن را به ضرب دو عدد تبديل كنيد.

it is x lad & m & m lade and m

$$-\frac{1\lambda}{\sqrt{2}} \div (+\frac{1\lambda}{\sqrt{2}}) = -\left(\frac{1\lambda}{\sqrt{2}} \div \frac{1\lambda}{\sqrt{2}}\right) = -\frac{1\lambda}{\sqrt{2}} \times \frac{1\lambda}{\sqrt{2}} = -\frac{1\lambda}{$$

۲_معکوس کسر ۲ برابر با ۲ است. معکوس عددهای گویای زیر را بنویسید.

$$-\frac{r}{a} \rightarrow -\frac{a}{r} + \frac{r}{v} \rightarrow +\frac{v}{r} - r \rightarrow -\frac{1}{r} + \frac{v}{r} \rightarrow +\frac{r}{v} \rightarrow +\frac{r}{v$$

$$\frac{-\frac{r}{a} \times (-\frac{a}{r}) = +1}{\sqrt{x}} + \frac{r}{v} \times (+\frac{r}{r}) = +\frac{r \times v}{\sqrt{x}} = 1$$

چه نتیجه ای می گیرید؟ حاصل ضر عرور (م غیرمبر) در تعلوسش برابر میده می شود

٣_ جاهاي خالي را با کسر مناسب ير کنيد.

$$+1\frac{k}{1} \times \frac{k}{k} = 1$$

$$+\frac{k}{1} \times \frac{k}{k} = 1$$

کر کے کے صفر تنہا عددی است کہ معکوس ندارد؛ چون کسری کہ مخرج آن صفر باشد تعريف نشده است.

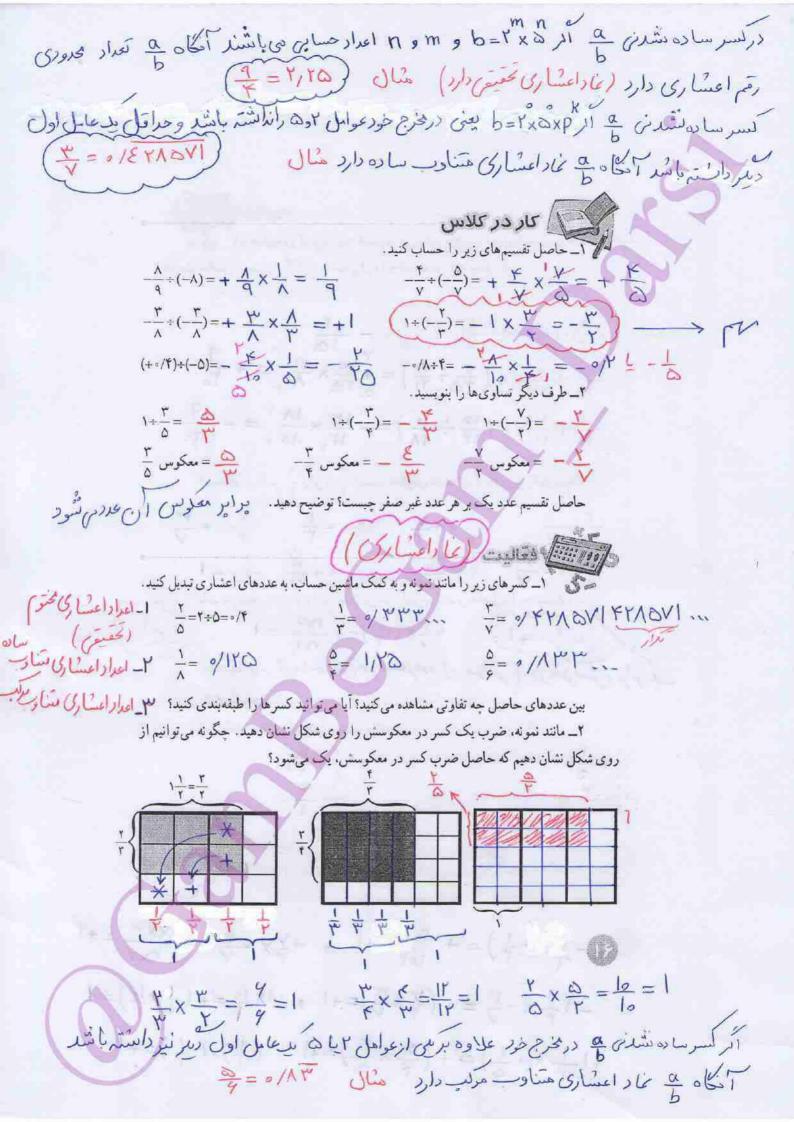


$$-\frac{r}{r} \times (-\frac{1}{r}) = + \frac{r}{r} \times \frac{1}{r} = +1 \quad , \quad +\frac{r}{r} \times +\frac{r}{r} = + \frac{r}{r} \times \frac{r}{r} = +1$$

$$-\frac{r}{r} \times -\frac{r}{r} = + (\frac{r}{r} \times \frac{r}{r}) = +1 \quad , \quad \sqrt{|x|} \times \frac{1}{r} = + (\frac{1}{r} \times \frac{1}{r}) = 1$$

$$+1 - \frac{1}{r} \times (+\frac{\varepsilon}{r}) = + (\frac{\delta}{r} \times \frac{r}{r}) = +1 \quad (-\frac{1}{r}) \times (-\frac{1}{r}) = +1$$

$$+1 - \frac{1}{r} \times (+\frac{\varepsilon}{r}) = + (\frac{\delta}{r} \times \frac{r}{r}) = +1 \quad (-\frac{1}{r}) \times (-\frac{1}{r}) = +1$$



کرین المرین ۱_حاصل عبارتهای زیر را به دست آورید.

$$(-\frac{q}{2}) \div (-\frac{r_{V}}{r_{A}}) = +\frac{r_{V}}{r_{A}} \times \frac{r_{V}}{r_{A}} = +\frac{r_{V}}{r_{A}} - r_{V}r_{A} \div 1/r_{A} = -\frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} = -\frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} = -\frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} = -\frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} = -\frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{r_{A}} + \frac{r_{V}}{$$

$$-(-\frac{\lambda}{2}) = \frac{\sqrt{\lambda}}{\sqrt{\lambda}} \qquad -(\frac{-1\lambda}{2}) = \frac{\sqrt{\lambda}}{\sqrt{\lambda}} \qquad -(\frac{-1\lambda}{2}) = -\frac{\sqrt{\lambda}}{\sqrt{\lambda}} \qquad -\frac{\lambda}{2} = -\frac{\lambda}{\sqrt{\lambda}}$$

$$(\frac{r}{0} - (\frac{r}{0})) \times \frac{0}{17} = \frac{1}{0} \times \frac{0}{17} = \frac{1}{17} \quad (-\frac{r}{0}) \div (-\frac{r}{0} + \frac{0}{9}) = -\frac{r}{0} \times \frac{1}{17777} = -\frac{1}{17} \times \frac{1}{17} = -\frac{17}{17} \times \frac{1}{17} = -\frac{1}{17} \times \frac{1}{17} = -\frac{1}{$$

$$=\frac{-\delta+9}{m}=\frac{1}{m}$$

● ۞ مرور فصل ١ ۞ ۞

مفاهيم ومهارتها

در این قصل واژه های زیر به کار رف اند. مطمئن شوید که می نوانید با جمله های خود. آنها را مریف کنید و برای هرگدام مثالی برنید.

- عددهای طبیعی و عددهای صحیح و عددهای گویا و معکوس عدد گویا در این فصل دروسهای اصلی زیر معرفی شدهاند. هر کدام را یا یک مثال توضیح دهید و در دهتر خود خلاصلهٔ درس مربوط به آن را بندیسید.
 - محاسبة حاصل يک عبارت، شامل عددهاي صحيح با رعايت ترتيب انجام عمليات
 - پیدا کردن راه حل مناسب برای محاسبهٔ یک عبارت
 - بیدا کردن عددهای گویای مساوی
 - نمایش جمع و تفریق عددهای گویا روی محور
 - محاسبهٔ جمع و تفریق دو عدد گویا
 - محاسبة ضرب و تقسيم دو عدد گوبا
 - پیدا کردن معکوس یک عدد گویا
 - محاسبة حاصل يک عبارت، شامل عددهای گويا با رعايت ترتيب عمليات.

3.21

محاسبة عددهاي گويا در محاسبات عبارتهاي جبري و حل معادله ها كاربر د دارد.

تمرین های ترکیبی

اگر بتوانید تمرین های زیر را انجام دهید، می توانید مطمئن باشبید که این فصل را به خوبی یادگرفته اید. ۱ ـ عدد های گویا را روی محور نمایش دهید.

$$A = -(-\frac{r}{r}) = + \frac{r}{r}$$
 $B = -1\frac{1}{r} = -\frac{c}{r}$ $C = -\frac{c}{-r} = -\frac{c}{r}$

۲_حاصل عبارتهای زیر را به دست آورید.

$$(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})+(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})=$$

$$(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})+(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})=$$

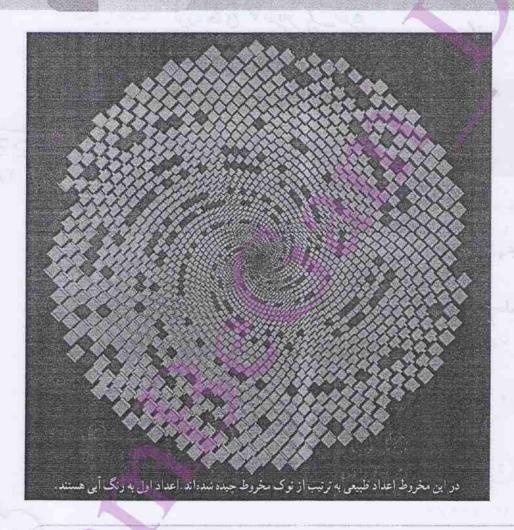
$$(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})+(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})=$$

$$(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})+(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})=$$

$$(-\frac{1}{2}+\frac{1}{2$$

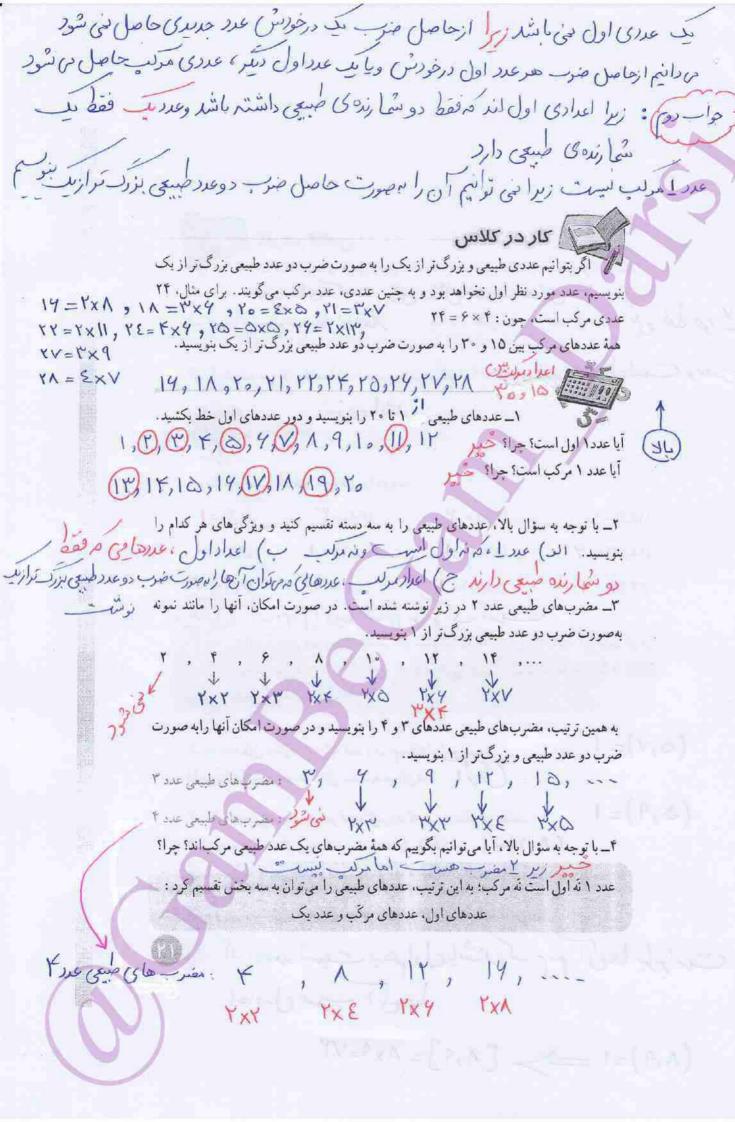


حساب عددهای طبیعی فصل ۲



شمارنده های اول یک عدد مانند مادهٔ اولیهٔ کارخانهٔ عددسازی هستند. همهٔ عددهای طبیعی بزرگ تر از یک را می توانیم با ضرب شمارنده های اول به دست آوریم. امروزه از عددهای اول که تجزیه و شکسته نمی شوند، برای رمزنگاری و رمزگشایی استفاده می شود.





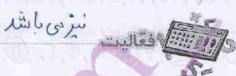
کار در کلاس

۱ - کدام عددهای طبیعی را می شناسید که همهٔ مضرب هایشان عددهای مرکب باشند؟

عدد های سرلب برای مثال بصربهای ۲

٢ عدد١٧ چند مضرب دارد؟ بي سمار چند تا از مضربهاي آن عدد اول هستند؟ مَلي فَقَلَ حُور ١٧ _

٣ اگر a یک عدد اول باشد، آیا همهٔ مضربهایش مرکباند؟ حیر ، دُور ۵ اول است و مضر م



11-11-11

۱_ب.م.م جفت عددهای داده شده را بنویسید.

$$(10,8) = 7 \qquad (1,1) = 7 \qquad (1,1) = 7$$

$$(1,0,1,1) = \frac{4}{3}$$
 $(0,1,1) = \frac{1}{3}$ $(1,0,1) = \frac{1}{3}$ $(1,0,1) = \frac{1}{3}$

$$(\Upsilon^{\xi}, \Upsilon^{\xi}) = 1$$
 $(\Upsilon^{\xi}, \Upsilon^{\xi}) = 1$ $(\Upsilon^{\xi}, \Upsilon^{\xi}) = 1$ $(\Upsilon^{\xi}, \Upsilon^{\xi}) = 1$

مَلَيْنَ (ب مع مع) دوعدراتوالي برابورك است

اگر ب.م.م (بزرگترین مقسوم علیه [شمارندة] مشترک) دو عدد برابر یک باشد، می گوییم آن دو عدد نسبت به هم اول هستند. برای مثال، عددهای ۸ و۹ هر دو مرکباند اما چون ۱ = (۸,۹) مي گوييم اين دو عدد نسبت به هم اول اند.

(0,V)=1 ۲_دو عدد اول متفاوت انتخاب کنید و ب.م.م آنها را بنویسید.
 آیا می توان گفت هر دو عدد اول نسبت به هم اول اند؟

(0,9)=1 ٣_ يک عدد اول و يک عدد مركب مثال بزنيد كه نسبت به هم اول باشند. $(\Lambda, \P) = 1$ دوعدد مرکب مثال بزنید که نسبت به هم اول باشند. $= (\Pi, \P)$ ۵_ آیا دو عدد طبیعی متوالی نسبت به هم اول میشوند؟ بالم

٤ ـ اگر دو عدد نسبت به هم اول باشند، ک.م.م آنها چگونه بهدست مي آيد؟

الردوعدد نسب بهم اول باستد كرم الها برابراس باحاصل جنرب آئها

مَكْنُه:) أَكْرِ مِحْرِع دوعدر،عدد فرد ماشد، الكاه منى ازال دوعدد فردو دميرى زوج اس أوج = أوج + زوج و فرر = روع + فرر و = روع = قرر + فرد نكتم اكر هجرع دوعدداول عدرى قرر باشد حما يبى از الى دوعدر روك مى باشد ا_برای تساوی روبه رو، چهار پاسخ مختلف به دست آورید. ۱ = (۴ و ۱) (1,+)=1, (7,+)=1, (8,E)=1, (V,+)=1۲_عددهای اول بین دو عدد ۴۰ و ۶۰ را بنویسید. ۹ م ۲۸ م ۲۲ ، ۲۲ ، ۲۲ ۳- اگر تعداد عددهای اول کمتر از ۲۰، هست عدد باشد، تعداد عددهای مرکب کوچک تر از ۲۰ 19-(1+1)=10 چندتاست؟ جرا؟ انداول است وندمرلب ٤- آبا جملة زير درست است؛ چرا؟ حير ، زيراعدر ! طبيعي اسى و فقط كرسمارنده دارد الهر علم طبيعي دست كم ٢ كمارنده دارد. ١١ ۵ مجموع دو عدد اول ۹۹ است. آن دو عدد را مشخص کنید و توضیح دهید که چگونه آنها را يدا كرديد. ١٩٤ = ٦ = ١٩٩ = ١ = ١ = ١٩٩ = ١ + ٤_ پنج عدد بنویسید که غیر از ۲ و ۳ شمارندهٔ اول دیگری نداشته باشند. فرد YXT= 4, YXYXY=1Y ٧ عددهای ۴ و ۹ دو شمارنده یک عددند. شش عدد دیگر بیدا کنید که بهطور حتم شمارندههای YXYXY= IA این عدد باشند. 7xxxxx = YE 44 -> 4,9 {1, 7, 7, 4, 4, 9, 17, 11, 14, 44} YXXXXX = MY پ خواندني اعداد اول دوقلو هر دو عدد طبیعی و فرد که ۲ واحد اختلاف داشته باشند و هر دو اول باشند را یک جفت عدد اولِ اعداد اول سرقلو دوقلو مینامند مانند (۵٫ ۳) یا (۱۲٫۱۳) یا (۱۰۲٫۱۰۳) ریاضیدانان براین باورند (حدس میزنند) که برای دوقلوهای اول پایانی وجود ندارد. همچنین هر سه عدد فرد و متوالی که هرسه اول نیز باشند را اعداد اول سه قلو می نامند که فقط یک سه قلوی اول در بین اعداد طبیعی وجود دارد یعنی (۷, ۵, ۷) و سه قلوی دیگری یافت نمی شود! جرا؛ او V, (ه), ۱۳,۱۲, و ۱۹ اوران م ربراءازهر سه عدد فرد متوالی مکی مصرب سه می باشد ایس بهغیر ۲,۵,۷ ، هیچ سه قلوی دیگری یافت سی شود

تعيين عددهاي اول

ميخواهيم عددهاي اول بين ١ تا ٥٠ را تعيين كنيم.

ابتدا عددهای ۱ تا ۵۰ را می نویسیم.

14 - 14 YV XX 44

_ حالا عددهای غیراول را خط میزنیم تا عددهای اول باقی بمانند. ١- آيا عدد ١ را خط زديد؟ علم جرا؟ زيراعدر له نهاول اس ولمركب

ملبر، برغیر فود عدد ال حال مضربهای عدد ۱را خط می زنید؟ خیر جرا؟ زیر اول لسے ، وقط منی خورد _ مضربهای مرکب عدد ۲ را به صورت / خط بزنید. زيرا على بمجزة ٢ مركب

_ مضربهای مرکب عدد ۳راخط بزنید.

٣_ آیا لازم است مضربهای عدد ۴ وا خط بزئم؟ خیرجرا؟ ریزا اگر عددی مضرب ۴ باشد، پیش

۴_آیا مضربهای عدد ۵ را خط می زنید؟ حیر جرا؟ زیرا ۵ اول است و ساید حاه کورد از آن به عنوان مضرب ۲ خط خورده الست. مضربهای مرکب عدد ۵ راخط بزنید. کوچگ ترین مضرب عدد ۵ که برای اولین بار خط می خورد،

۵_آیا مضربهای عدد ۶ را خط میزنید؟ محیر چرا؟ رس آلم عددی مصر ۴ باشد بیشی ٤_آيا مضربهاى عدد ٧ را خط مى زنيد؟ خير چرا؟ حول ٧ اول لست وحافا دني حور د ازال با منر-های احظ حورده اس

۷_ مضربهای مرکب عدد ۷ را خط بزنید. کوچکترین مضرب عدد ۷ که برای اولین بار خط میخورد کدام است؟ ۹ ع 🔫 🗸 ی درد سرسد. ۸_آیا مضربهای اعداد ۸ و۹ و ۱۰را خط میزنید؟ خیر جرا؟ رس فیلات محوره اند

مىبانند

۱۱ = ۱۲ = ۱۲ اگر بخواهیم مضربهای عدد ۱۱ را خط بزنیم، گدام مضرب ۱۱ برای اولین بار خط خواهد خورد؟

۱۰ م این ترتیب، آیا لازم است مضربهای عدد ۱۱را خط بزنیم؟

۱۱_ آبا عددهای باقی مانده، اول هستند؟ ملم

برای تعیین عددهای اول، فقط مضربهای مرکب عددهای اوّل را خط میزنیم و خطردن را تا عدد اولی ادامه میدهیم که مربع آن عدد اول، بین عددهای نوشته شده نباشد.

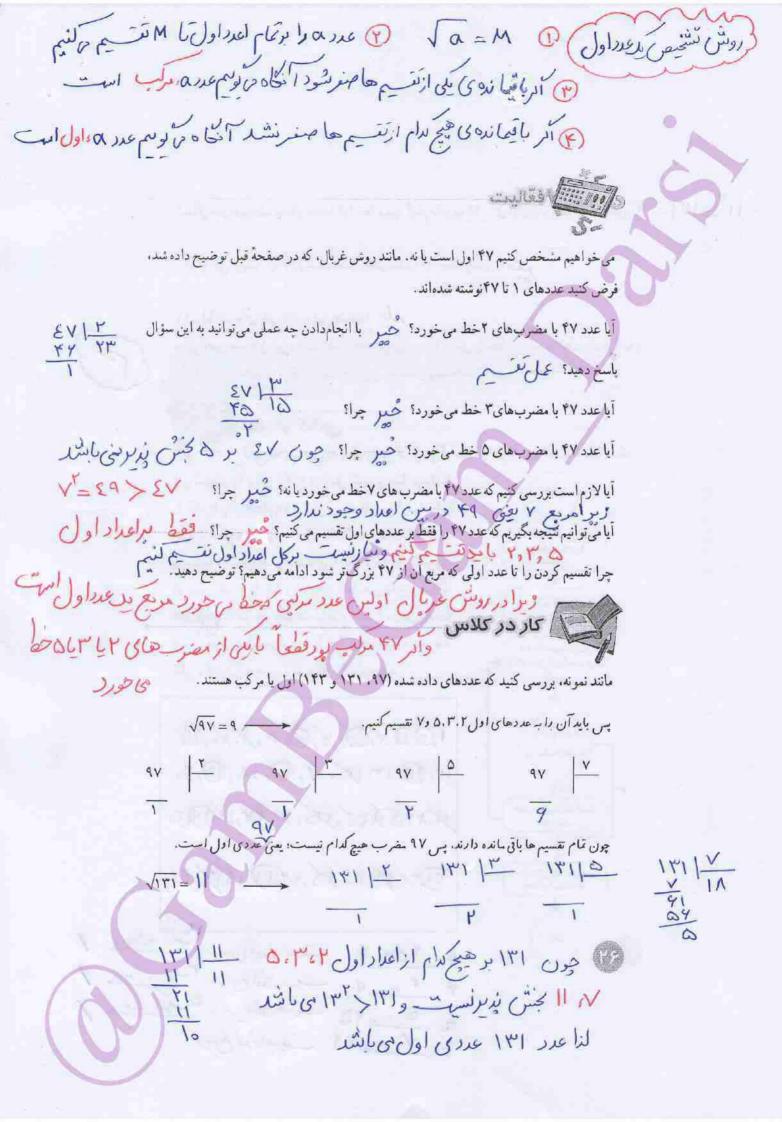


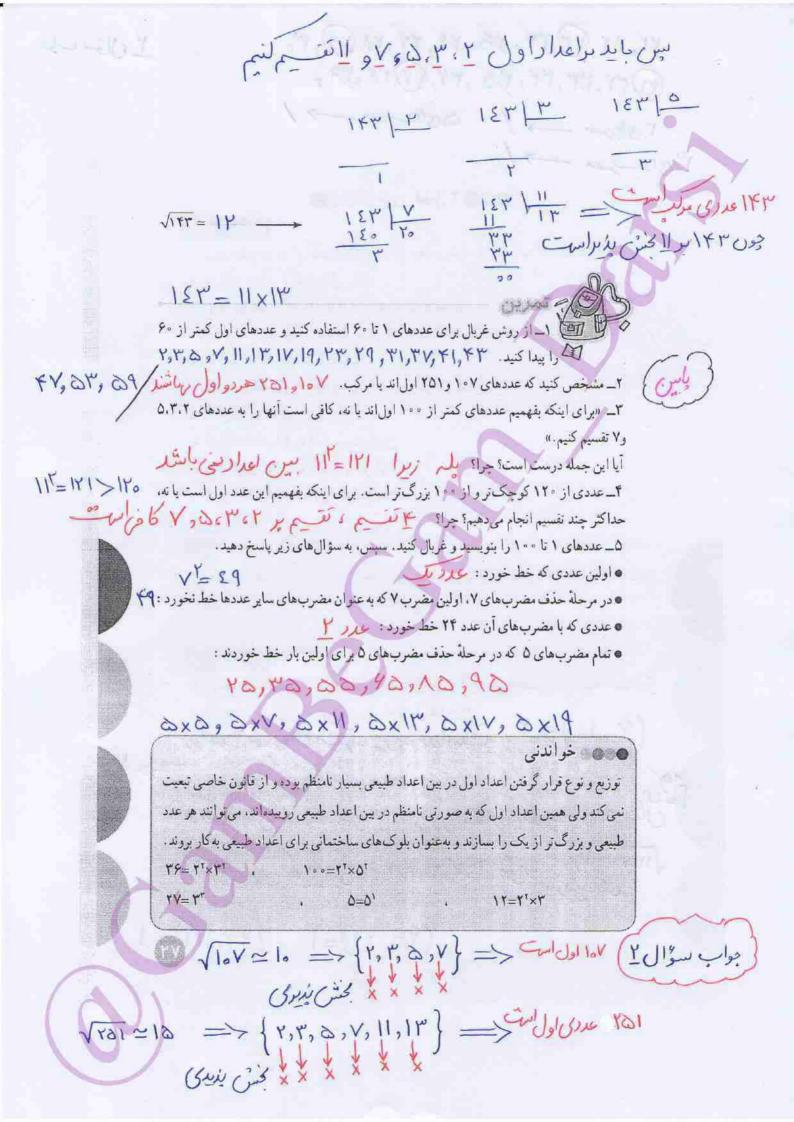
ا کار در کلاس

نتایج فعّالیت قبل که به آن روش غربال می گویند، در نمودار زیر خلاصه شده است.

این نمودار را برای ۴۰ ه ا دنبال کنید و همهٔ مرحله ها را یک به یک انجام دهید. هر مرحله از نمودار را برای خود توضیح دهید. برای مثال، جملهٔ «عددهای ۱ تا ۱ را بنویسید» را بخوانید و عددهای ۱ تا ۴۰ را در کادر زیر بنویسید. عدد۱ را خط بزنید. عدد خط نخوردهٔ بعدی را که عدد ۲ است، در نظر بگیرید. آیا مربع عدد ۲ در بین عددها هست؟ مضربهای مرکب آن را خط بزنید، دوباره به مرحلهٔ قبلی برگردید و به همین ترتیب کار را ادامه دهید.

ا مفارد برگیب درس اعدادهست ع مدع ۲ بر س س برگیب درس اعدادهست ۹ برس ا مرکب درس اعدادهست ۲۵ برس ا درس اعدادهست ۲۵ برس ا





مفاهيم رامهارت دا

واژههای ژبر در این قصل به کار رفته اند. مطمئن شوید که می توانید یا جمله های خود. آنهها را توصیف کنید و برای هرکدام مثالی پزنید.

ه نمودار درختی • عدد مرکب • نسبت به هم اول • روش غربال روش های اصلی زیر در این قصل مطرح شده اند. با یک مثال هر کدام را توضیح دهید و خلاصهٔ درس را در دفتر خود بنویسید.

- بیدا کردن عددهای اول با روشهای تقسیم، ضرب و بخش پذیری
 - تشخیص عددهای اول و مرکب
 - تعیین عددهای اول به کمک روش غربال
 - دنیال کردن یک دستورالعمل و نمودار
 - تعیین اینکه یک عدد، اول با مرکب است.

این درس در فصل مربوط به توان و جذر گاربرد دارد. از تبدیل پایههای مرکب به پایههای عدد اول برای ساده کردن عبارتهای تواندار استفاده می شود.

تمرين هاي تركيبي

۱ یک عدد مرکب بنویسید که شمارنده های اول غیر از ۲و۳ نداشته باشد. آیا این عدد و عددی که شمارنده های اول آن ۲ و ۵ است، نسبت به هم اول اند؟ چرا؟

زیرا عدد ۲ شما رنده ی مشترک این دوعدداست ۲ = (۱۰ و ۲)

رمزا فدر با می از می کاردن کی در در این روش، کار را از خطازدن کی از کار را از خطازدن کی در این روش، کار را از خطازدن کی در مضربهای کدام عدد شروع می کنید و با مضربهای کدام عدد بایان می دهید؟

باعظ زدن معنوبهای از نشروع وباحظ زدن معنوهای ه بایان " ۳- آیاعدد ۱۳۷ اول است؛ جرا؟

۱- ایا علدد ۱۱۷ اول است؛ چرا ؛ آری ، جون ۷۳۷ بر اعداد ۲،۳،۵،۷،۱ بخش بربر دنی باشد

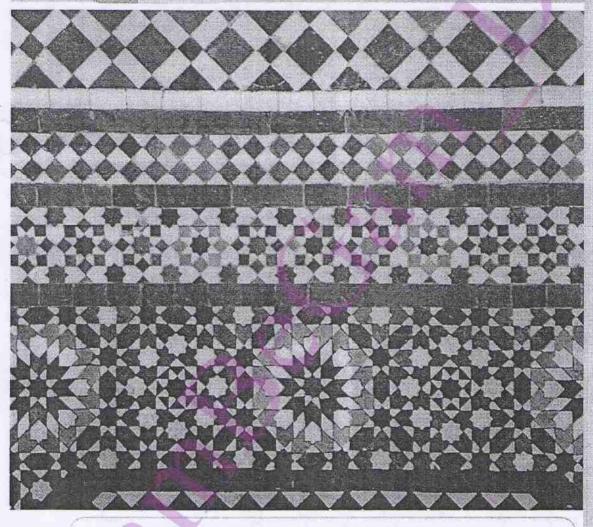
۴_۲ عدد مرکب بنویسید که نسبت به هم اول باشند.

(40,49)=1, (44,141)=1



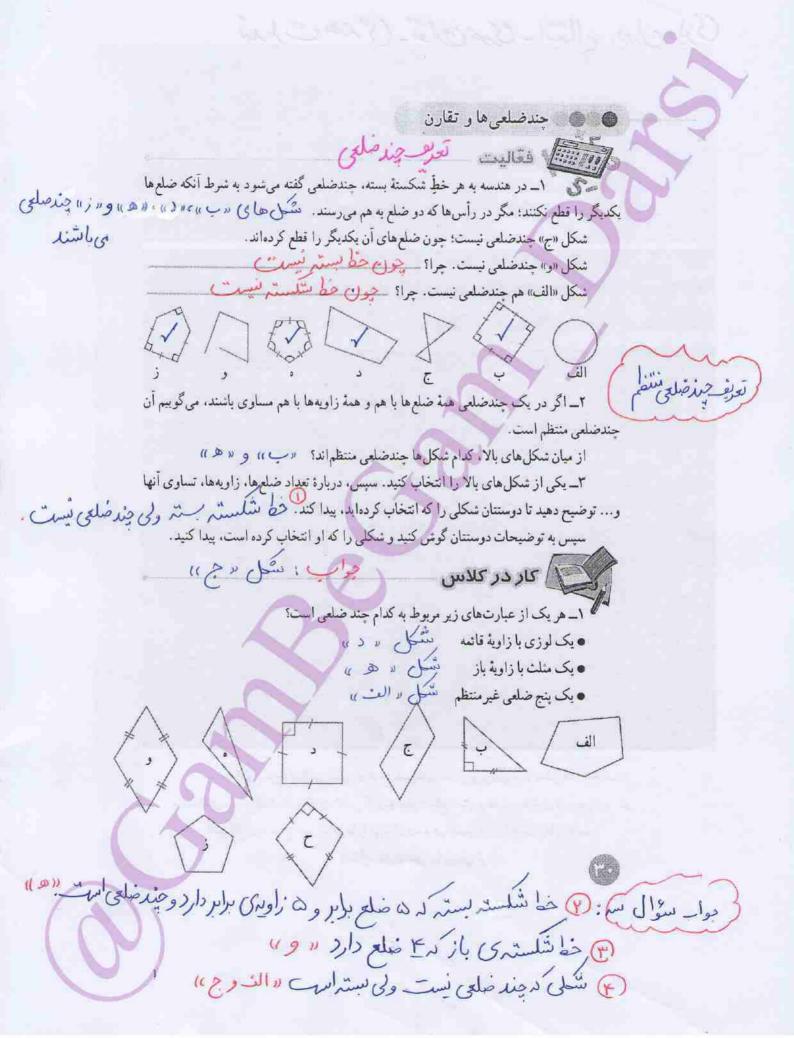
ئېدىلىت ھندسى - تقارن محورى - انتقال ، دوران مدارى ك

چندضلعیها فصل ۳



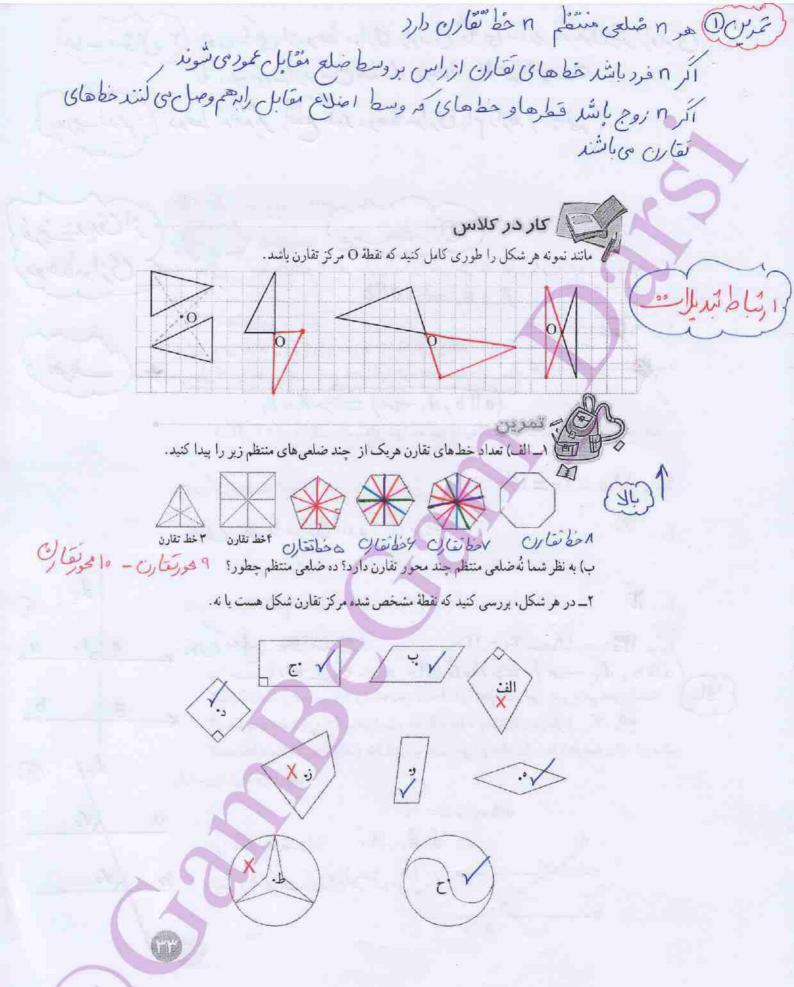
در معماری سنتی، اسلامی کشور ما انواع نقشهای هندسی و ترکیب چند ضلعیهای مختلف در منبّت کاری، شیشه کاری، آینه کاری، کاشی کاری و سایر صنایع دستی و نقوش معماری دیده می شود. در کاشی کاری ها انواع چند ضلعی ها را می توان دید و هم نهشتی آنها را با تبدیل های هندسی (انتقال، تقارن، دوران) بررسی کرد.

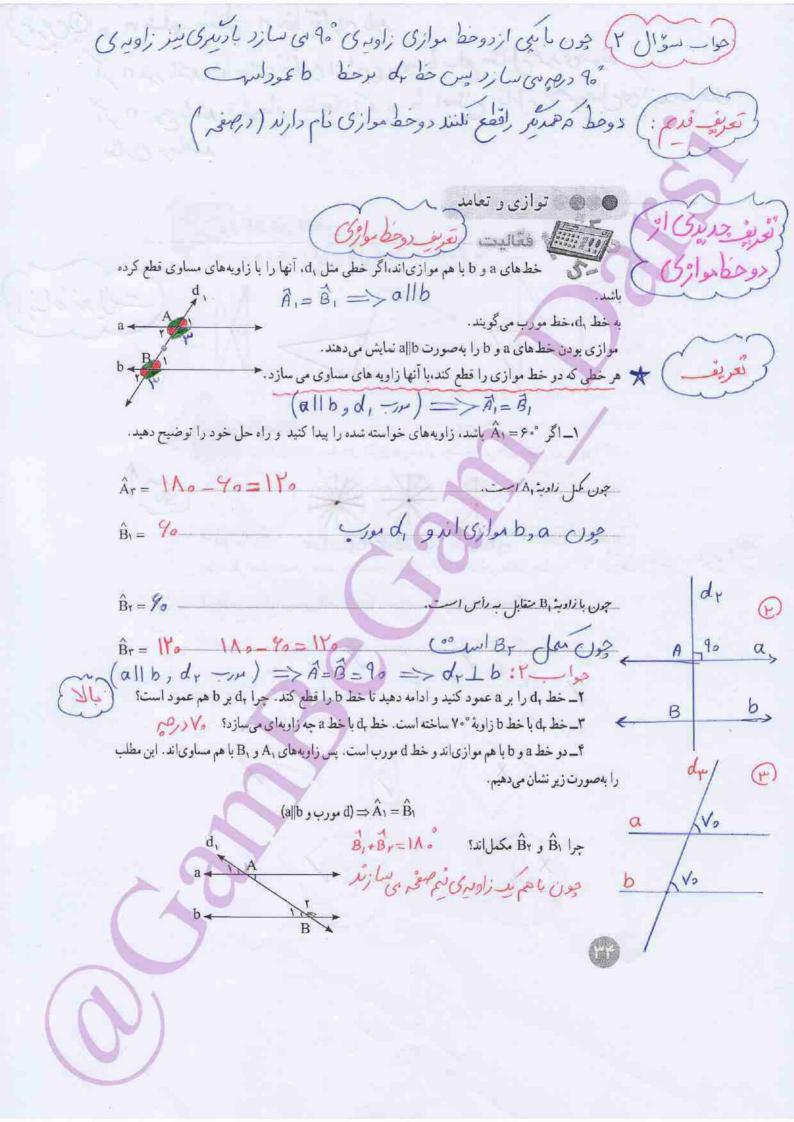
(چندخلعی: کدهم سامه ی بسته است کم ازاجتماع حداقل سه باره حط نشمیل شده باشد



سَاهِ الدارة ي اطلاع برابر است المجند ضلعي هستند الع عظ معارل دارتد تعاوت ها: ٥ سكل الف ستم ولي ب وج ستم مني باشرا الف مرتز تقارن دارد ولي ب وج مدكر تعارى ندارد الله شكل العد المحورتعارى دارد ولى تشل هاى ب وج فقه مد محورتقارل دارند ﴿ الف محد ولى بوج معراسة ۲_ چندضلعی های زیر را در صفحهٔ شطرنجی رسم کنید. الف) یک مثلث قائم الزاویهٔ متساوی الساقین 🛚 💢 » ب) مستطیلی با ضلع های مساوی « b » ج) یک دوزنقهٔ قائم الزاویه ۱۱ 🔾 ۱۱ د) یک شش ضلعی با دقیقاً سه زاویه قائمه ud, en ۳ به شکلهای زیر نگاه کنید و تفاوت ها و شباهت های آنها را بنویسید. کلاسی 🛶 باسخهای سفا و ت (JE) ۴_ به چند ضلعیای که زاویههای آن کوچکتر از ۱۸۰ درجه باشد، چند ضلعی محدّب (کوژ) و به چندضلعیای که دست کم یک زاویهٔ آن بزرگ تر از ۱۸۰ درجه باشد، چندضلعي مقعر (كاو) گفته مي شود. با توجه به شكل هاي سؤال بالا جدول روبهرو را كامل كنيد. 🦫 فعاليت ۱_ یک ورق کاغدٔ پوستی روی مربع روبهرو قرار دهید و تصویر مربع را روی آن رسم کنید. نوک مدادتان را روی مرکز دوران بگذارید و مانند شکل های زیر، کاغذ پوستی را ۱۸۰ درجه حول مرکز دوران بجرخانید. آیا تصویر روی شکل منطبق می شود؟ پلم ، در دوران های ۹۰ درجم و مُا شکل دوران یافته روی شکل اول منظبتی می شود

توضيح سؤل ٣ : يد بنج ضلعى ستخل با روران هايى مرمضر ٧٢ باشد روى شكل اول منطبتى می شود و سی دانیم ۱۲=۲۷×۲ و ۲۲۲=۲۱۴ کی ۵ ر۲=۲۷ نده ۱۸ لذا با دوران ۱۸۰ شکل روی شکل اول منفیق ننی شود پس مرتز تعاران مدارد مکند اگر تعداد رئوس فرد باشر آنگاه شک مرکز نقارن ندارد زیدا تحرواس عید راس میوخواهد بور پس هرمونت راس قرنسری کیلدمگرندیس نعرار رئوس باید روج باشد اگر نتیجهٔ دوران ۱۸۰ درجه ای یک شکل حول یک نقطه روی آن منطبق شود، می گوییم شکل مرگز تقارن دارد و نقطهٔ مورد نظر، مرکز تقارن شکل است. ٢_ شكل رويه رو مثلثي متساوى الاضلاع است. يك ورق كاغد پوستى روى أن قرار دهيد و مراحل فعاليت (١) را تكرار كنيدر نشان دهيد كه نقطة مشخص شده مرکز تقارن شکل نیست. دوران یا فئتری سکل روی آن منطبق سنی سرور (دولن ۱۸۰ درجم) سنی سرور کدام یک از چندضلعی های منتظم زیر، نقطهٔ مشخص شده مرکز تقارن است؟ ۳- در کدام یک از چندضلعی های منتظم زیر، نقطهٔ مشخص شده مرکز تقارن است؟ 100 = 4 1 (SL) 11-17-10 NI 107=03-101, 07=P=044 به نظر شما نُهُ ضلعي منتظم مركز تقارن دارد؟ حُير ده ضلعي منتظم چطور؟ از اين فعالبت چه نتيجه اي مي گيريد؟ بلم ، الر تعدار ا ضلاع زوج الله عركز تعارن دارد (درفيد صلح حاى نشطم) ۵ = ۳۷ + ۱۸۰۰ به ۲۳ و ۱۰ و ۲۳ ز تقار چرفشی ۴ یکی از راه های تشخیص اینکه نقطهٔ O در مثلث متساوی الاضلاع مرکز تقارن نیست، این است که می توان روی شکل نقطه ای پیدا کرد که قرینهٔ آن نسبت به نقطهٔ O روی خود شکل قرار نگرفته باشد. مانند نمونه، نشان دهید که نقطهٔ O در دو شکل دیگر هم، مرکز تقارن نیست. نلته: هر ۱۱ صلعی منتم 🕡 ۱ فرد باشد، مركز تعارى ندارد ۱۱ روج ناشد سراز ۵_شکل مقابل جگونگی پیدا کردن دوران یافتهٔ نقطهٔ A حول مركز O به اندازهٔ ° ۹ در جهت عقربه هاى تعارن دارد ساعت را نشان میدهد. کدام یک از شکلهای فعّالیت (۳) با دوران °۹۰ حول نقطهٔ مشخص شده، در جهت عقر به های ساعت روی خودش می افتد؟ هشات صلحی مستخلم 7=63=08 هشت ضلعی منتظم بادوران هامی که مضرب ۲۵ باشد روی خورس می افتد سش ضلعی با دوران های مضرب ۴۰ - مثلث مساوی الاضلاع با دورانهای مفر نه صلعی سنظم یا دوران های مصرب م ۲ دی - ده صلعی منتظم یا دوران های مصرب ۲۲دی







the first of the first of the

۲_ عمود بودن دو خط را با علامت گذاری آنها مشخص می کنیم و عبارت «خط ، ا بر خط ، ا عمود است» را به صورت ، الم امی نویسیم.

 $a \perp b$ الف $a \perp b$ $\Rightarrow b \parallel c$ \Rightarrow $a \perp c$ \Rightarrow \Rightarrow $a \perp c$ \Rightarrow a

مانند نمونه، برای هر کدام شکل بکشید و جاهای خالی را بر کنید.

استدلال رسمي

 $e \rightarrow C \rightarrow d$ $d \rightarrow B \rightarrow d$

d || e | d || f | ⇒ **4//**و خط موازی با یک خط

dlle \Rightarrow $\vec{B}_1 = \hat{C}_1$ $\vec{A}_1 = \vec{A}_1 = \vec{$ $\begin{pmatrix}
g \parallel h \\
k \perp h
\end{pmatrix}$ \Rightarrow $K \perp g$

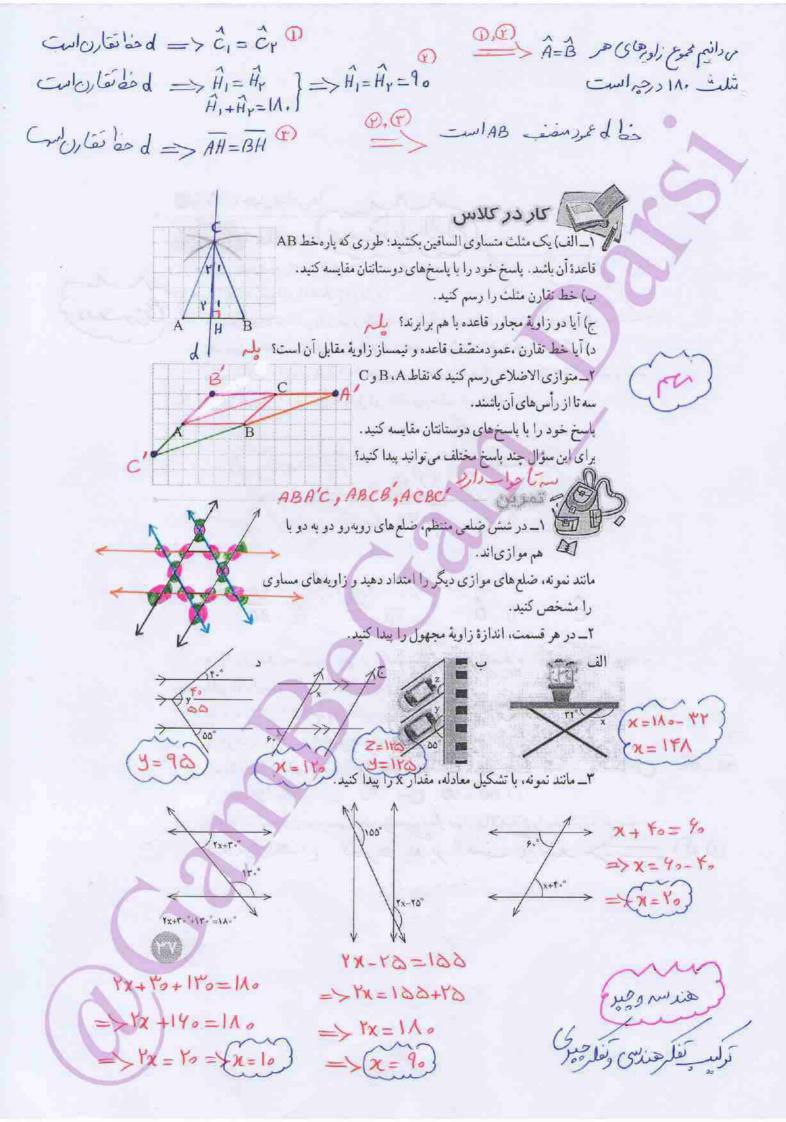
ر خطی بر یکی از دو خط موازی عمود شود

gllh | => \$=90 | => KLg | KLh => \$=90 | => KLg

۳ـدر هر متوازی الاضلاع، ضلع های روبه رو باهم
موازی اند. چهارضلعی ABCD یک متوازی الاضلاع است.
الف) ضلع های موازی را با علامت گذاری مشخص کنید.
ب) در رابطه های زیر جاهای خالی را کامل کنید.

(برب) AD و AB||DC) $\Rightarrow \overrightarrow{A}_1 = \overrightarrow{D}_1 \circ \overrightarrow{A}_r = \overrightarrow{D}_r$ (برب) AD||BC) $\Rightarrow \overrightarrow{D}_1 = \overrightarrow{C}_1 \circ \overrightarrow{D}_r = \overrightarrow{C}_r$

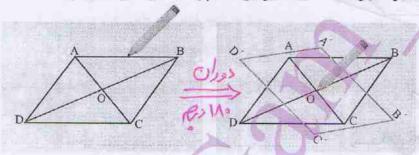
(P) BC و $AB\|DC$ $\Rightarrow \stackrel{?}{B}_1 = \stackrel{?}{C}_1$, $\stackrel{?}{B}_1 = \stackrel{?}{C}_2$ $\stackrel{?}{A}_1 = \stackrel{?}{B}_2$ (بارب) $\stackrel{?}{A}_2 = \stackrel{?}{B}_2$ $\stackrel{?}{A}_2 = \stackrel{?}{B}_2$ $\stackrel{?}{A}_3 = \stackrel{?}{B}_4$



🔧 چهارضلعي اي که ضلع هاي روبه روي آن دو به دو با هم موازي اند، متوازي الاضلاع نام دارد. ١_ متوازي الاضلاعي را رسم و مانند شكل نام گذاري كنيد.

یک ورق کاغذ پوستی روی آن بگذارید و تصویر متوازی الاضلاع را رسم کنید.

نوک مدادتان را روی نقطهٔ O (محل برخورد قطرها و مرکز تقارن شکل) قرار دهید و مانند شکلهای زیر تصویر را ۱۸۰ درجه حول این نقطه بچرخانید تا بر شکل منطبق شود.



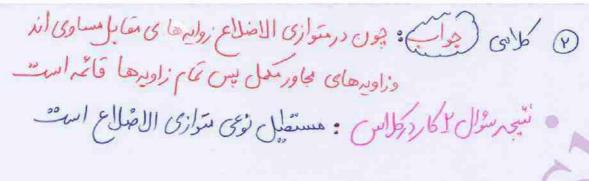
۲_ با توجه به انطباق شکل و تصویر، تساوی ها را کامل کنید.

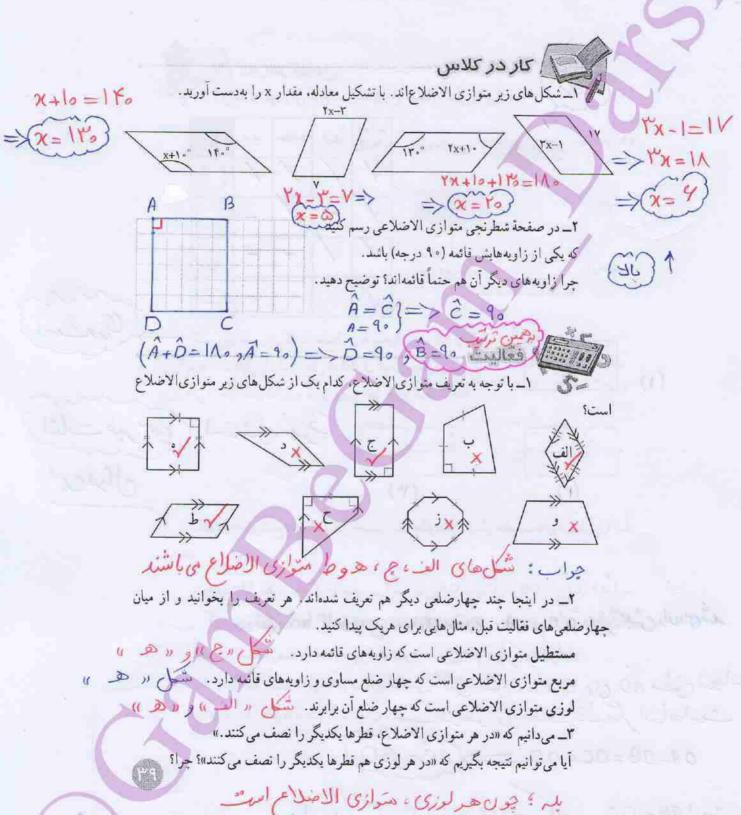
 $\hat{B} = \hat{D}$ $\overline{AB} = \overline{DC}$ $\overline{BC} = \overline{AD}$

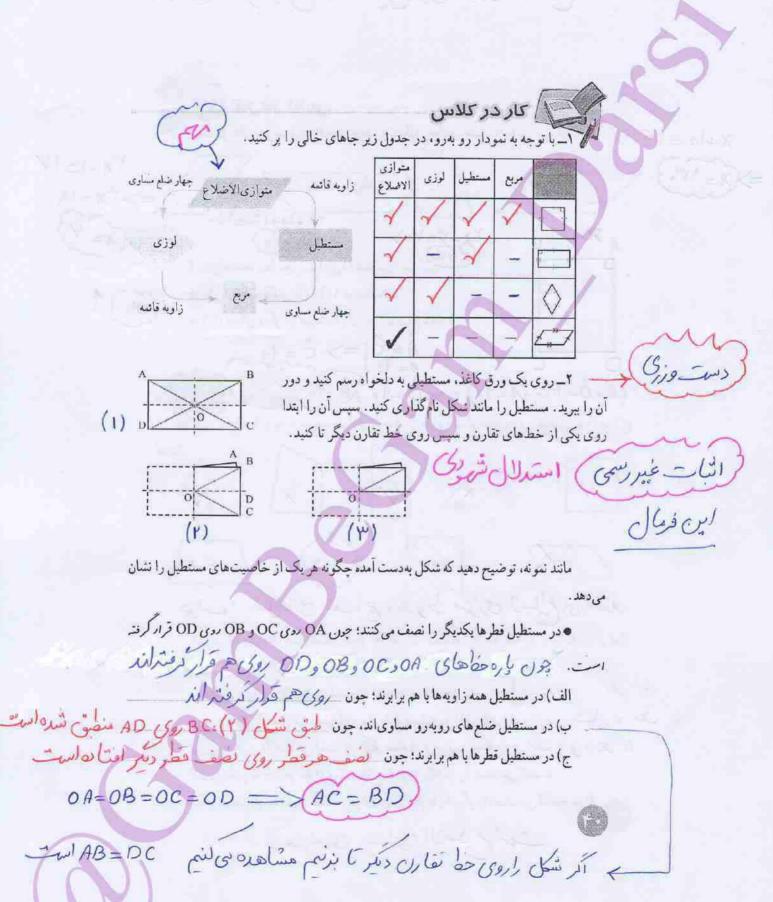
هر یک از عبارتهای زیر، یکی از خاصیتهای متوازی الاضلاع را بیان می کند. با توجه به تساوی های بالا، این دو عبارت را کامل کنید.

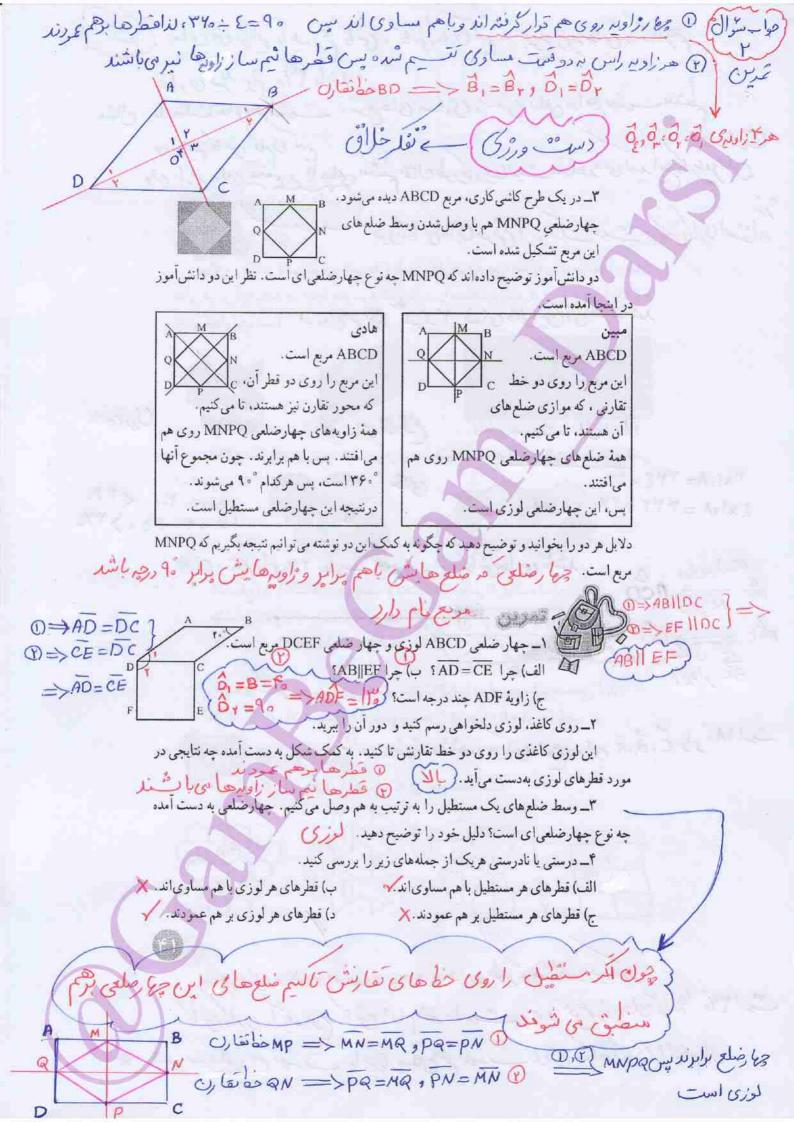
در هر متوازی الاضلاع، زاویه های رو به رو باهم مساوی ان در هر متوازی الاضلاع، ضلعهای رو به رو 💛 هم مساوی انگر س_ پاره خط OA بر کدام پاره خط منطبق شده است؟ حرماره علی OC پس پاره خط OB = OD پس OD = B @ (1) با توجه به پاسخ این دو پرسش، یک خاصیت دیگر متوازیالاضلاع را پیدا کنید و بنویسید.

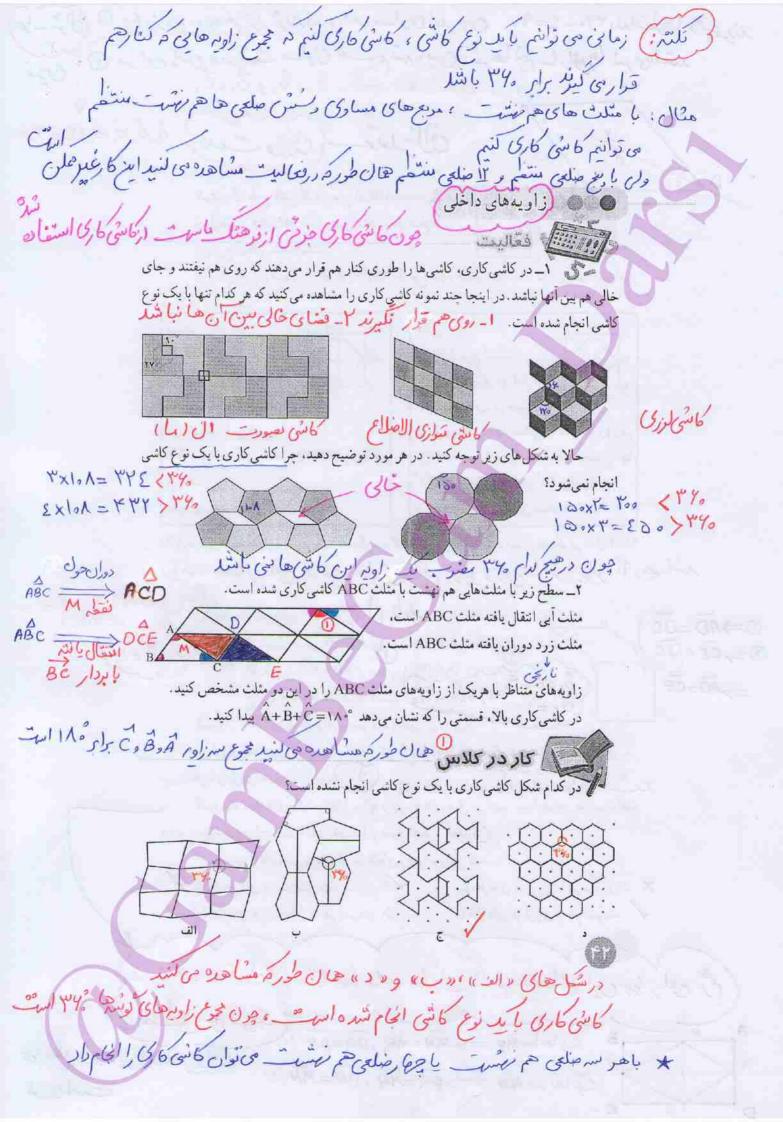
در هر متوازی الاضلاع، قطرها بلدیس راصف می است











سى لينم دانش المعززان را هدايت لنم ما رابطه ها الشف كنند

فقاليت

های داخلی آن چندضلعی نامیده میشد درون یک چندضلعی قرار دارند، زاویه های داخلی آن چندضلعی نامیده می شوند. مجموع زاویه های داخلی یک مثلث ۱۸۰ درجه است.

تعداد ضلعها	Y		۵	9
ه شکل				
تعداد مقلتها	1	¥	۴	7
مجموع زاويدهاي داخلي	\ × \	**	Y. × IA = ata	.1.× 11.0° =

جدول بالا نشان می دهد که مجموع زاویه های داخلی یک چهارضلعی با مجموع زاویه های داخلی دو تا مثلث برابر است؛ پس مجموع زاویه های داخلی هر چهارضلعی "۳۶۰ می شود.

الف) با کامل کردن جدول، مجموع زاویههای داخلی چندضلعیهای دیگر را به دست آورید.

ب) فکر می کنید مجموع زاویه های داخلی یک هفت ضلعی چند درجه است؟ ۹۰۰ = ۰ × ۱۸ ۵ کن یک هشت ضلعی چطور؟ جرا؟ ۰ ۰ ۸۰۰ = ۰ ۸۸ کون با مجریم زاویدهای داخلی ک^ی با مثلاث بیرانور ج)عبارت جبری زیر دا طوری کامل کنید گه نشان دهندهٔ مجموع زاویه های داخلی یک ۱۳ ضلعی باشند.

° ۱۸۰× (_ ۲ _ _ _ _) = مجموع زاویه های داخلی یک n ضلعی اکنون با کامل کردن جدول زیر اندازهٔ هر یک از زاویه های داخلی جندضلعی های منتظم را پیدا کنید.

تعداد ضلعها	مجموع زاويه هاي داخلي	اندازه هر زاویه
۲,	JV*	\frac{1∧^*}{\pi} = \partial^*
*	45.°	44: 4= 40
۵	afo	2×0+2=10∧
9	170	<u>νγ·</u> = \ γ·*

یک عبارت جبری بنویسید که نشان دهندهٔ اندازهٔ هر یک از زاویه های یک n ضلعی منتظم باشد.

(n-r) x 1/ = اندازه هر راویری داخلی ا

کار در کلاس

۱_ مجموع زاویه های هریک از چندضلعی های زیر را محاسبه کنید.

الف) هفت ضلعي منتظم مه و = م ۱۸× ۵ ب) دوازده ضلعي منتظم مه ا = م ۱۸× ۱۵

۲_ په کمک جواب قسمت (ب) سؤال قبل، اندازهٔ هر یک از زاویه های دوازده ضلعی منتظم را حساب کنید.

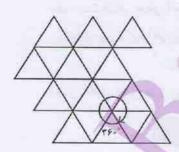


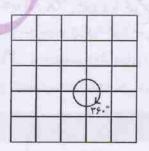
۳_سطح روبه رو با دو نوع کاشی منتظم کاشی کاری شده است.
 اندازهٔ زاویه های هر دو نوع کاشی را محاسبه کنید.

149 = 149

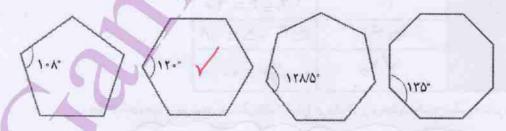
Pe 671 con

۴_ کاشی هایی به شکل چندضلعی های منتظم داریم و میخواهیم سطحی را فقط با یک نوع از آنها کاشی کاری کنیم. شکل های زیر نشان می دهند که با سه ضلعی و چهارضلعی منتظم (یعنی مثلث متساوی الاضلاع و مربع) می توان کاشی گاری کرد.





یک نوع کاشی منتظم دیگر پیدا کنید که با آن بتوان کاشی کاری کرد.



440-40= 4 , 440- 90= 5 , 440-170= to

نلته:) آلر زاویر n صلعی منتظم ملی ارتشا رنده های ه ۴۹ ماشد می آوانیم ازآن در کانشی کاری استفاده کنیم از سنم و۴ و۴ صلعی منتظم می آوان در کانشی کاری وسط مدنوع کاشی، استفاده کرد

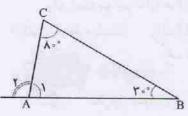
ا 📶 ۱_ اندازهٔ هر یک از زاویه های یک بیست ضلعی منتظم را پیدا کنید. (YOUT) XHA. ۲_ در کاشی کاری روبهرو تنها یک نوع کاشی به کار رفته است. الف) این کاشی چه نوع چهارضلعیای است؟ لورک بِ) اندازهٔ هریک از زاویه های آن چقدر است؟ مهر ۱۲۰ ٣_شكل روبه رو قسمتي از يك بشقاب قديمي است. حدس مى زنيد اين بشقاب چندضلعي بوده است؟ جرا؟ ۴_ به کاشی کاری زیر توجه کنید. این کاشی کاری با سه نوع کاشی مختلف انجام شده است. شکل سمت راست قسمتی از این طرح را به صورت بزرگ تر نمایش داده است. اندازهٔ زاویه های مشخص شده را به دست آورید. 🖎 ⇒ BD کو طر 🤝 ABCD سرمع درموج عصرها نم ساز زاوبیها نیرای بانشنا y = 90 ۵_مجموع زاویه های داخلی هر شکل را به دست آورید و با هم مقایسه کنید. > EC= EF => C,= F= €0 => 4=90 YXIN = = 440 Cul 5 80 => 0,= KD => F,= 80 BDILEF, TOOC) => DI=F. 63=15 <= > 5 = Ed

🔵 🧶 زاویه های خارجی البالك فقاليت AB از متلك سمت جپ، زاوية خارجي رأس A از متلث ABC از امتداد يافتن ضلع تشکیل شده است. در شکل سمت راست، زاویهٔ خارجی رأس A از امتداد یافتن ضلع AC تشکیل شده است. چرا این دو زاویه مساوی اند؟ هر «و معلی زلوم ی A می بایشند Ar=110-40=120 A = 1 = 1 = 1 Fo زاویهای که در هر رأس یک چند ضلعی محدب، بین یک ضلع و امتداد ضلع دیگر تشکیل مىشود، زاوية خارجي أن رأس ناميده مىشود. کار در کلاس الے الف) مانند نمونه. در هر یک از مثلثهای زیر زاویهٔ خارجی هر سه رأس را رسم کنید و اندازهٔ هر كدام را بنويسيد. ب) مجموع زاویه های خارجی هریک از مثلث ها را پیدا کنید. جه رابطه ای میان آنها دیده می شود؟ درا بر م^۳4 (سه^ی ۲_ جندضلعی های زیر منتظم اند. اندازهٔ زاویه های خواسته شده را پیدا کنید. ٣_ با توجه به شكل، اندازهٔ زاویهٔ خواسته شده را پیدا كنید.



ا استقال

🐨 هدی برای یافتن زاویهٔ خارجی یکی از رأسهای مثلث به ترتیب زیر عمل کرد. راه حل



او را کامل کنید. ۸۰۰ ا

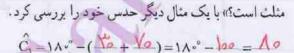
$$\hat{A_1} = 1 \wedge e^{\circ} - (\Upsilon^{e^{\circ}} + \wedge e^{\circ}) = 1 \wedge e^{\circ} - 1 \wedge e^{\circ} = V e^{\circ}$$

$$A_{\mathbf{v}} = |\mathbf{A} \cdot \mathbf{o}| - |\mathbf{v} \cdot \mathbf{o}| = |\mathbf{v} \cdot \mathbf{o}|$$

$$A_{\mathbf{v}} = |\mathbf{A} \cdot \mathbf{o}| - |\mathbf{v} \cdot \mathbf{o}| = |\mathbf{v} \cdot \mathbf{o}|$$

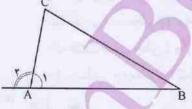
$$\hat{B_1} = 1 \wedge e^\circ - (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) = 1 \wedge e^\circ - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

او رابطهٔ جالبی را مشاهده کرد. آیا می توانید حدس بزنید چه رابطه ای؟ کرانی هدی با خودش فکر کرد: «آیا هر زاویهٔ خارجی مثلث برابر با مجموع دو زاویهٔ داخلی دیگر آن



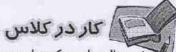


این آزمایش نیز حدس او را تأیید کرد. آیا حدس زدن و آزمایش کردن کافی است؟ چرا؟ خیر و کور همالتها را یکی از دوستان هدی راه حل او را به صورت کلی و بدون در نظر گرفتن مثال نوشت تا به این در پر دنی گیرد ترتیب درستی حدس او را اثبات کند.



$$\begin{vmatrix} \hat{A_{\gamma}} + \hat{A_{\gamma}} = 1 \hat{A} \cdot \hat{\circ} \\ \hat{A_{\gamma}} + \hat{B} + \hat{C} = 1 \hat{A} \cdot \hat{\circ} \end{vmatrix} \Rightarrow \hat{A_{\gamma}} = \hat{B} + \hat{C}$$

بنابراین در هر مثلث، اندازه هر زاویه خارجی برابر با مجموع دو زاویه داخلی غیرمجاور آن است.



الم مثالي بياوريد كه نشان دهد جمله زير نادرست است.

«هر زاویه خارجی یک چهارضلعی، برابر مجموع سه زاویه داخلی دیگر آن است.»



۲ اندازهٔ دو زاویهٔ یک مثلت را میدانیم، س می توانیم اندازهٔ زاویهٔ سوم آن را پیدا کنیم. (چگونه؟) مجموع آل دو را از ۱۸۰ کم می کشیم

برای اینکه بتوانیم اندازهٔ همهٔ زاویه های هر یک از شکل های زیر را پیدا کنیم، دست کم چندتا از آنها باید معلوم باشند؟ رالف) لوزی ب)چهارضلعی با ضلعهای نامساوی سم راوم

منطر اول جدول زیر نشان می دهد که مجموع زاویه های خارجی یک مثلث برابر ° ۳۶۰ است.

تعداد ضلعها	شکل	مجموع زاویدهای داخلی	مجموع زاویدهای داخلی و خارجی	مجموع زاویدهای خارجی
. *	70	1 × 1Å*	T × 1/1°	* \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
*	V	1 × 1 Å ° °	*×14.*	7 × 1 % = 4 %
٥	片	14×140°	<u>⇔</u> × ۱۸۰°	Y × 110° = 740
۶	X	* × 14 .	4 × 1A.	Y× 11= = 140

الف) جدول را کامل کنید و مجموع زاویه های خارجی شکل های بعدی را بهدست آورید. ب) فکر می کنید مجموع زاویه های خارجی یک هفت ضلعی چند درجه است؟ ۴۰% یک هشت ضلعی جطور؟ ۴۰%

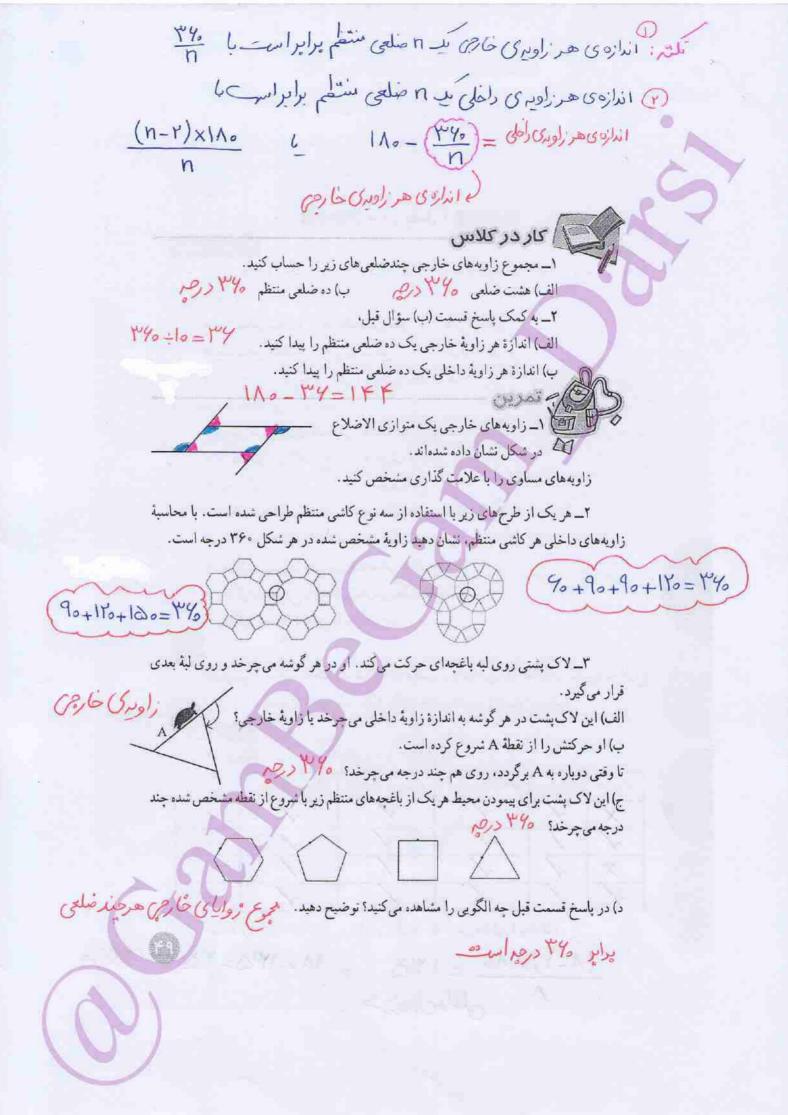
ج) نوشتهٔ زیر چه مطلبی را نشان می دهد؟ توضیح دهید. مجرع زاری های کارس هر مید مبلعی

 $n \times 1$ = مجموع زاویههای داخلی و خارجی $n \times 1$ ضلعی منابع

00 ml Rs 440

مجموع زاویه های داخلی n ضلعی $(n-1) \times 1 \wedge n = n \times 1 \wedge n - 1 \wedge n - 1 \wedge n$ ضلعی

° ۱۸۰ سامی خارجی ۱۸۰ سامی خارجی ۱۸۰ سامی خارجی تا ضلعی منابعی تارجی تا ضلعی



● ● مرور فصل ۳ ● ●

مفاهیم ر مهارتها

در این فصل وازدهای زیر به کار رفداند. مطعئن شوید که می توانید با جمله های خود. آنها را توصيف كثيد و براي هر كدام مثالي يزنيد.

• حندضلعي محدّب • حندضلعي مقعر • مركز تقارن

 حندضلعی منتظم
 زاویهٔ داخلی وزاوية خارجي

در این فصل، روسهای اصلی زیر مطرح شدهاند. هر کدام را با یک مثال توضیح دهید و در دفتر خود خلاصة درس را بنويسيد.

· بررسی مرکز تقارن یک شکل · پیدا کردن زاویه های مساوی در خطهای موازی و مورب

• تعريف متوازى الاضلاع • تعريف مستطيل

• تعریف مربع

• تعریف لوزي

• رابطهٔ چهارضلعیها • خاصیتهای چهارضلعیها

- پیداکردن مجموع زاویه های داخلی یک چندضلعی
 - پیداکردن زاویهٔ داخلی یک چندضلعی منتظم
- پیدا کردن مجموع زاویه های خارجی یک چندضلعی
 - بيداكردن زاوية خارجي يك رأس مثلت

این درس به شما در درک بهتر شکل های هندسی و رابطهٔ بین آنها کمک می کند. ما در انواع صنایع دستی و آثار معماری کشور خود شکلهای مختلف هندسی را می توانیم ببینیم.

تمرین های ترکیبی

۱_ هر خانهٔ جدول زیر را با علامت × یا ٧ كامل كنید.

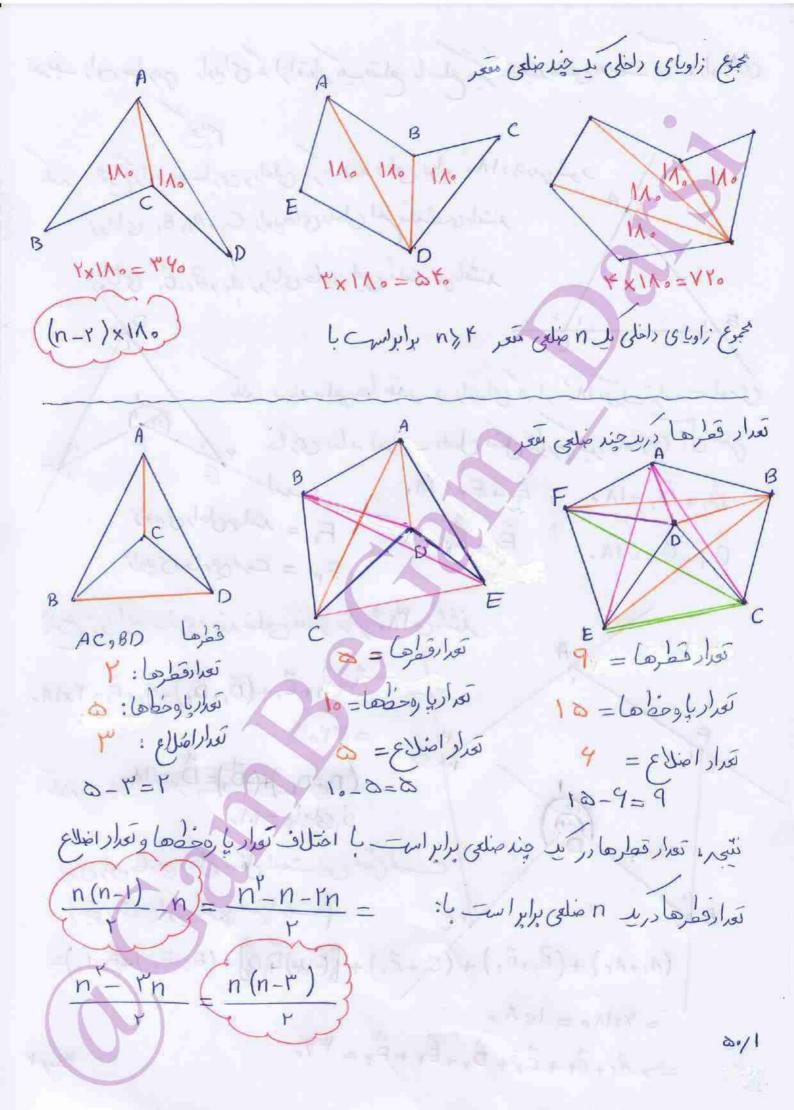
قطرها برابر	قطرها منضف	زاویدهای رویدرو برابر	ضلعهای روبدرو موازی	ضلعهای روپدرو برابر	
X	/	Y	y	V	منوازيالاضلاع
/	~	/ /	1	/	مستطيل
X	1	/	/	-	لوزى
/	1	/	/	/	25

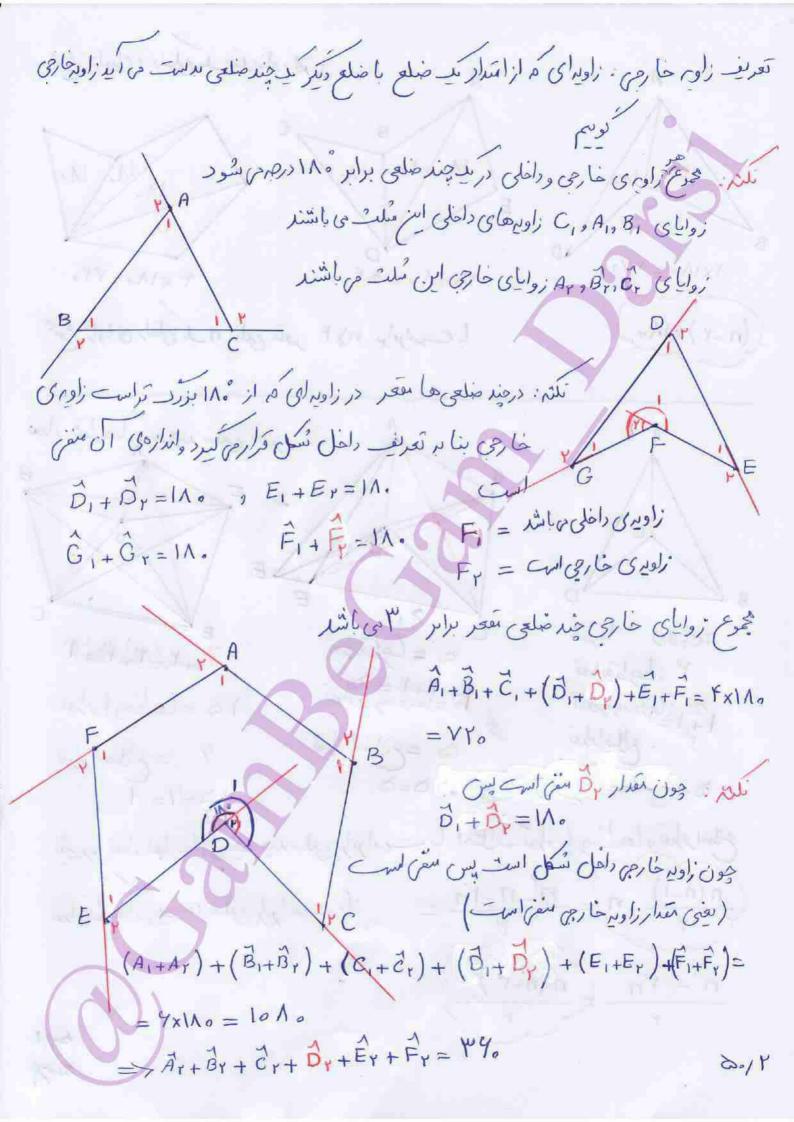
۲ اندازهٔ زاویه های داخلی و خارجی یک هشت ضلعی منتظم را پیدا کنید.

(1-1)x110 = 149

acidenal of BY= BYI-ONI

هرزاویری داغلی





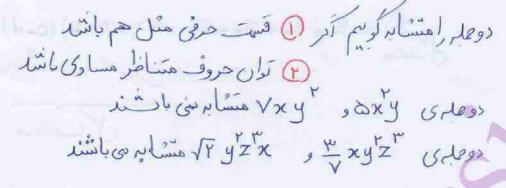


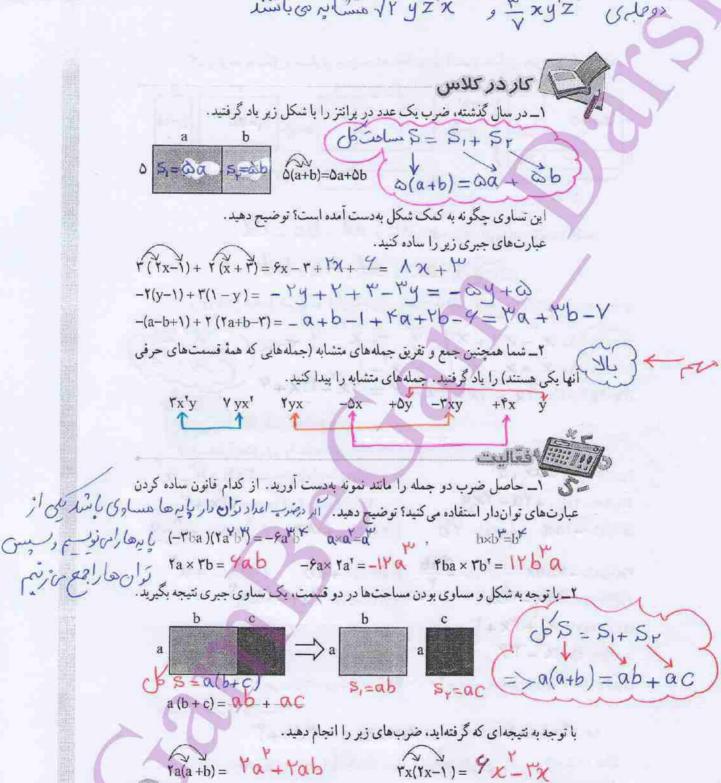
جبر و معادله

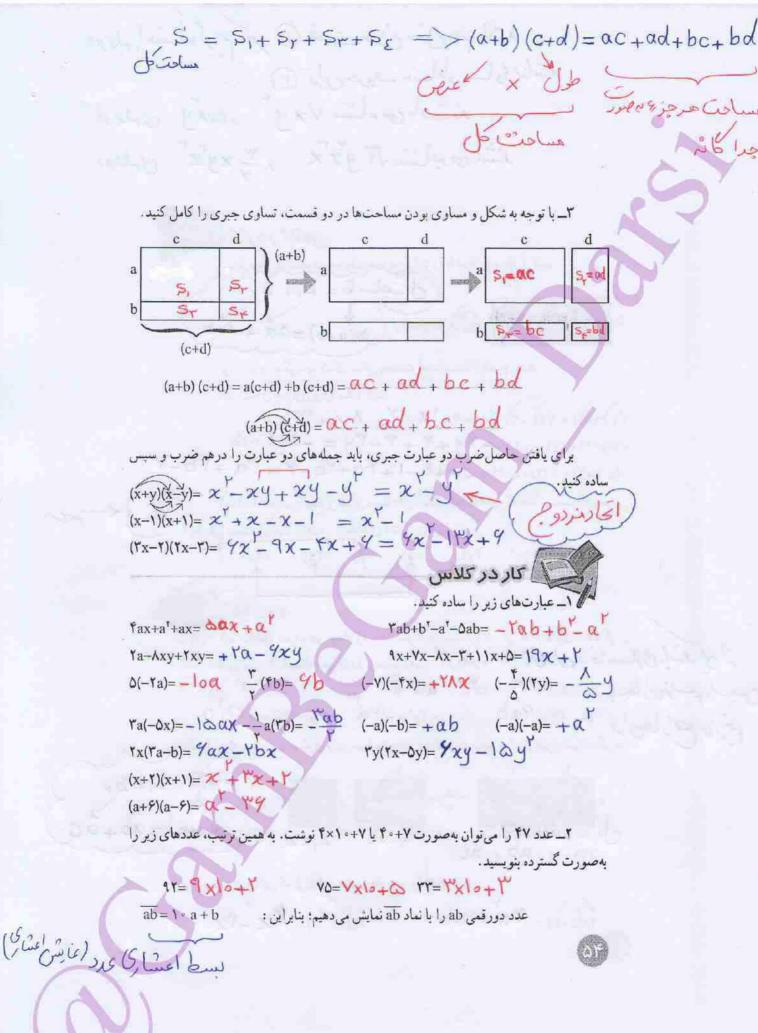


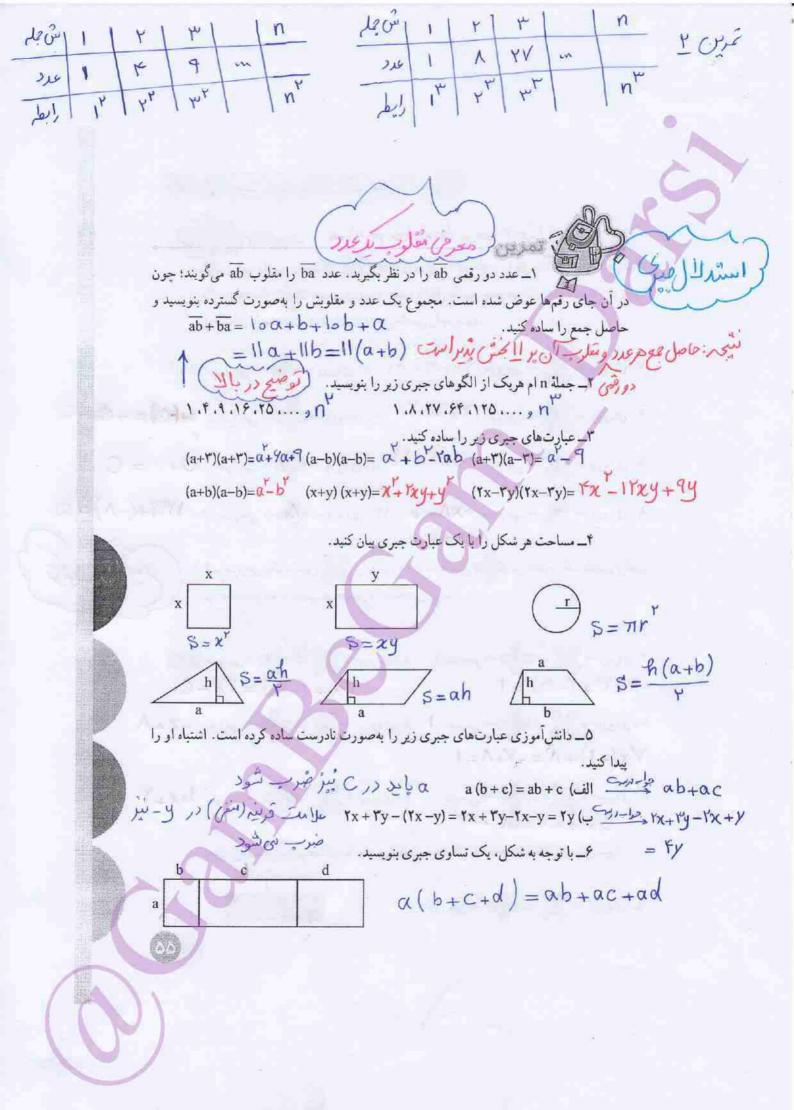
اگر دو کفهٔ یک ترازو روبه روی هم قرار گیرند، می گویند ترازو در حال تعادل است. اگر از یک کفهٔ ترازو چیزی را برداریم یا به آن چیزی اضافه کنیم، همین کار را باید در کفهٔ دیگر نیز انجام دهیم تا جبران شود و ترازو در حالت تعادل بماند. کلمهٔ جبر هم خانوادهٔ جبران نیز هست و معادله به معنی برقرار ماندن تعادل در دو طرف تساوی است.











🔵 🌑 پیدا کردن مقدار یک عبارت جبری

ورا المام معاهم معارلهم و معاهم لا يع

ار ماشین عددساز عدد ورودی را در عدد داخل ماشین ضرب می کند. ماشین عددساز و عدد ورودی را با عدد داخل ماشین جمع می کند. مانند نمونه، خروجی هر ماشین را مشخص کنید یا عدد داخل ماشین را بنویسید.

 $\forall a: (-\pi) = -1$ $\rightarrow (-\pi) = -1$

 $\Lambda x o = 0$

۲_ خروجی بک ماشین را به ورودی یک ماشین است میبندیم و یک ماشین ترکیبی

میسازیم. مانند نمونه، خروجی هر ماشین را مشخص کنید.

 $\forall x(-1)+\Lambda = -V+\Lambda = 1$

به این ترتیب، می توانیم عملکرد هر ماشین ترکیبی را به شکل خلاصه، مانند مثال زیر، بنویسیم : عملکرد ماشین ترکیبی

x:خروجی $\rightarrow \quad Y \implies \qquad \Rightarrow \quad x:$

کار در کلاس

۱_عدد x به ماشینهای زیر وارد و عدد y از آنها خارج می شود. با توجه به کاری که

این ماشین ها انجام می دهند، عددهای خروجی را بنویسید. √_ = 1-(۲-۲) ۲x

$$-r \longrightarrow [r_{X-1}] \longrightarrow -V$$

$$Y \longrightarrow -YX+1 \longrightarrow -YXY+1 = -X+1=-Y$$

$$\circ \longrightarrow \frac{1}{1}x+1 \longrightarrow \frac{1}{1}\times \circ +1 = 1 \qquad \qquad \frac{1}{1}\times \circ +1 = 1$$

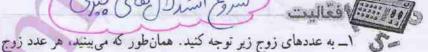
$$rac{r}{v} \longrightarrow \overline{-vx+r} \longrightarrow -vx \stackrel{\underline{\ell}}{\sim} +r = -r + r = -r$$

۲_ با توجه به جدول های زیر و رابطهٔ x و y، جاهای خالی جدول ها را بر کنید:

y=\x+1

۳_ با توجه به عددهای ورودی و خروجی، در هر ردیف کاری را که ماشین انجام مىدهد حدس بزنيد.

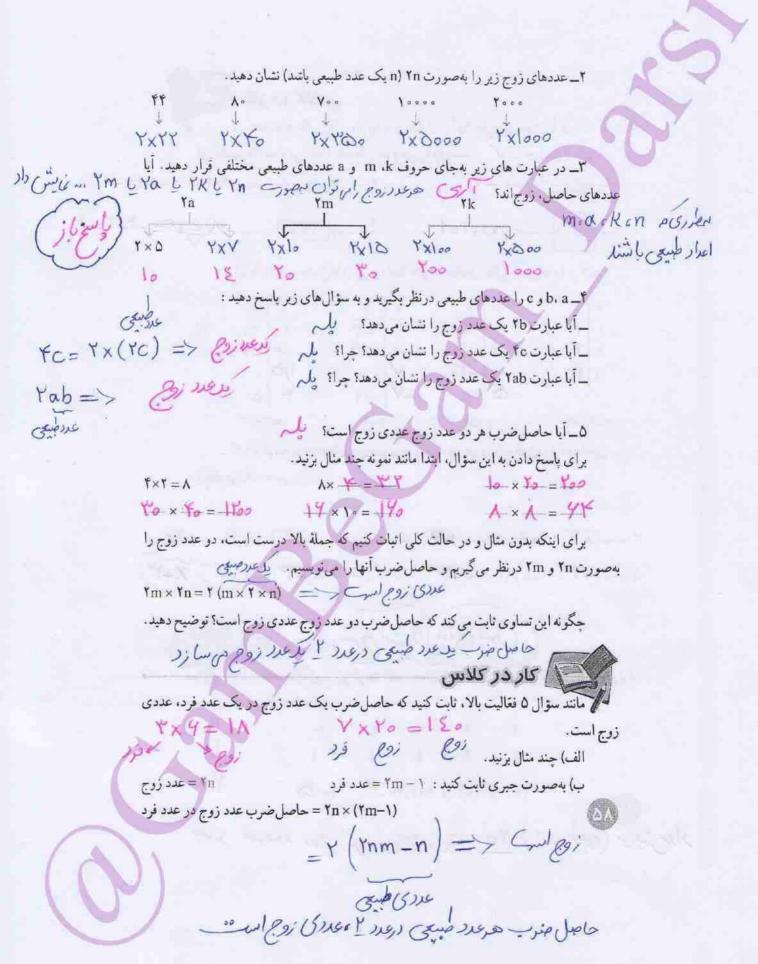
سروع استدل های صری

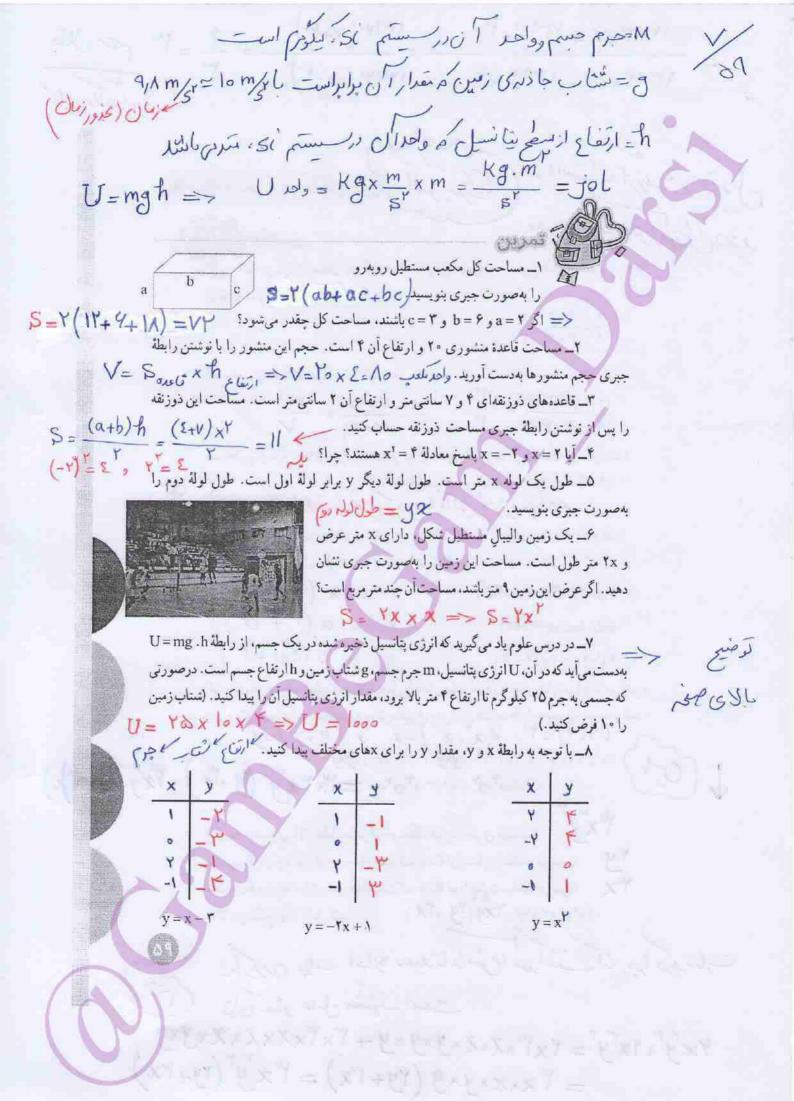


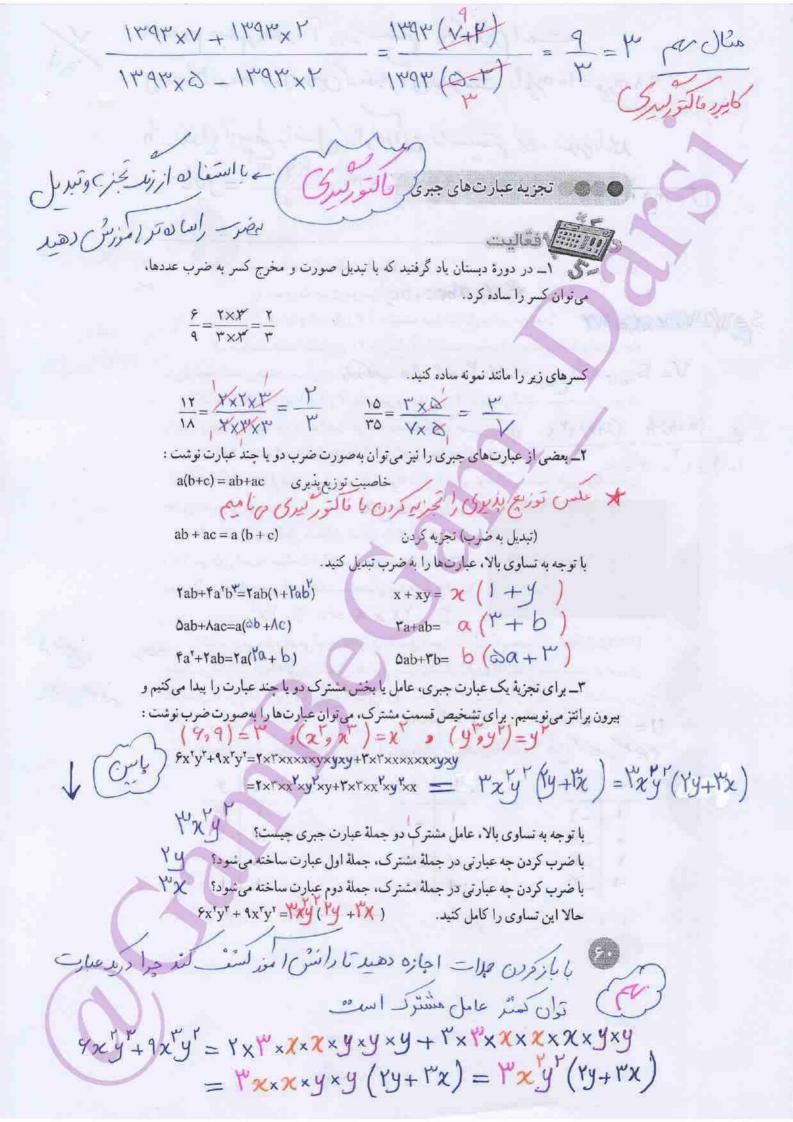
🗲 📜 به عددهای زوج زیر توجه کنید. همانطور که میبینید، هر عدد زوج را میتوان به صورت x × n نشان داد.

1×1 , 1×1 , 1×1,1× + 1× >

نیجم: هرعدد زوج رای توان مصری ۲n (اعددطبعی) کا





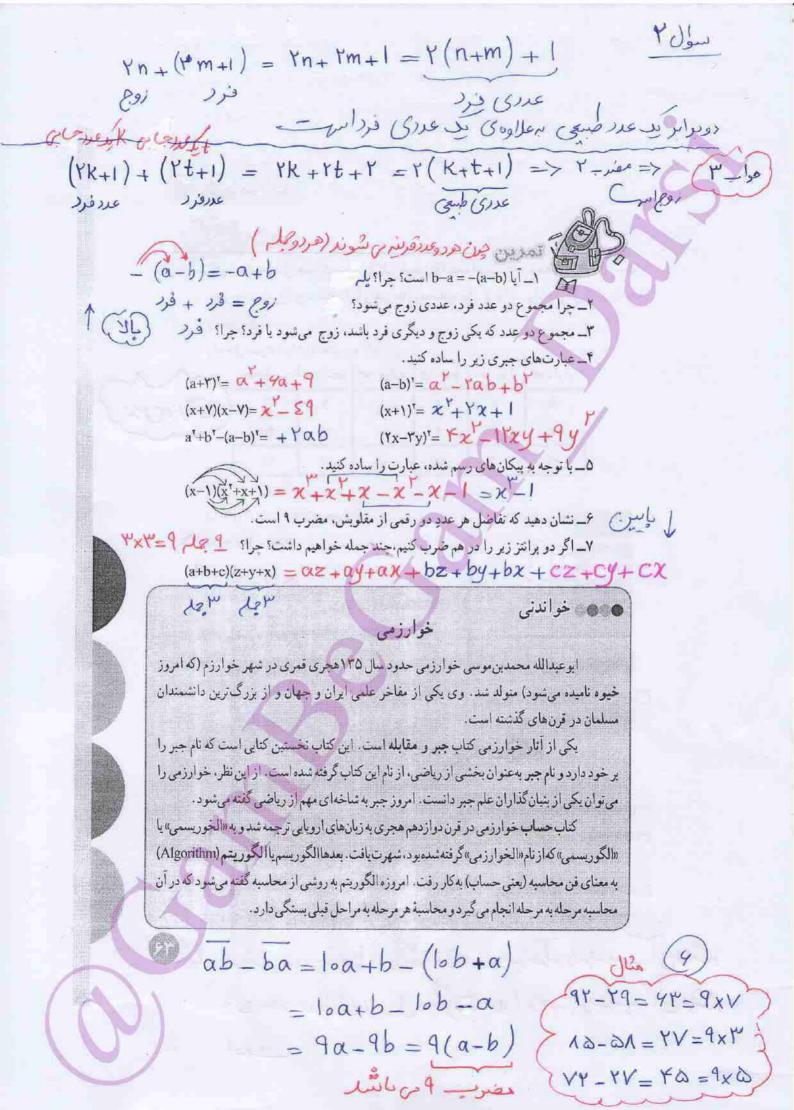


```
ab + ac = ab + ac = a(b+c) , ab -ac = ab-ac = a(b-c)
Dab+ Tabe = Dab+ Tabe = ab (a+Te)
 4ab+ rar = rxrab+raa = ra (rb+a)
  F274+4xy= Tx 12xy+ 4x1xyy=1xy (1x+14)
 \Lambda x y^{T} - \Sigma x y^{T} = \mathbf{F}_{x} \mathbf{F}
                                           ab+ac= a (b+c)
                                                                                                                                               ab-ac= a (b-c)
                                           Dab+rabc= ab (a+rc) sab+rar= ra (rb+a)
                                           4x4y+8xy= 4xy(12+4y)
                                                                                                                                          1x xy - xy = xxy ( xxy - 1)
                                                                ۵ ابتدا صورت و مخرج كسر را به ضرب دو عبارت تجزیه و سپس آن را ساده كنيد.
                                           \frac{ab+ac}{ab-ac} = \frac{\alpha(b+c)}{\alpha(b-c)} (a \neq 0, b \neq 0)
                                                                                                                                                               \frac{a^{t}-a}{ab-b} = \frac{\alpha(\alpha-t)}{b(\alpha-t)} = \frac{a}{b}(a\neq 1, b\neq a)
                                                                                                                                                                              کار در کلاس
                                                                                    توصیحات باسر)
                                                                                                                                                           ۱_عبارتهای زیر را به ضرب تبدیل کنید
                                                                                                                                                                     Prxy -rox y= Vxy (4y- ax)
                                                         xxx -yxx = Y (x-y)
                                                         1xx1x-1xx1= 1x(1-1)
                                                                                                                                                                      -a'+ra"= a" (-1 +ra)

 ۲- با تبدیل به ضرب، صورت و مخرج کسر را ساده کنید. (* a b , ab + )

                                                                                                ab (a-b)
                                                                                                                  ۳_ آیا تساوی (a+b) = -a-b = مواره برقرار است؟ ملس
                                                                                                                               ۴_ چرا مجموع دو عدد زوج، عددي زوج ميشود؟
                                                                             ۲۱: عدد زوج
                                                                                                                                                                                ۲m : عدد زوج دیگر
                                                                             زوج المر : Yn+Ym = Y (n+m) => دو عدد زوج
                                            خوارزمی در کتاب جبر و مقابلهٔ خود برای عددهای علامت دار اصطلاحاتی به کار برده است. برای مثال
                                            ۵- را «پنج ناقص» و ۵+ را «پنج زاید» خوانده است. با اینکه در زمان خوارزمی کاربرد حروف متداول
                                                  نبوده است، او در حل معادله های جبری، مجهول را «شبئی» و مجذور مجهول را «مال» نامیده است.
                                                                                                                                                                                                                                                                                     سؤال ل
                                                \chi \times Y - Y \times Y = Y (\chi - Y)
                         Frxy - Maxy = 4x Vxxxyxy - axVxxxx = Vxy (4y - ax)
                            YXYYXYZ = YXYYZ = YX(YYZ)
                                a+ra=(-1)xa+raxa=a(-1+ra)
```

(a+b) = a b + ra b + ra b + ra b + ab (a+b) = ab+ ab+ loab+ ab+ ab (a+b) = ab+ 4ab+ 1&ab+ 10ab+ 10ab+ 9ab+ ab ا تفاوت x و xx جیست؟ در x مر x مرب دی سود ونی در xx مقدار x دوبوانون سود $x' = X \times X$ YX= YXX ۲_ مانند نمونه، طرف دیگر تساوی ها را بنویسید. $(-\Delta)^r = -\Delta \times (-\Delta)$ $a^r = \alpha \times \alpha$ "="×" $\Box^{\mathbf{r}} = \Box \times \Box$ $\triangle^{\vee} = \triangle \times \triangle$ $(a+b)^{\uparrow} = (a+b) \times (a+b)$ ۳ جدول زیر را برای مقدارهای مختلف a و b کامل کنید. Y= E Y= Y (-4)= 4 4= 44 (-4)= 4 1+1=1 x+0=6 0+9=9 8+14=10 1+x=0 (a+b) + 0 + 5 کیرید؟ (d+b) خرا می گیرید؟ (d+b) از مقایسة دو ردیف آخر، چه نتیجهای می گیرید؟ ۴_ مانند نمو نه، عبارتها را ساده کنید. $(a+b)^{r} = (a+b)(a+b) = a^{r} + ab + ab + b^{r} = a^{r} + Yab + b^{r}$ $(x-y)^{r} = (x-y)(x-y) = x^{r} - Yxy + y^{r}$ $(1+1)^{1} = \xi x^{2} + \xi x + 1$ کار در کلاس ۱_مانند نمونه، تساوىها را كامل كنيد. $-x^{\dagger} = -\lambda \times \chi$ $(-x)^{\dagger} = (-\lambda) \times (-\lambda)$ $(a-b)^{r} = (a-b)(a-b)(a-b)(a+b)^{r} = (a+b)(a+b)(a+b)(a+b)(x+1)^{r} = (x+1)(x+1)$ ۲_ چرا ba = ab است؟ (از کدام خاصیت ضرب استفاده می شود؟) حامجا مر (تحواض بدر را) ٣ عبارت زير را ساده كنيد. $-(a+b)^{r} = -(a+b)(a+b) = -a^{r} - tab - b^{r}$ آیا منفی به توان ۲ میرسد؟ صُعر چرا؟ میرای کواری مال (ط+م) اسی و علامت سفى بهرول منى رسا $(a+b) = a^{2} + 7a^{2}b + 7ab^{2} + b^{2}$



معادله

ا_ حاصل جمع پنج عدد متوالي طبيعي ٤٥ شده است. عدد وسط چه عددي است؟ چهار دانش آموز این مسئله را با راهبردهای مختلف حل کردهاند. راه حل هر کدام را کامل كنيد و توضيح دهيد.

راه حل سميه: راهبرد حدس و آزمايش

	عدد اول	عدد دوم	عدد سوم	عدد چهارم		حاصلجمع
7	۵	1 5	٧	٨	٩	10
	γ	۸.	1	1.	11	40
	11	١٢	۱۳	14	10	90

راهحل فريده : راهبرد رسم شكل

9Q-10=00

درس وبرزي

00-0=11

80→0□+10=80

راه حل فهیمه : راهبرد روشهای نمادین

O+(O+1)+(O+7)+(O+7)+(O+7)=90

00+10=90

عدد وسطى را در تساوي بالا مشخص كنيد.

a ()=90-10=00 => ()=00+0=11

راهحل مهدیه: راهبرد تشکیل معادله

x+(x+1)+(x+7)+(x+7)+(x+7)=90

11=1) <= 60= 01-69= x & <= 69=++x6

راهحل فرشته: راهبرد تشكيل معادله

(x-Y) + (x-1) + x + (x+1) + (x+Y) = 90

تفاوت راه حل های فرشته و مهدیه را توضیح دهید.

ورشته عدد وسطی را محمول قرفته (۲) و بشیم اعدار را مرصه ولی معد عدد اول اعدول در نظر فقه (x) ولفته را برفسه

٢ ـ مهديه با توجه به آنجه سال گذشته آموخته بود، معادلهٔ خود را به صورت زير حل كرد :

$$|\nabla x+1\circ = 80|$$

$$|\nabla x+1\circ = 80$$

معلم راه حل مهدیه را بهصورت زیر خلاصه کرد. توضیح دهید در این روش معنی پیکانها

چیست؟

$$0x=00 \rightarrow x = \frac{00}{100} = 11$$

٣ با توجه به سؤال بالا، روش حل معادله را توضيح دهيد. سپس معادله هاي ديگر را به همين

ترتيب حل كنيد.

$$7x-7=x+0 \qquad 7x-1=x-7$$

$$\Rightarrow 7x-x=0+7 \qquad \Rightarrow 7x - x = -7$$

$$\Rightarrow x=1$$

$$\Rightarrow x=1$$

$$\Rightarrow x=2$$

$$Y(x-1)=Y(x+1)$$
 $Y(x-1)=Y(x+1)$
 $Y(x-1)=Y(x+$

معادله های زیر را حل کنید.

$$\begin{array}{c} \Delta(x-Y) = \lambda & x+Y=19 & fx \\ \Rightarrow \Delta x - 10 = \lambda & x=19-Y \\ \Rightarrow \Delta x = 1\lambda \Rightarrow \chi = 19 & \chi = 19 \\ \hline 1-Yx = -(x-1)+Y & Y(x-1)=Y(1-x) & fx \\ \Rightarrow 1-Yx = -\chi + 1+Y & \Rightarrow Yx-Y=Y-Yx \\ \Rightarrow -Yx+\chi = Y-1 & \Rightarrow Yx+Yx=Y+Y \\ \Rightarrow -\chi = Y & \Rightarrow \Delta x = \Delta \\ = -\chi = Y & \Rightarrow \Delta x = \Delta \\ = -\chi = Y & \Rightarrow \chi = 1 \\ \hline \end{array}$$

$$f_{x-r=r_{x-1+0x}} \Rightarrow f_{x-r=r_{x-1+0x}} \Rightarrow f_{x-r=r_{x-1+0x}} \Rightarrow f_{x-r_{x-r_{x-1}}} \Rightarrow f_{x-r_{x-1}} \Rightarrow f_{x-r_{x-1$$

🔧 🔭 معادلة زير را دو دانش أموز حل كردهاند. راه حل آنها را توضيح دهيد. ويژگي هاي هركدام از روشها را بگوييد و در كلاس با يكديگر در اين باره گفتوگو كنيد.

راه حل يگانه

 $\frac{1}{r}x - \frac{1}{r} = \frac{\Delta}{c}$

$$\frac{1}{\gamma} x - \frac{1}{\gamma} = \frac{\delta}{\beta}$$

$$8 \times (\frac{1}{\gamma} x - \frac{1}{\gamma}) = 9 \times \frac{\delta}{\delta}$$

$$\frac{1}{x}x = \frac{V}{c}$$

$$9 \times \frac{1}{7} \times -9 \times \frac{1}{7} = 9 \times \frac{0}{9}$$

 $9 \times \frac{1}{7} \times -9 \times \frac{1}{7} = 9 \times \frac{0}{5}$ (b) $\frac{1}{7} \times \frac{1}{7} \times -9 \times \frac{1}{7} = 9 \times \frac{0}{7}$

x= 17 = 14 دوطرف راس لي من مره

به دوطرف عواصراصا فرم ده ۲x=۷

$$x = \frac{V}{v}$$

٤ = (٢,٣,٤) چرا يكتا عدد ۶ را براى ضرب كردن انتخاب كرده است؟ كرمك كرين مقرب مدنترك اين سمور است

۲ دو دانش آموز کسر ** را به صورت زیر در ۶ ضرب کرده اند. کدام یک اشتباه کرده است؟ اشتباه او را توضیح دهید. علامت سنت در میست حظ کسری هست کل صورت

۶×(-<u>x+۳</u>)=-۳x-9

$$9 \times (-\frac{x+7}{7}) = -7x+9$$



کار در کلاس

معادلههای زیر را حل کنید.

 $\frac{\pi}{\Delta}x - \frac{1}{v} = \frac{\pi}{v} \xrightarrow{x \uparrow 2} 17x = 10 = 10 = 10 = 17x = 10$

$$=$$
 $x = \frac{y\Delta}{1}$

$$\frac{x+1}{r} = \frac{x+r}{r}$$

=> +x+ = +x+ <=



 $\frac{r}{r}x - \frac{1}{r} = \frac{1}{r} \xrightarrow{X} \frac{x}{y} + x - r = 1$ => x= x= x=1, $\frac{8}{\sqrt{2}}$ $\frac{8}{\sqrt{2}}$ $\frac{8}{\sqrt{2}}$ $\frac{8}{\sqrt{2}}$ - 11/x - To = Too

$$= \frac{-11}{110} \times = \frac{-110}{9}$$

γy-γ°

=> -4=-40

= (4=40)

-x = -V

x=V

14-10=44-10

🔵 🚷 مرور فصل ۴ 🌑 💮

مفاهيم وحهارتها

Max com Machine (14x) +x12 (14x)

KI = g = g T = g = d = x = g d .

National Contract of

ر این قصل واژدهای زیر به کار رفته آند مطمئن شوید که می توانید با جمله های خود. آنها را توصیف کنید و برای هر کدام ماللی نزید.

• تجزیه کردن (تبدیل به ضرب)

• جمله های متشابه • معادله

د در این فصل، روشهای اصلی زیر مطرح شدهاند، با یک مثال هر کدام را توضیح دهید و در دفتر خود خلاصهٔ درس را بنویسید.

- تبدیل عبارت جبري به عبارت کلامي و برعکس
- ساده کردن یک عبارت جبری با جمع جمله های متشابه
 - ضرب جمله در برانتز
 - پیدا کردن مقدار عددی بک عبارت
 - تبدیل یک عبارت به ضرب
- بیان رابطهٔ جبری برای الگوهای مساحت و محیط و...
 - ضرب جمله در جمله
 - ضرب برانتز در برانتز
 - حل معادله های کسری

كاربرد

موضوعهای این فصل علاوه بر کاربردهایی که در ریاضی دارد، به شیما در حل مسئله های روزمره نیز کمک می کند. شیما با تشکیل معادله و حل آن می توانید مسائل زیادی را حل کنید. به همین ترتیب، می توانید در سایر در سرها، مثل علوم، نیز از رابطه ها و معادله های جبری استفاده کنید.

تمرين تركيبي

۱_عبارت جبري زير را ساده كنيد.

(a+b)'-(a-b)'= a+b'+Yab-(a+b'-Yab)=Yab=fx(Y)x(-Y)=-14

مقدار عددی عبارت حاصل را به ازاء a=1 و b=-1 به دست آورید.

۲_معادله های زیر را حل کئید.

 $Y_{X-1} = Y(X-1) = Y_{X-1} = Y_{X-$

 \Rightarrow $\forall x - \forall x = 1 - \forall$

 $\Rightarrow -x = -Y$ $\Rightarrow x = Y$

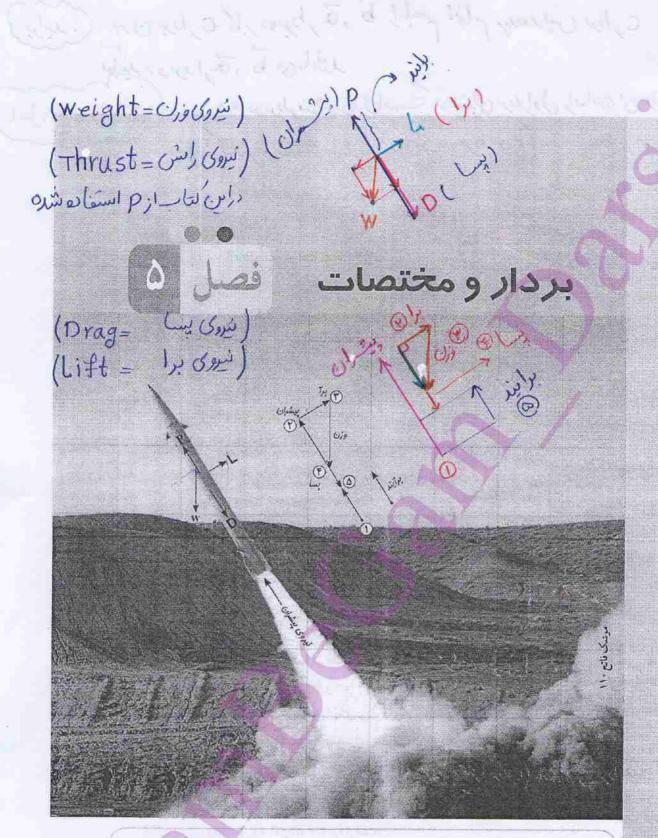
 $\frac{x-1}{y} - \frac{x+1}{y} = \frac{1}{y}$

 $= - \gamma_{x-} \gamma_{-} \gamma_{x-} \gamma_{=1}$

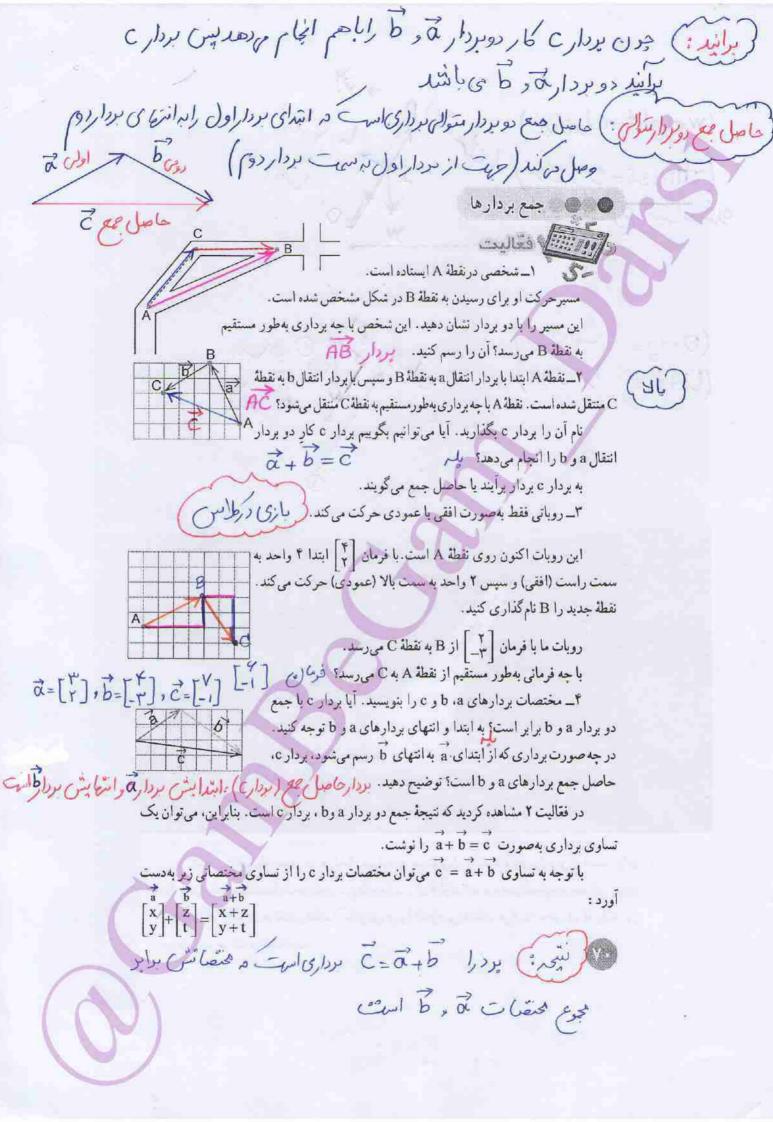
x-8=1

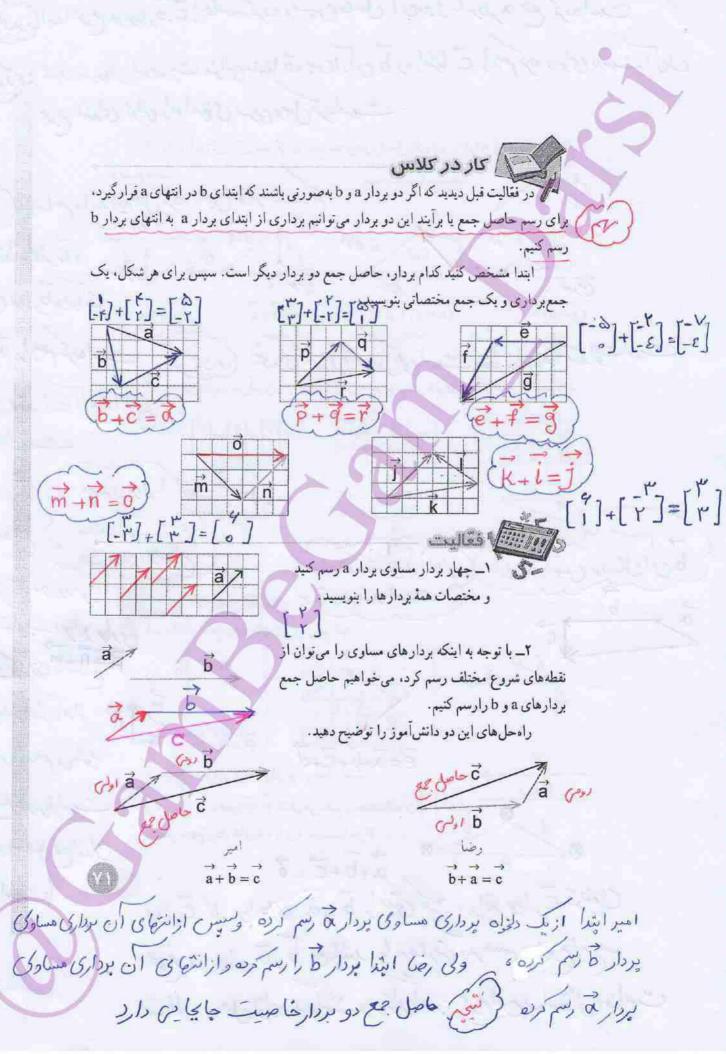
= (x=9)

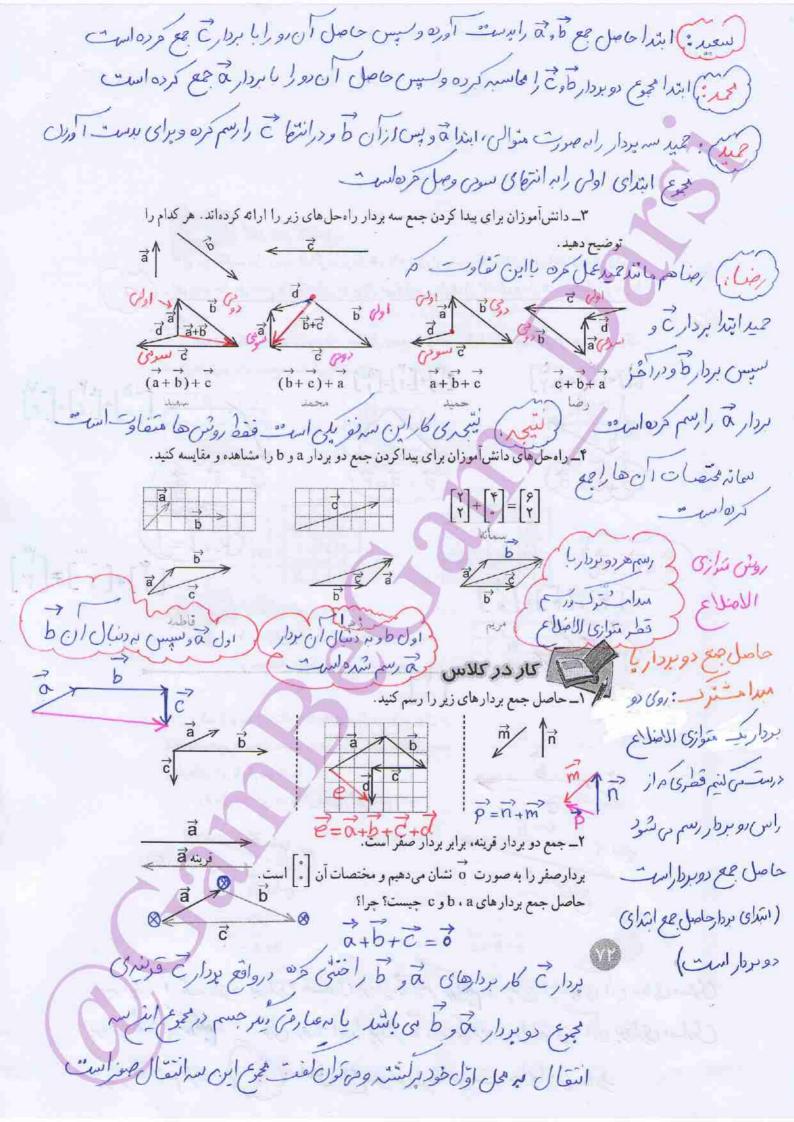


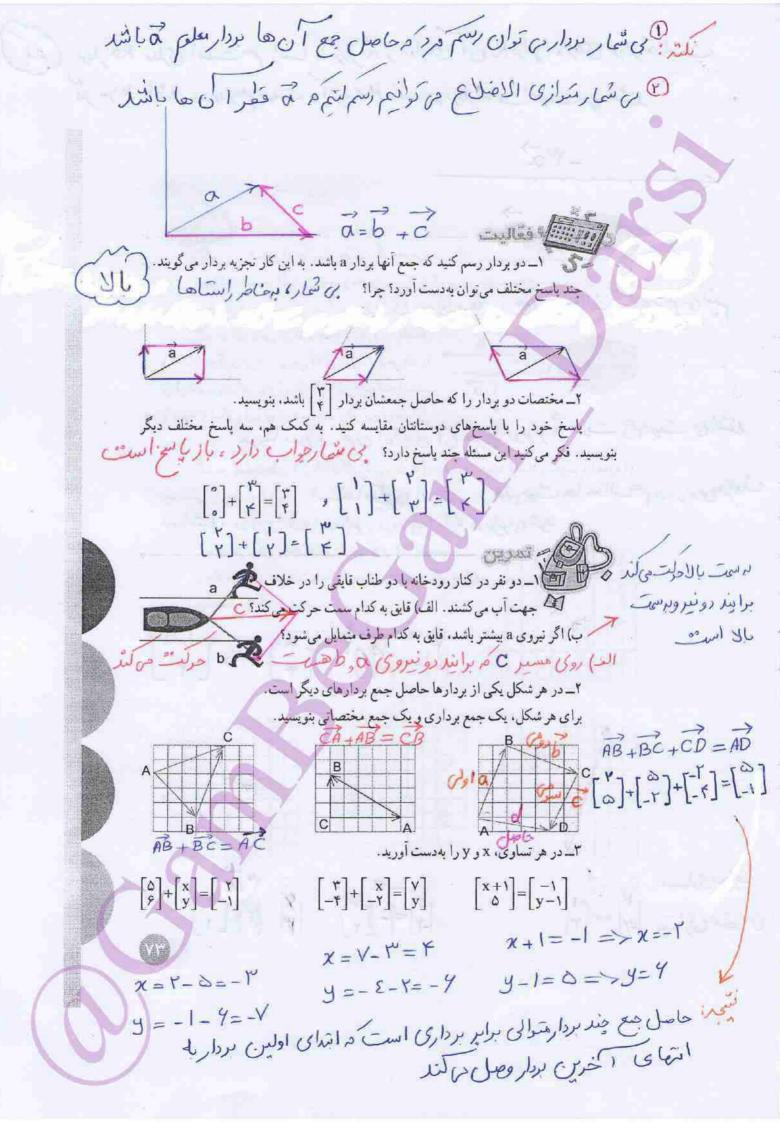


شتاب حرکت یک جسم در هر لحظه همواره در جهت بردار برآیند نیروهای وارد بر آن است. برای مثال وقتی یک موشک شلیک میشود، نیروهای وارد بر آن عبارتند از، نیروی وزن، نیروی بیشران، نیروی مقاوم هوا در راستای حرکت موشک (پسا) و نیروی برآ (عمود بر راستای حرکت)؛ به طوری که برآیند این نیروها باعث حرکت موشک است.









ناش بردار Ka برداری است هم راستا با بردار که و اندازه ی آن K برابر اندازه ی بردار که است الر ولا ماشد دوبردارهم جهت و آدره > K باشد دو بردار مخلف الجهت مي باشند

🔵 🔵 ضرب عدد در بردار



۱_ در اینجا بردار حرکت یک خودرو در جاده ___

رسم شده است. اگر این خودرو سه برابر مسافت کنونی در جهت مخالف حرکت کرده باشد. بردار حرکت جدید را رسم کنید. بر داری سه برابر ۵ و درجیت مفالف آل رسم می لیم

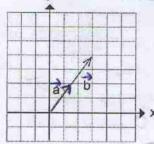
با توجّه به شکل، نیروی نفر دوم چند برابر نیروی نفر اول استا جراا تقریبا دوبرابر جون اندازه ی آن تقریبا دوبرابر ته هسات وهم جهت بیماشند

۳_ در فعالبتهای ۱ و ۲، هنگام رسم بردارهای جدید در مورد راستا و جهت و اندازهٔ آن، جه نکاتی را رعایت کردید؟ راستاها یکی است در اولی جوت ها مفالفهم و در دوسی همرایت

می باشند، دراولی اندازه سرسرام و دردومی انداره دوسرامرسی شود

۴ در هر شکل مختصات بردارهای a و b را بنویسید.

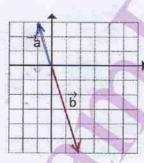
رابطهٔ دو بردار a و b را با یک تساوی برداری و یک تساوی

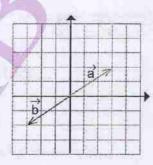


$$\overrightarrow{b} = Y \overrightarrow{a} \qquad \overrightarrow{a} = \overrightarrow{V} \overrightarrow{b}$$

$$= Y \times \begin{bmatrix} \overrightarrow{V} \overrightarrow{A} & \overrightarrow{V} \\ \overrightarrow{V} \end{bmatrix}$$

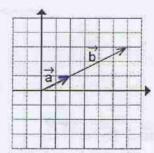
مختصاتی نشان دهید.
$$\vec{b} = \Upsilon \vec{a} \quad \vec{a} = \vec{b}$$





$$\vec{b} = -\alpha$$

$$\begin{bmatrix} \vec{r} \\ -\vec{r} \end{bmatrix} = -\begin{bmatrix} \vec{r} \\ \vec{r} \end{bmatrix}$$



$$\begin{bmatrix}
\overrightarrow{\phi} = & & \\
\overrightarrow{\phi} = & & \\
\end{bmatrix} = & & & \\
\begin{bmatrix}
\psi \\
\end{bmatrix} = & & & \\
\end{bmatrix} = & & & \\
\begin{bmatrix}
\psi \\
\end{bmatrix}$$





در ضرب یک عدد در بردار، آن عدد در طول و عرض بردار ضرب می شود. بنابراين، مي توانيم بنويسيم:

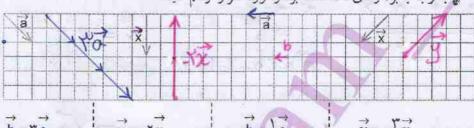
$$k \times \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} kx \\ ky \end{bmatrix}$$

 $\overrightarrow{b}=-\overrightarrow{a}$ یا $\overrightarrow{b}=(-1)\overrightarrow{a}$: یا $\overrightarrow{b}=(-1)$ یا $\overrightarrow{b}=-\overrightarrow{a}$ یا

$$\vec{a} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \overset{\rightarrow}{\rightarrow} \vec{b} = -\vec{a} = \begin{bmatrix} -x \\ -y \end{bmatrix}$$

کار در کلاس

توجه به بردارهای داده شده، بردار مورد نظر را رسم کنید.



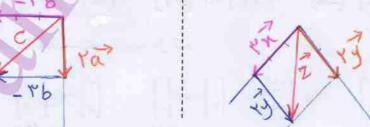
مر ا بردارهای a و b مفروض اند. بردار c = ۲a+ ۳b را رسم کنید

از نقطهٔ دلخواه O بردارهای ۲a و ۳b را رسم کنید. سیس بردار حاصل جمع را پیدا کنید.

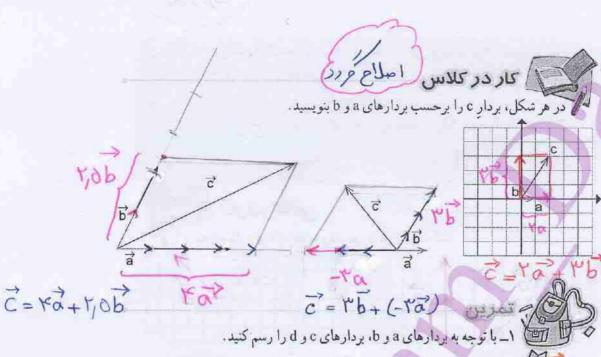
$$\overrightarrow{a}$$
 \overrightarrow{b} $\overrightarrow{c} = \overrightarrow{ra} - \overrightarrow{rb} = \overrightarrow{ra} + (-\overrightarrow{rb})$

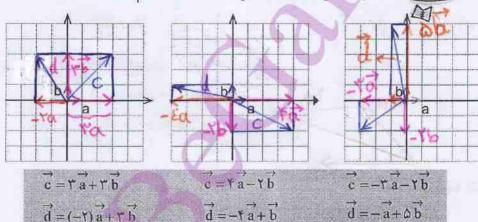
۲ ـ بردار های خواسته شده را رسم کنید.

$$\stackrel{\vec{x}}{\not} \qquad \stackrel{\vec{y}}{\vec{z}} = \stackrel{\rightarrow}{\vec{x}} + \stackrel{\rightarrow}{\vec{y}}$$



المنه برای رسم بردار (c=ka+Lb) ، ابتدا ازمد نقطه ی دانواه بردار هم راستا بابردار ه و K برابر آن رسم مهلنم وسیس ازهال نقطه بردار فلم راهم راستا با بردار فا رسم مهلنم برروس متوزى الاصلاع مردارت رامست م ا ورع



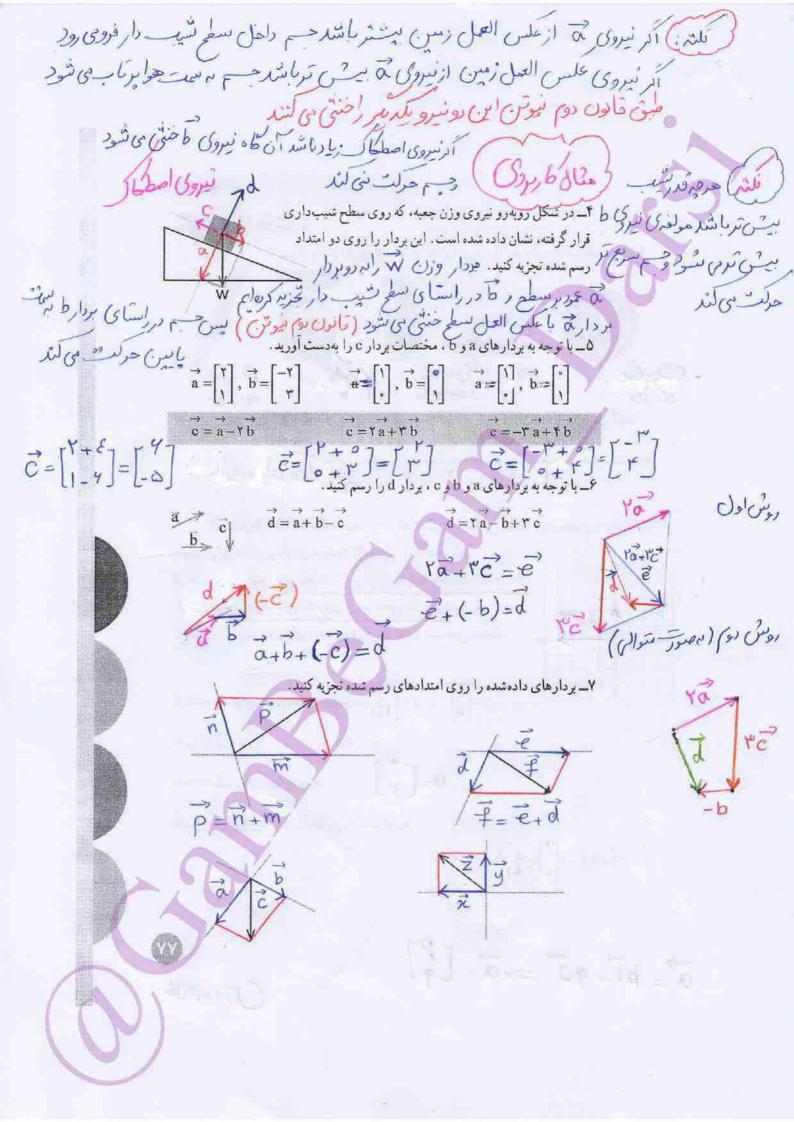


۲_حاصل عبارتهای زیر را به دست آورید.

$$(-1)\begin{bmatrix} r \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} r \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 \\ -10 \end{bmatrix} (-r)\begin{bmatrix} -0 \\ v \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} r \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{1} \\ -1/\sqrt{1} \end{bmatrix} (-\frac{1}{2})\begin{bmatrix} 1/\sqrt{1} \\ -1/\sqrt{1} \end{bmatrix} + 9\begin{bmatrix} v \\ w \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/\sqrt{1} \\ -1/\sqrt{1} \end{bmatrix}$$

٣_ معادله هاي مختصات زير را حل كنيد.

in the real of the same and a



ی بردارهای و احد مختصات



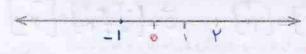
١- براى اندازه گيري هريك از مقدارهاي زير از چه واحدي استفاده مي كنيم؟





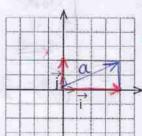
طول: سر جرم: اللوفر دما: را سائتی زاویه: رای ما در سائتی زاویه: رای می د بیت

۲_در محور زیر، واحد را نشان داده ایم. عددهای ۲ و ۱_را روی محور مشخص کنید.



بالرهرم والعر حدار الني

٣_ همان طور كه ملاحظه كرديد، براي اندازه گيري و نمايش عددها روي محور به واحد نياز داریم. برای نمایش بردار نیز به واحد نیازمندیم. این واحد باید



از جنس بردار باشد. با توجه به اینکه بردار در صفحهٔ مختصات با دو محور نمایش داده میشود، به واحد روی هر دو محور نیاز داریم.

در شکل روبهرو، بردارهای واحد روی هر دو محور مشخص شدهاند.

• مختصات بردارهای واحد را بنویسید.
$$\vec{i} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

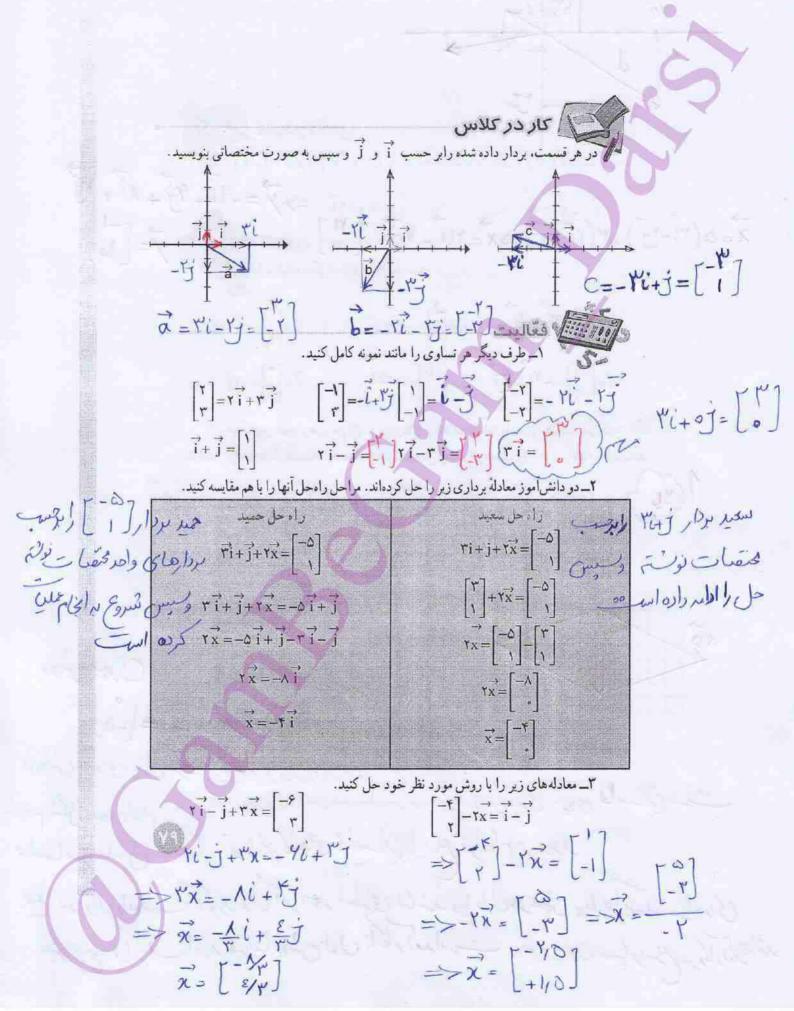
- و بردار $\overrightarrow{a} = \overrightarrow{t} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{j}$ را رسم کنید. $\overrightarrow{a} = \overrightarrow{t} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{j}$ مختصات بردار a را بنویسید.

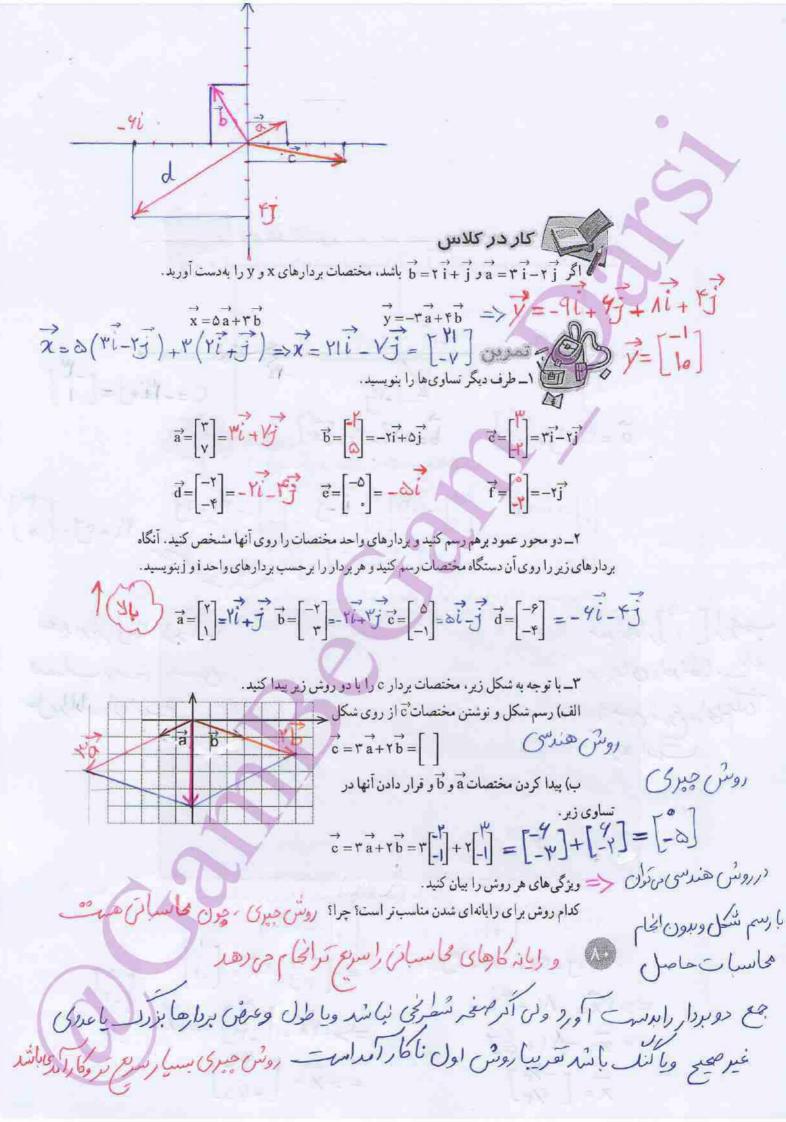
- مختصات بردار a را از رابطهٔ زیر بهدست آورید.

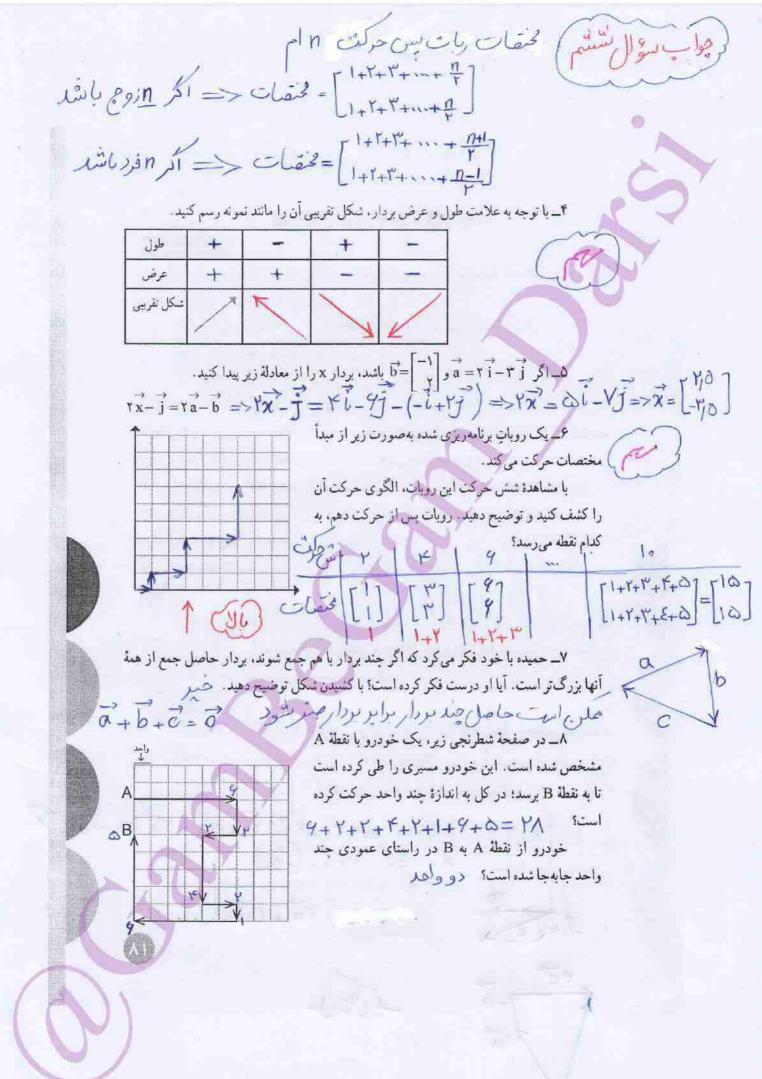
$$\overrightarrow{a} = \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{j} = \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} = \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} = \overrightarrow{i} + \overrightarrow{i} +$$

$$\vec{\alpha} = \vec{p}\vec{i} + \vec{q}\vec{j} \implies \vec{a} = [\vec{q}]$$









● 🐞 مرور فصل ۵ 🌑 🌑

مقاهيم و مهارتها

ر این فصل وازه های زیر به کار رفته اند. مطمئن شوید که می توانید با جمله های خود آنها را توصیف کنید و بزاری هریک مثالی بزائید.

• تجزیهٔ بردار • ضرب عدد در بردار

جمع (برآیند) بردارها

• بردارهای واحد مختصات

در آبن قصل، روش های اصلی زیر معرفی شده اند. هر کدام را با یک مثال توضیح دهید و در دفتر خود خلاصه ای از درس را بنوسید.

• پیدا کردن برآیند دو بردار که ابتدای آنها یک نقطه باشد.

🔹 پيداکردن جمع دو بردار.

• ضرب یک عدد در بردار

، نوشش جمع برداري و جمع مختصاتي

۰ رسم بردارهای ترکیبی که شامل حاصل جمع مضربهای دو بردارند. ۰ پیداکردن مختصات بردارهای ترکیبی

• نوشتن مختصات بردار با بردارهای واحد مختصات.

تجزیهٔ یک بردار روی دو امتداد...

• نمایش بردارهای واحد مختصات به صورت مختصاتی.

• حل کردن معادله های شامل بردار.

كاربرد

موضوعات این فصل در درسهای علوم (فیزیک مکانیک) شما کاربرد زیادی دارد. ضمن آنکه در شاخهای از ریاضیات به نام «جبر خطی و فضای برداری» نیز مطرح می شود و به کمک آن می توانید مسائل مختلف ریاضی و فیزیک را حل کنید.

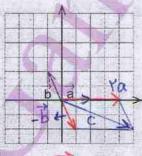
تبرين هاي تركيسي

اگر بنوانید تمرین های زیر را انجام دهید، می توانید مطمئن باشید که این فصل را به خوبی آموخته اید.
۱ یا توجه به بردارهای a و d و c ، بردار b را رسم کنید \overrightarrow{a} \overrightarrow{b} \overrightarrow{d} \overrightarrow{a} \overrightarrow{d} \overrightarrow

 $\vec{r} = \vec{r} =$

 $\vec{\mathcal{R}} = -\frac{\forall}{\vec{\mathcal{R}}} \vec{\vec{J}} \implies \vec{\mathcal{R}} = \begin{bmatrix} -\hat{\mathcal{V}}_{/\!\!\!\!/} \end{bmatrix}$ $\vec{\mathcal{R}} = -\frac{\forall}{\vec{\mathcal{R}}} \vec{\vec{J}} \implies \vec{\mathcal{R}} = \begin{bmatrix} -\hat{\mathcal{V}}_{/\!\!\!\!/} \end{bmatrix}$ $\vec{\mathcal{R}} = -\frac{\forall}{\vec{\mathcal{R}}} \vec{\vec{J}} \implies \vec{\mathcal{R}} = \begin{bmatrix} -\hat{\mathcal{V}}_{/\!\!\!\!/} \end{bmatrix}$ $\vec{\mathcal{R}} = -\frac{\forall}{\vec{\mathcal{R}}} \vec{\mathcal{R}} \implies \vec{\mathcal{R}} \implies$

 $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} = \vec{a} + (\vec{b})$



1-b

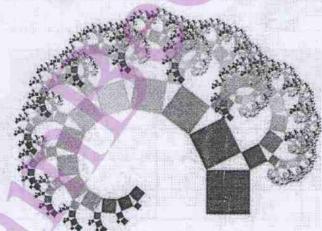
حل سؤال بك



مثلث

قُلْ سِيرُوا فِي الْأَرْضِ فَانظُرُوا كَيْفَ بَدَأَ الْخَلْقَ ... (سوره عنكبوت آيه ٢٠)





خداوند در جهان هستی نشانه هایی خلق کرده است و همواره تفکر و تعقل درباره آنها را از انسان خواسته است.

پ ۾ رابطۂ فيثاغورس

السلط فقاليت

ا _ روی هر ضلع مثلثهای قائم الزاویة زیر یک مربع رسم کرده ایم. با شمارش مربع های شطرنجی، مساحت هر کدام از مربع های ساخته شده را به دست آورید و جدول را کامل کنید.

ф в в			Sel	У с		₹ a	5		5
b			5=1	Variation of		a	9		
>				With Inc	5	9			
					5	4	7		
	Let								
	0		>S:	49		K			
10	9	0/	٥						
c a	φ.			4	Sef	F	7	\#\$	S=X
b						V	* *	7	
	c a	c a	c a b	c a b	c a b	c a ssf	c a b	c a b sefc va v	c a b c b c b

	مساحث مربع ساخته شده روی ضلع b": b			
1.5	1	70	الف	
10	V. 1.1	79	ب	
14	7 4	^	Č	
Ya	۴	79	٠	

بین عددهای هر سطر چه ارتباطی مشاهده می کنید؟

شاهده می کنید؟ ۲۵ + ۱ = ۲۷ و ۱ + ۱ = ۲۵ ۸ = ۲+۴ , ۲۹= ۲+۲۵
عدد اول هرسطر برار مجوع دوعدد دنگرهال سطراست

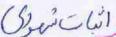
(Sin Cus)

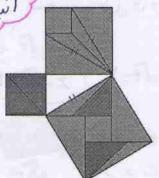
۲ به هر یک از شکلهای زیر با دقت نگاه کنید. در هر شکل روشی برای نمایش دادن رابطهٔ
 میان مساحت مربعهای تشکیل شده روی ضلعهای مثلث قائم الزاویه آمده است.

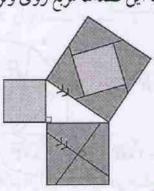
شما هم روی کاغذ، یک مثلث قائم الزاویه رسم کنید و روی هر ضلع آن مربعی تشکیل دهید.

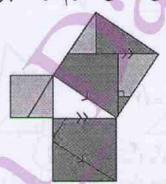
سپس، با استفاده از یکی از این روشها مربعهای ساخته شده روی دو ضلع کوچک آن را طوری به

قطعههای کاغذی تقسیم کنید که بتوان با این قطعهها مربع روی وتر را کاملاً پوشاند.









طری فیتاعور کی این مجذور (مربع) اندازهٔ ضلعهای مثلث قائم الزاویه، به رابطهٔ فیثاغورس معروف است.

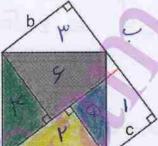
b a c

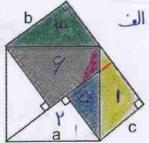
این رابطه بیان می کند که در هر مثلث قائم الزاویه، مجذور وتر با مجموع مجذورهای دو ضلع دیگر برابر است. a'=b'+c'

عکس این رابطه هم درست است؛ یعنی، اگر در مثلثی مجذور یک ضلع با مجموع مجذورهای دو ضلع دیگر آن برابر شد. آن مثلث قائم الزاویه است.

ا کی خواندنی

ابوالعباس نیریزی، ریاضی دان ایرانی، در حدود هزار سال پیش درستیِ رابطهٔ فیثاغورس را به صورت زیر نشان داد.





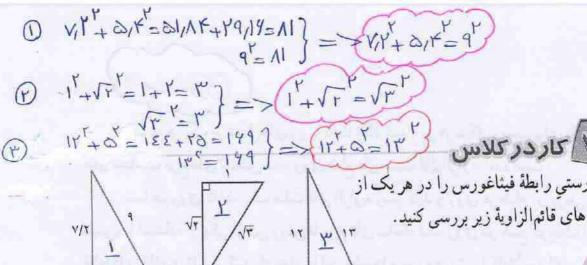
در شکل، چهار مثلث قائم الزاویهٔ هم نهشت دیده می شود.

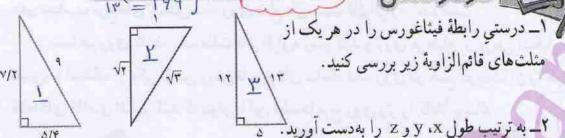
در سمت راست، مساحت دو مربعی را که روی ضلعهای زاویهٔ قائمهٔ مثلث ساخته شده اند، و در سمت چپ مربعی را که روی وتر ساخته شده است، رنگ کرده ایم. چرا مساحت ناحیهٔ رنگی در

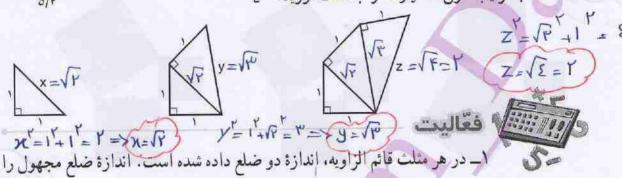
این دو شکل برابر است؟ را

کر رنگی معیہ ع کر رنگی الف کے کہ رنگی الف کے کہ رنگی الف کے کہ منگی میں مجرع ساحت مربع ہائے کہ برابر اسٹ کے میں شود بارام اسٹ کے مروی وہر سافتہ میں شود برابر اسٹ کے مربی کا روی وہر سافتہ میں شود برابر اسٹ

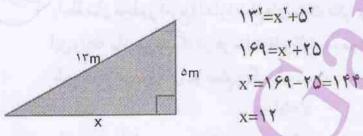
0→5,=5+. 0→5+=5E

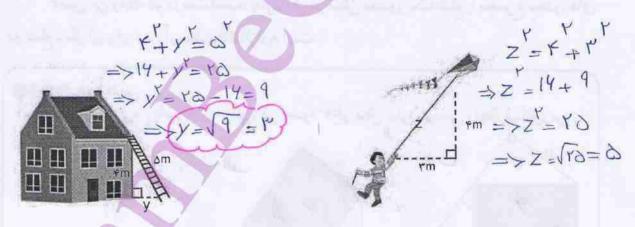


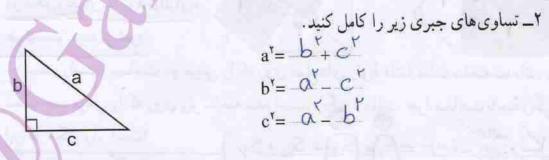


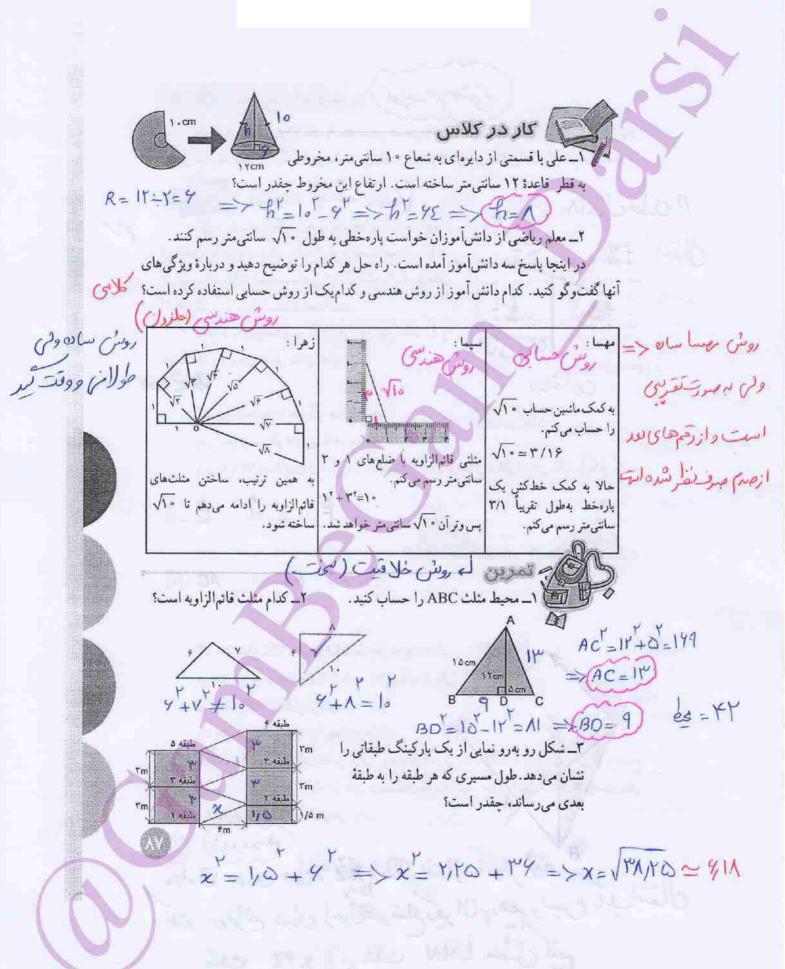


مانند نمونه پیدا کنید.









(نوجم ؛ الله فضل سرم كناب هفتم مرور سود

شکلهای هم نهشت (یورفیدهم نهستی)

اگر بتوانیم شکلی را با یک یا چند تبدیل هندسی (تقارن، دوران و انتقال) طوری بر شکل دیگر منطبق کنیم که کاملاً یکدیگر را پیوشانند، میتوانیم بگوییم که این دو شکل با یکدیگر هم نهشت اند.

ورا الله فقاليت (دست ورزي)

از انتقال، نقارن یا دوران مثلث قرمز به دست آمدهاند و با آن هم نهشتاند. مانند نمونه مشخص کنید از کدام یک تبدیل های انتقال، تقارن یا دوران استفاده شده است.

ضلعها و زاویههای مساوی در این پنج مثلث را با علامتگذاری روی شکل نشان دهید.

روران محری المقال المق

 $\stackrel{\Delta}{ABC}\cong \stackrel{\Delta}{GHF}$

۲_ این دو مثلث با یکدیگر همنهشت اند:

پس اجزای متناظر آنها نیز با هم مساوِی هستند.

با توجه به علامت های روی شکل ها، تساوی ضلعها و زاویه های متناظر این دو مثلث را کامل کنید.

B H C G F

 $\hat{A} = \hat{F}$ $\hat{B} = \hat{H}$ $\hat{C} = \hat{G}$

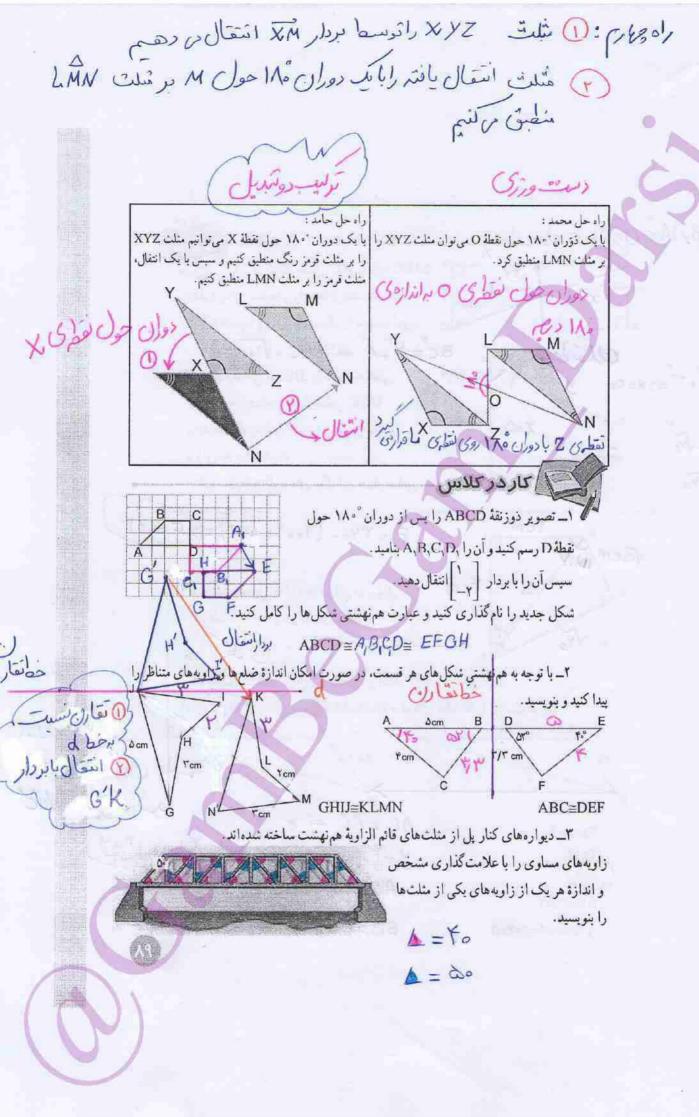
BC = GH AB = HF AC = FG

۲ مثلثهای XYZ و LMN با یکدیگر هم نهشت اند.
 ۹ cm ببینیم مثلث XYZ با چه تبدیل یا تبدیل هایی ۶cm بر مثلث LMN منطبق می شود.

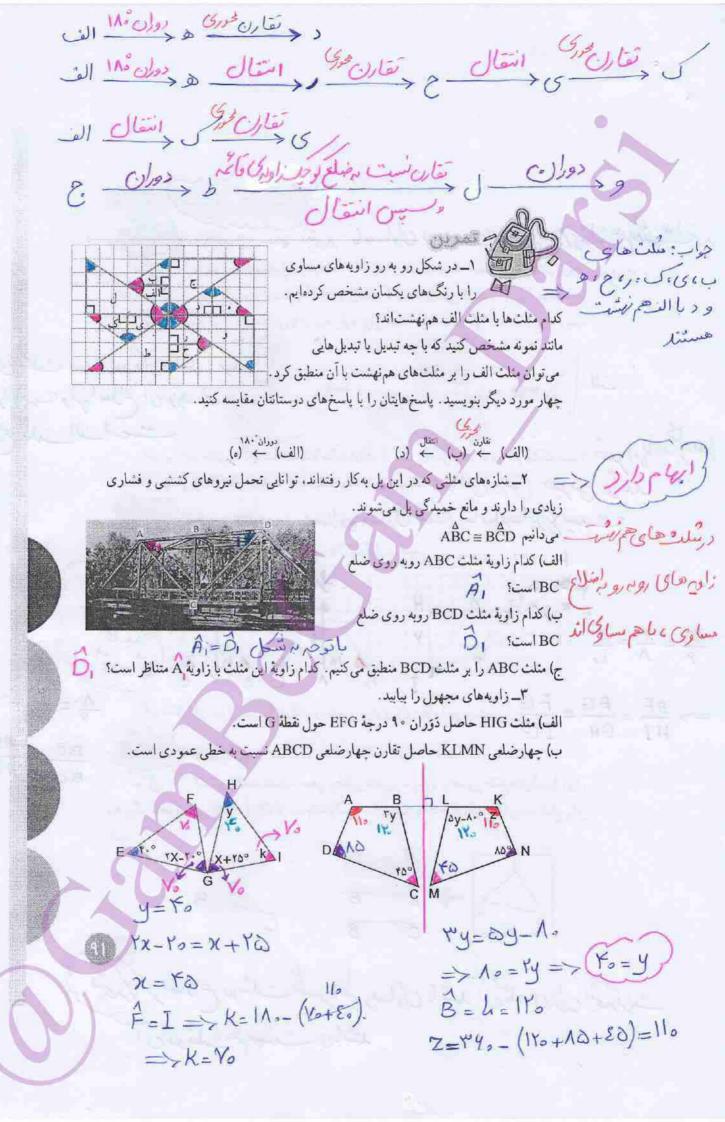
راه حل دو دانشآموز در اینجا آمده است.

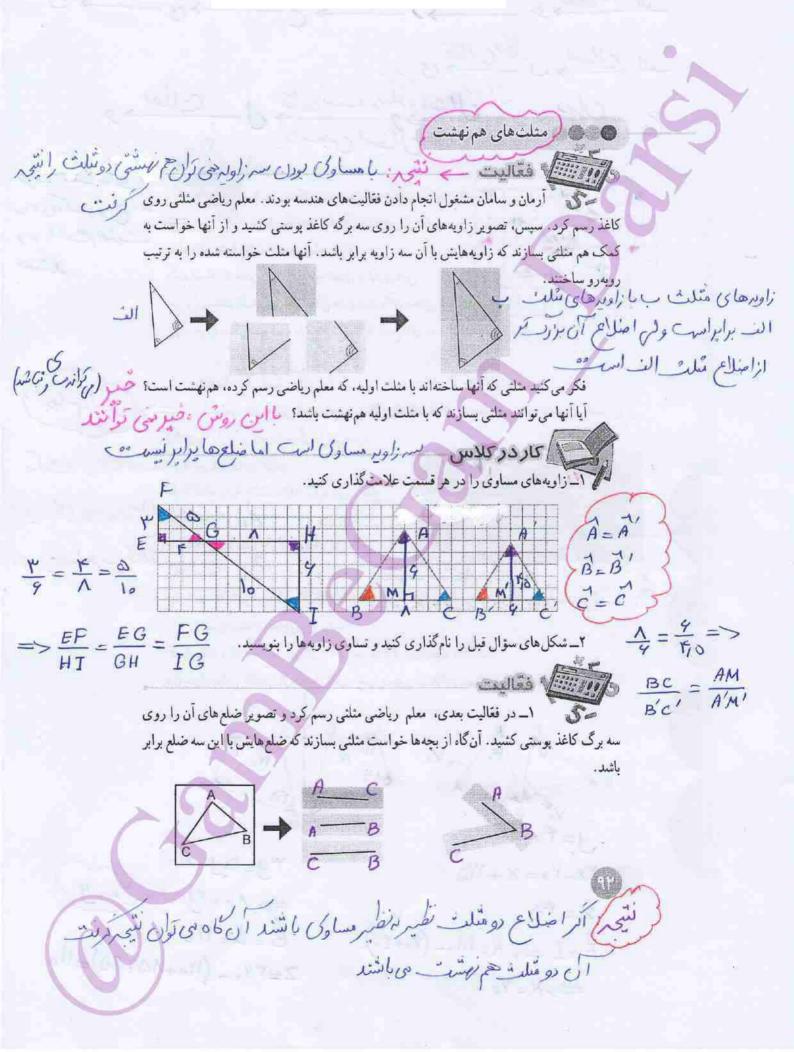
شما هم راه دیگری برای منطبق کردن مثلث XYZ بر مثلث LMN پیدا کنید و آن را توضیح دهید. سپس راه حل خود را با راه حل های دوستانتان مقایسه کنید. خوب است بدانید در اهای درست بی شماری برای این مسئله وجود دارد.

ردردورولی مول مع است استال با بردار AN مرطم (دوران حول و مسطح کی استال با بردار المام دهم ولسس با بدانتقال مدان من توانیم دوران راحول هر ضلع دیدر انجام دهم ولسس با بدانتقال منظم در بردان راحول هم مندن استال منطبق کنیم

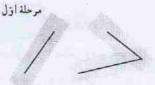








سامان مثلث مورد نظر را به این ترتیب ساخت : مرحلة دوم





آرمان مطمئن بود مثلثی که سامان ساخته است، با مثلث معلم ریاضی هم نهشت است. شما هم این فعّالیت را انجام دهید و دربارهٔ آن فکر کنید.

۲_ سامان پرسید : «فکر می کنی اگر ضلع های دو شکل با یکدیگر مساوی باشند، آن دو شکل حتماً با یکدیگر هم نهشت اند؟» محمر ا

آرمان گفت: «نه، من می گویم اگر ضلعهای دو مثلث با هم مساوی باشند، آن دو مثلث حتماً با یکدیگر هم نهشت اند. مثلاً این دو چهارضلعی را ببین؛ با اینکه ضلعهایشان مساوی است، با یکدیگر هم نهشت نیستند.»

سپس، با کاغذ پوستی دو چهارضلعی زیر را ساخت و به سامان نشان داد.



۱ — در شکل زیر نقطهٔ M وسط BC است. یاره خطی مانند AM که راس مثلث را به وسط ضلع مقابل وصل می کند میانه می نامیم.

عبارتهای زیر را کامل کنید و نشان دهید چرا ضلع های دو مثلث ایجاد شده با هم برابرند.

ABC = AC چون ساق های مثلث متساوی السافین ABC هستند.

BM= CM چون AM میان می بازشد (Mنوسه BO است)

AM هم ضلع مشترک دو مثلث است.

هم نهشتي اين دو مثلث را با يک عبارت نشان دهيد. ABM = ACM

۲_الف) لوزی مقابل را نام گذاری کنید و یکی از قطرهای آن را رسم کنید.

ب) دلیل تساوی ضلع های دو مثلث ایجاد شده را بنوبسید.

ج) زاویه های مساوی را با علامتگذاری مشخص کنید.

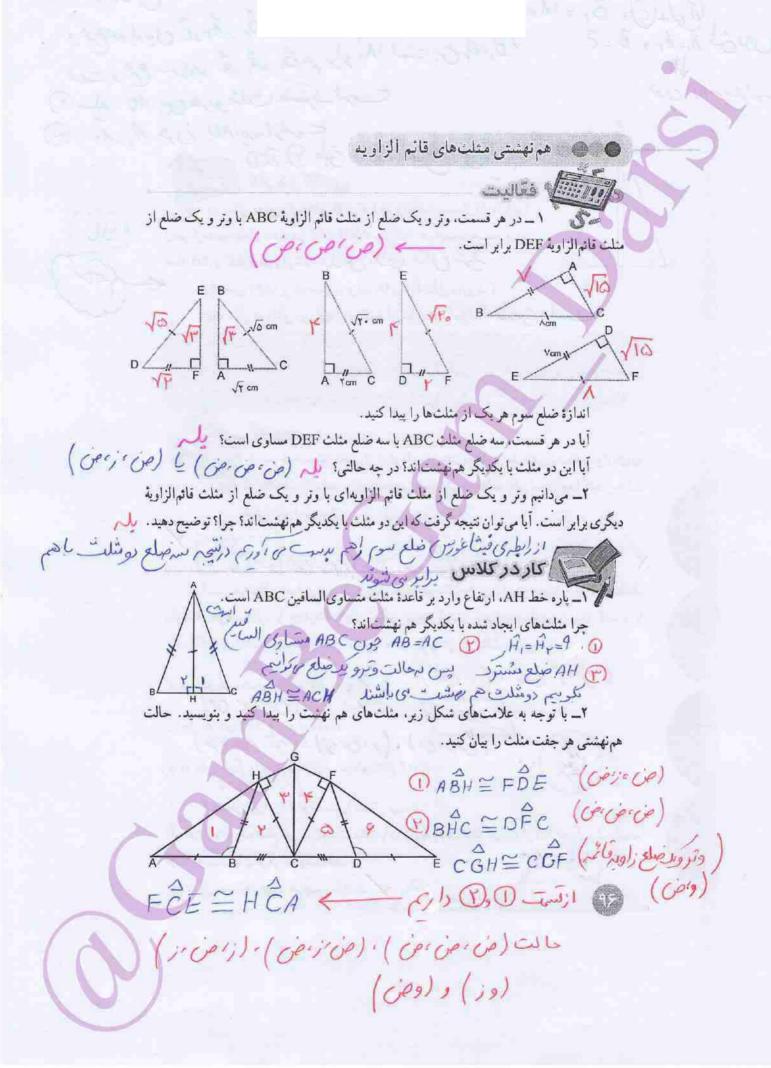
ب) جون جها رصلی ABCD لوزی است پس ضلعهای رومثلث باهم برابرسی باشند $\vec{A}_1 = \vec{A}_1 = \vec{c}_1 = \vec{c}_1$

ر سيضلع مثلث باهم برابرند B

D W Just

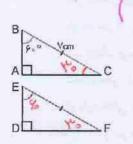


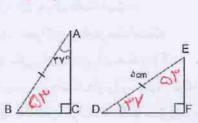
+B+D = IA. B=で あーあったいからしん => 0,=0+ Ar + 2+ Dr = 110 פ בצישייולפיתט בר דה ב על עלות יאח () = B = 7 A + 5 B = 2 است و مجرع سرزاويد كار بقر رام هم يواير «١٨ است يس براء و الم جون AD نیمسازاس (صلع AD بین هردو مثلث مشترد اس -william Of A Ar (P) مرور اور وراور و ملع بين داري ABD = ACD ا کار در کلاس در شکل مقابل زاویه های B و C با هم برابرند و نیمساز زاویهٔ A را رسم کردهایم. نشان دهید دو مثلث ABD و ACD هم نهشت هستند و دو ضلع AB و AC با هم برابرند. دلایل کلایی سیاری سود (راهنمایی : ابتدا برای مساوی بودن \hat{D}_1 و \hat{D}_2 دلیل بیاورید.) تنیجه: اگر در مثلثی دو زاویه برابر باشند آن مثلث منساری البسا فرج است. سه حالت هم نهشتي دو مثلث : ، برابری سه ضلع • برابري دو زاويه و ضلع بين • برابری دو ضلع و زاویهٔ بین يا به اختصار : (ض ض ض) يا به اختصار : (ض ز ض) يا به اختصار : (زض ز) ا احدر هر قسمت، بعضى از ضلعها و زاويه هاى مساوى مشخص شده اند. مواردى را 🗹 که اطلاعات داده شده برای تشخیص هم نهشتی دو مثلث کافی است، پیدا کنید و حالت هم نهشتی را بنویسید. ۲ ـ در هر شکل، مساوی بودن برخی از اجزای دو مثلت را میتوان از روابط میان پاره خطها، زاویه ها، تعریف دایره یا چهارضلعی های خاص نتیجه گرفت. اجزای مساوی را پیدا کنید و با علامت گذاری مناسب مشخص کنید. سپس، حالت هم نهشتی دو مثلث را بنویسید. (ieijice) (j. co.j) الف) هرادو مثلث متساوى الاضلاع اند. ب) قطر متوازى الاضلاع رسم شده است. (cor; co) ((; co)) , (co coco) ج) دو قطر یکدیگر را در مرکز مشترک دو دایره قطع کردهاند. ٣ شكل روبه رو كدأم نسبت را نمايش مي دهد؟ اگر دو زاویه و یک ضلع غیرِ بین از یک مثلث با دو زاویه و یک ضلع غیربین از مثلثی دیگر برابر باشند الف) دو مثلث با یکدیگر هم نهشت اند. ب) ممكن است دو مثلث هم نهشت نباشند.

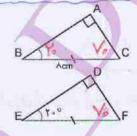


۱ ــ در هر قسمت، وتر و یک زاویهٔ تند از مثلث قائم الزاویهٔ ABC با وتر و یک زاویهٔ

تند از مثلث قائم الزاوية DEF برابر است.







زاویهٔ دیگر هر یک از مثلثها را پیدا کنید.

آیا در هر قسمت دو مثلث با یکدیگر هم نهشت اند؟ در جه حالتی؟ ملم، به حالت دو زلویه و ضلع سی ای دو ۲ وتر و یک زاویهٔ تند از مثلث قائم الزاویه ای با وتر و یک زاویهٔ تند از مثلث قائم الزاویهٔ دیگری

برابر است. آیا می توان نتیجه گرفت که این دو مثلث با یکدیگر هم نهشت اند؟ چرا؟ توضیح دهید. بلم ، در اس حالت می ک فرانست کینیم راویم سوم سیز مساوی ایدات بیس مرحالات اویه: (روس من ر) دو ملات هم مهت بی بانشند • برابری وزر و یک زادیهٔ تند

• برابری و تر و یک ضلع

يا به اختصار (وض)

يا به اختصار (و ز)

کار در کلاس

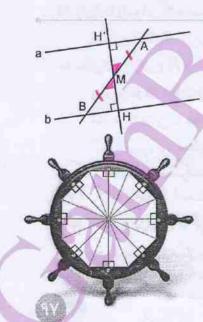
اً از نقطهٔ M، وسط پاره خط AB، بر دو خط موازی a و b عمود رسم كردهايم. كالاي

دو مثلث ایجاد شده به چه حالتی با یکدیگر هم نهشت اند؟

(i) ii (648) iii (ei)

۲_ در شکل روبهرو، هر شانزده زاویهٔ کوچک وسط شکل با هم مساوی و هشت پاره خط آبی نیز با هم مساوی اند. کلایمی شانزده مثلث قائم الزاوية شكل مقابل به چه حالتي هم نهشت اند؟

وتر ويد راويري تند (وز



الله فقالمت كر سازم دليل ا وريرى

کی شادی و مهتاب داشتند یک کتاب هندسه را مطالعه می کردند که به این جمله برخوردند:

«هر نقطهٔ روی عمودمُنصف یک باره خط

از دو سر آن باره خط به یک فاصله است.»

۱_ مهتاب برسید: «جرا این جمله درست است؟»

شادی سعی کرد مثالی برای درستی آن جمله پیدا کند.

أو پاره خطی کشید و عمودمنصف آن را رسم کرد. نقطه ای را روی آن در نظر گرفت و فاصلهٔ

آن نقطه را از دو سر باره خط اندازه گرفت؛ فاصله ها مساوی بود.

(یاداوری : قاصله دو لفطه از هم برابر طول پارهخطی است که آن تقاط را به هم وصل می کند.) فکر می کنید شادی توانسته است دلیلی برای درستی جملهٔ مورد نظر بیاورد؟ **خبر، چول نفی مل**ا ۲_ مهتاب گفت : «از كجا بفهميم اين جمله در مورد همهٔ نقاط روى عمو دمنصف درست است؟»



شادی سعی کرد دلیلی برای درستی آن جمله پیدا کند. او به شکلی که کشیده بود نگاه کرد. آن را مانند

شکل رو بهرو علامت گذاری کرد و گفت : «برای همهٔ نقاط روی عمو دمنصّف AB، مانند نقطهٔ

O، زاویهٔ X زاویه ای قائمه است. (جرا؟)» مجمول ۱۹۸ محمور بر ۱۸۸ (سب

ادر $A\overset{\triangle}{\otimes}K \cong B\overset{\triangle}{\otimes}K$ (در AK=KB ادر AK=KB) المجنين

(O)(O) + CON AB in OK OF (!) و در نتیجه OA=OB (جرا؟)» ورن رومنلث هم رست هستند

فکر می کنید این بار شادی توانسته است برای درستی جملهٔ مورد نظر دلیلی بیاورد؟

٣_ براي درستي جملة زير دليل بياوريد:

AD (1) مشترك هردو مثلث است

A,=A' AD (1) AD (1)

(س) هردو مثلث قائم الزاوم بى باشند

«هر نقطهٔ روی نیمساز یک زاویه، از دو ضلع زاویه به یک فاصله است.» <

(یاد أو ری : فاصله یک نقطه از یک خط برابر طول بار مخطی است که از آن نقطه بر آن خط عمو دمی تسود.)



ا 🗐 ۱_در هر شکل، بعضی از ضلعها و زاویههای مساوی مشخص شده اند. مواردی را 🕮 که اطلاعات داده شده برای تشخیص هم نهشتی دو مثلث کافی است، پیدا کنید و بنويسيد دو مثلث در چه حالتي هم نهشت اند. وثرومك زاويرك تند ۲ ـ در هر شکل، از روابط میان پارهخطها، زاویهها، تعریف دایره یا جهارضلعیهای خاص می توانیم نتیجه بگیریم که برخی از اجزای دو مثلث با هم مساوی اند. اجزای مساوی را پیدا کنید و با علامت گذاری مناسب مشخص کنید. سپس، حالت همنهشتی دو مثلث را بنویسید. الف) خط b از مركز دايره مي گذرد و دو خط a و b ير قطر دايره عمودند. () مرق متقابل براسر H=G=9. @ 04=0H @ 0H=0H الله الله الله من رهد دومثلت برحالت (زون ز) ناهم هم زيست موراشند ب) خط p از مركز دايره گذشته است. 0 م أه = أق متعابل براس @ OA=OB شعاعهاى دايره H=G=9. € و ترو کے زاوج کند باهم م هم نوشت می باشند ج) نقطهٔ O مرکز مشترک دو دایره و پاره خطهای AB و CD بر دایرهٔ کوچک معاس می باشند. ۵ و و گا= گا بر دایرهٔ کوچک معاس می باشند. ۵ مستاع های دایره بزرد می ۵ مهاع های دایره بزرد (T) (D, D الله مردهد دوسات برحالت (و ص) هم ناش مرالسد ٣ ـ در هريک از موارد تمرين (٢)، مشخص كنيد يک مثلث را با چه تبديلي مي توان بر مثلث دیگر منطبق کرد. ال است بانقطى ٥ O Cheir Cu IN: Olyps EF page in O, la + C

ررشیل n ام راری n = 2n+10 = 10 = 10 = 2n+10 = 2n+10

ه مرور فصل ۶ ه ۱

مفاهيم و مهار تاها

ر در این فصل وازه های زیر به کار رفته اند. مطمئن شوید که می توانید با جمله های خود. آنها را توصیف کشد و برای هرگدام مثالی بزنید.

۰ اجزای متناظر

• رابطة فيناغورس

• حالت های هم نهشتی دو مثلث

• هم نهشتي مثلث هاي قائم الزاويه

هراین قصل، روش،های اصلی زیر مطرح شدهاند. هر کدام را با یک مثال توضیح دهید و در

دفتر خود خلاصة درس را شوبسيد

- پيدا كردن ضلع مجهول مثلث قائم الزاويه
- يررسي قائم الزاويه بودن مثلث با داشتن سه ضلع أن
 - نوشتن اجزای متناظر دو شکل همنهشت
- هم نهشتي دو مثلث در حالت سه ضلع، دو ضلع و زاوية بين و حالت دو زاويه و ضلع بين
 - هم نهشتي دو مثلث قائم الزاويه در حالت وتر و يک زاويه و حالت وتر و يک ضلع
 - حل مسئله های مربوط به هم نهشتی مثلث ها به کمک حالت های بالا

كاربرة

در نقشه های مهندسی و برای بیدا کردن اندازهٔ ضلعها و زاویه های مجهول، از هم نهشتی شکل ها و تساوی اجزای متناظر استفاده می کنیم.

2=10+00=>x=/ Trao ~ avjood

۱ــ در شکل روبه رو سطح شیبداری را میبینید. طول این سطح شیبدار را بهدست آورید.

۲_ الگوی زیر با مثلث های هم نهشت ساخته می شود.

الف) دو شکل بعدی را رسم کنید.

ب) محیط هر شکل را پیدا کنید.

ج) محیط شکل شمارهٔ ۶ جقدر می شود؟) ما مکل ما ۲۸ تیم

د) محیط شکل شمارهٔ ۷ چقدر؟

نكار سار در

7x2+4x8=48 6+4+4x8=40

شکل نسارهٔ ۲

Yem Yem

Contraction of the contraction o

VI=3 x7+6x4 11=7-

8+1/x 8+1-19

(F) (3)

2+1+9x K=1V



توان و جذر

اندازه تقریبی شعاع منظومه شمسی ۱۰۱ متر است. اندازه تقریبی شعاع جهان قابل مشاهده توسط انسان ۱۰۱ برابر ببشتر است. تصویر بالا شامل ۴۳ هزار کهکشان است. اگر میخواهید بدانید ما کجا هستیم باید بدانید که کهکشان راه شیری تقریباً یک نقطه کوچک در وسطهای نقشه محسوب میشود. فکر منظومه شمسی را هم نکنید چون خیلی کوچک تر از آن است که در این تصویر قابل دیدن باشد. بادا ورك صرب لعداد توان دا.

یاد او ری در سال گذشته ضرب دوعدد توان دار با پایه های مساوی و نیز توان های مساوی را یاد گرفتید. این قو اعد را با نمادهای ریاضی به صورت زیر می نویسیم. اگر a عددی دلخواه و n،m دو عدد طبیعی باشند:

 $a^m \times a^n = a^{m+n}$ $a^m \times b^m = (a \times b)^m$

(يا براى سادگى: "am. bm=(ab) و am. bm=(ab)

برای آمادگی بیشتر، تمرین های زیر را انجام دهید.

۱_ حاصل هر یک از عبارتهای زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

 $(-\frac{h}{\lambda})_{\Lambda} \times (-\frac{h}{\lambda})_{Q} = (-\frac{h}{\lambda})_{\Lambda} V_{L} \times I_{L} = 1_{\Lambda} I_{L} \qquad (-\lambda)_{L} \times (\frac{1}{\lambda})_{L} = (-\mu)_{L} = \mu_{L}$ $V_{0} \times L_{L} \times L_{0} \times L_{L} = L_{0} \times L_{0$

xxy (xxy) (ab) xa x b x a x b = a.b= (ab) atxa = ala

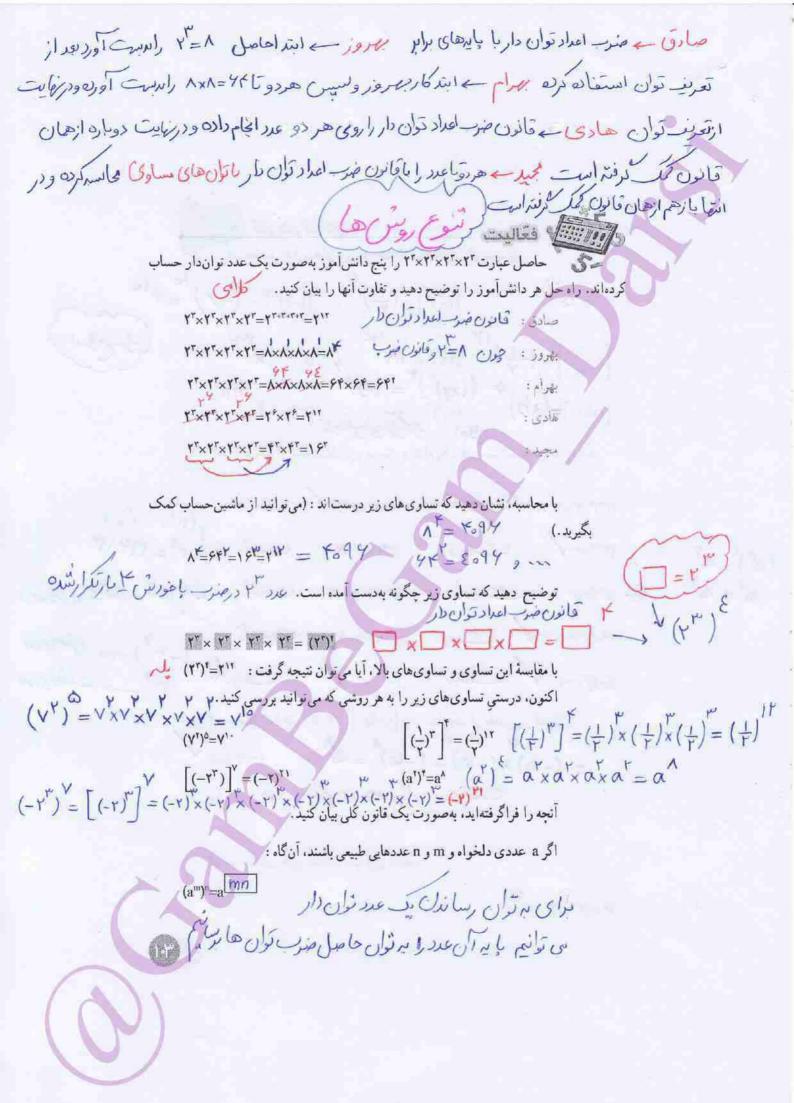
 $(xy)^{Y}\times(xy)^{Y}=(xy)^{9}$ $(xy)^{Y}\times(xy)^{Y}=(xy)^{9}$

۳_ حجم مکعبی به ضلع ۲a چند برابر حجم مکعبی به ضلع a است ؟

۴_ جاهای خالی را با عددها و حرفهای مناسب برکنید.

 $1 \wedge^{\circ} = (\cancel{F} \times \cancel{P})^{\circ}$ $a^{\wedge} = a^{\uparrow} \times a^{\bigcirc}$ $v^{\bigcirc} \times \cancel{P}^{\circ} = \cancel{P}^{\circ}$

 $(-\frac{V}{V}) \times (-\frac{V}{V})^{T} = (-\frac{V}{V})^{q}$ $(+\times T)^{r} = (-\frac{V}{V})^{q}$ $(+\times T)^{r} = (-\frac{V}{V})^{q}$



ل عبارتهای زیر را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} y \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} y \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} y \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]^{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r}$$

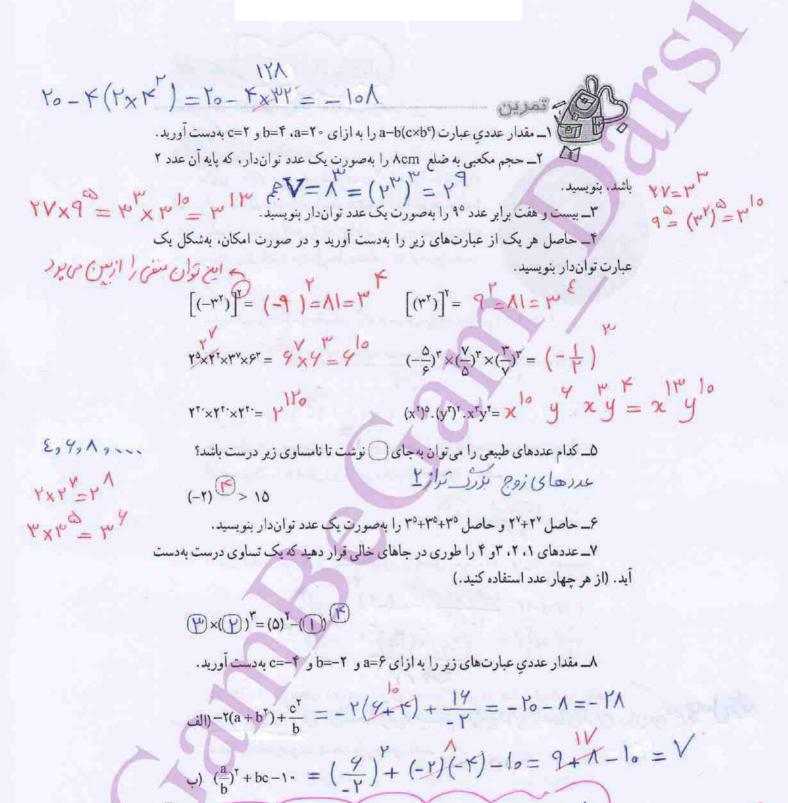
$$\left[\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}^{r} \right]$$

$$(p^{r})^{T} = p^{r} \times p^{r} \times (p^{r})^{T} \times p^{r} \times (p^{r})^{T} \times p^{r} \times (p^{r})^{T} \times (p^{r})^{T} \times (p^{r})^{T} \times p^{r} \times (p^{r})^{T} \times (p$$

 $= (-\infty)^{4} \times (-\infty)^{7} = (-\infty)^{4} = \infty^{4} \qquad (-0)^{4} = (-\infty)^{4} =$

ب ۵۰ حوال سفى مى دهد و نا درسى اس

۴_ در جاهای خالی عدد مناسب قرار ده



 $\frac{n}{\alpha + \alpha + \alpha + \dots + \alpha} = \alpha \times \alpha = \alpha^{n+1}$

🗨 🗞 👌 تقسيم اعداد تواندار

تقسیم دو عدد توان دار با پایه های مساوی

و المالية المقاليت



دمای مرکز خورشید حدود ۱۰۲ درجهٔ سانتی گراد است. این دما چند برابر دمایی است که آب در آن به جوش می آید؟ پاسخ را ضمن کامل کردن جاهای خالی به صورت یک عدد توان دار بیان کنید و مراحل حل مسئله را نیز توضیح دهید.

حل : آب در ۱۰۰ درجهٔ سانتی گراد به جوش می آید و داریم : ۲۰۱=۰۰

بنابراین: (از ۱۰^۷+۱۰^۲= ۱۰^۷۰۱

یعنی دمای مرکز خورشید می ایر دمایی است که آب در آن به جوش می آید. آیا تقسیم بالا را به شکل زیر نیز می توانیم انجام دهیم؟ بلم

$$\frac{1 \cdot \sqrt{1 \cdot 1}}{1 \cdot \sqrt{1 \cdot 1}} = \frac{1 \cdot \sqrt{1 \cdot 1}}{1 \cdot \sqrt{1 \cdot 1}} = \frac{1}{1 \cdot \sqrt{1 \cdot 1}}$$

اکنون، حاصل هر یک از تقسیم های زیر را به صورت یک عدد توان دار بنویسید.

$$(-9)^{6} \div (-9)^{7} = \underbrace{(-9)^{7}}_{(-9)^{7}} = \underbrace{(-9)^{7}}_{(-9)^{7}}$$

با استفاده از نمونه های داده شده، برای محاسبهٔ تقسیم دو عدد توان دار با پایه های مساوی قانونی بنویسید. کمی از بایرها راس اول سرای توان اولی راسهای توان روی می انتیم

a عددي دلخواه و n ،m عددهايي طبيعي باشند :

a^m÷aⁿ=a

را به صورت عددی توان دار بنویسید. A^{+} بن میری از عبارتهای زیر را به صورت عددی توان دار بنویسید. A^{+} بن میری بنویسید.

$$(-\frac{r}{\Delta})^{\Delta} \div (-\frac{r}{\Delta})^{\gamma} = \left(-\frac{r}{\Delta}\right)^{\gamma} \qquad \frac{(-r)^{\gamma}}{(-r)^{\gamma}} = \left(-\frac{r}{\Delta}\right)^{\gamma} \qquad (\frac{\Lambda}{\gamma})^{\gamma} \div (\frac{\Lambda}{\gamma}) = \left(\frac{\Lambda}{\gamma}\right)^{\gamma}$$

$$\frac{(-r)^q}{(-r)^q} = (-r)^{r}$$

$$\left(\frac{\Lambda}{q}\right)^{\frac{1}{q}} \div \left(\frac{\Lambda}{q}\right) = \left(\frac{\Lambda}{q}\right)$$

$$(F/Q)^{p} \div (F/Q)^{r} = (F/Q)^{p} - F/Q^{r} (-\circ/r)^{0} \div (-\circ/r)^{r} = (-\circ/r)^{r} - V^{0}$$

نیازی بربراندر سی باشد

۲_جاهای خالی را با عدد مناسب پر کنید.

$$\frac{\Lambda_{k}}{\Lambda_{k}} = \frac{\Lambda_{k}}{\Lambda_{k}} = \frac{\Lambda_{k}}{\Lambda$$

٣_حاصل را به صورت يک عبارت توان دار بنوبسيد.

$$(xy)^{y} \div (xy)^{t} = (xy)^{t}$$

$$(xy)^{V} \div (xy)^{r} = (xy)^{V} \qquad (-x)^{V} \div (-x)^{r} = (-x)^{V} = x$$

تقسیم دو عدد توان دار با توان های مساوی

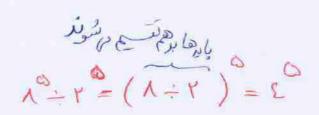
مثالهای داده شده را مطالعه کنید و با پرکردن جاهای خالی توضیح دهید که پاسخ هريك از تقسيم ها حكونه به دست آمده است.

$$1Y^{t}: \mathcal{F}^{t} = \frac{1Y^{t}}{\mathcal{F}^{t}} = \frac{1Y \times 1Y \times 1Y \times 1Y}{\mathcal{F} \times \mathcal{F} \times \mathcal{F} \times \mathcal{F}} = \frac{1Y}{\mathcal{F}} \times \frac{1Y}{\mathcal{F}} \times \frac{1Y}{\mathcal{F}} \times \frac{1Y}{\mathcal{F}} = (\underbrace{1Y})^{t} = Y^{t}$$

$$V^0: V^0 = \frac{V^0}{V^0} = \frac{V^0 \times V^0 \times V^0 \times V^0}{V^0 \times V^0 \times V^0} = (\frac{V}{V})^{(0)}$$

$$(-\mathfrak{k})^r\colon \mathcal{S}^r = \frac{(-\mathfrak{k})^r}{\mathcal{S}^r} = \frac{(-\mathfrak{k})\times(-\mathfrak{k})\times(-\mathfrak{k})\times(-\mathfrak{k})}{\mathcal{S}\times\mathcal{S}\times\mathcal{S}} = (-\frac{\mathfrak{k}}{9})\times(-\frac{\mathfrak{k}}{9})\times(-\frac{\mathfrak{k}}{9})\times(-\frac{\mathfrak{k}}{9})^r = (-\frac{\mathfrak{k}}{7})^r = (-\frac{\mathfrak{k}}{7})^r$$

$$Y^{r}: S^{r} = \frac{Y^{r}}{S^{r}} = \frac{Y^{r} \times S^{r}}{S^{r}} = Y^{r}$$



با توجه به مثال های بالا، توضیح دهید تساوی ۴۵=۲۰ : ۸۰ چگونه به دست آمده است.

اکنون، برای تقسیم دو عدد توان دار با توان های مساوی قانون زیر را کامل کنید.

در تقسیم اعداد توان دار با بایدهای سادی کمی از کوان ها رامی نویسیم و با در ها ارزهم تعسیم می کشیم

به کمک فانونی که نوشته اید، حاصل تقسیم های زیر را به صورت عددی توان دار بنوبسید.

اکنون قانون فوق را با نمادهای ریاضی هم نشان دهید.

a و b دو عدد دلخواه و m یک عدد طبیعی و °≠b

کار در کلاس

۱- حاصل هر یک از تقسیم های زیر را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$0^{V_{\div}} \Gamma^{V_{=}} \left(\frac{\omega}{\mu} \right)^{V} \qquad 1^{F_{\div}} V^{F_{=}} \left(\frac{1K}{V} \right)^{E_{=}} V^{\mu}$$

$$(-A)^{O_{\div}} (-Y)^{O_{=}} \left(\frac{-A}{-V} \right)^{E_{=}} \mathcal{E} \qquad 1^{V_{\div}} Y V^{V_{=}} \left(\frac{9}{VV} \right)^{V_{=}} \left(\frac{1}{\mu} \right)^{V_{=}}$$

۲_عبارتهای زیر را ساده کنید و در صورت امکان، پاسخ را بهصورت عدد توان دار بنویسید.

$$0^{V} \times r^{V} \times r^{V} = 10 \times r^{V} = r^{0} \times r^{0} = r^{0} \times$$

$$\Lambda 1 = \frac{1}{r} - \Lambda = \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} = \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} = \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}$$

۲_ کدام عبارتهای زیر درست و کدام نادرست اند؟ توضیح دهید.

$$(\frac{-\Delta}{r})^{r} = \frac{r\Delta}{r} \times \frac{c}{c}$$

$$(\frac{\Delta}{11})^{r} = \frac{x}{c} \times \frac{c}{c}$$

$$(\frac{\Delta}{11})^{r} = \frac{x}{c} \times \frac{c}{c} \times \frac{c}{c}$$

4+1-4= W $(\frac{7}{2})^{\circ} (\frac{7}{2})^{\circ} = (\frac{7}{2})^{\circ}$ -8=-98 <(-1)=-1 <0 <(+)=+ < 1=1<9=wvy ۶_ گدام تساوی های زیر درست و کدام نادرست اند؟ $(\sqrt{a})^{Y} = Ya \times (\sqrt{a})^{Y} = a \times (\sqrt{a})^{Y} = (-\sqrt{a})^{Y}$ +Va=-Va X _____ $(ab^r)^r = a^rb^r (x^ry^r)^r = x^ry^r$ $[TS^{0}\div(-T)^{0}]\div[(-T)^{0}\times(-T)^{0}]=(-1)^{0}\div(+9)^{0}=(-T)^{0}=-T^{0}$ ۸ نصف ۲ و ربع ۴۷ را به صورت عددهای توان دار بنویسید. 2 = x x x = x 4 و ﴿ ﴿ خُواندني رشد باکتری ها به شرایط مناسب محیطی و وجود مواد غذایی بستگی دارد. در شرایط مطلوب باکتری ها در هر ۲۰ دقیقه به دو نیم تقسیم می شوند، سپس در ۲۰ دقیقه دیگر رشد کرده دوباره هر کدام به دو قسمت تقسیم میشوند. تکثیر باکتریها تا جایی ادامه پیدا میکند که مواد غذایی لازم موجود باشد، برای مثال اگر در حال حاضر آباکتری داشته باشیم، در ۲۰ دقیقه دیگر ۴=۲=۲×۲ باکتری و در ۶۰ دقیقه دیگر ۱۶=۲⁺۲ باکتری خواهیم داشت. به نظر شما اگر مواد غذایی لازم موجود باشد، پس از گذشت ۲۴ ساعت چند باگتری خواهیم داشت؟ هر ۲۰ رقیقم کدواور زمان هسات VY 9,444,444,940,449,

جدر تقریبی حرف حالتهای نا مطارب





آزاده، نرگس و نسیم هنگام گردش علمی به یک آبگذر (کانال) به عرض ۵ متر رسیدند. در طرف دیگر آبگذر دیوارهای ارتفاع دیوار به ارتفاع ۳ متر وجود داشت. آنها می خواهند ۳ متر بدانند اگر پلی برای رفتن به طرف دیگر آب ساخته شود، طول آن چقدر خواهد بود؟

در ادامه، گفتوگوی این سه دانش آموز را می خوانید که برای حل این مسئله صورت گرفته است. با دقت در این گفتوگو سعی کنید نظر هر دانش آموز را توضیح دهید.

, | r

آزاده : به نظر من این مسئله مانند آن است که یک مثلث قائم الزاویه به اضلاع ۳ و ۵ متر داشته باشیم و بخواهیم و تر آن را به دست آوریم.

نرگس: پس می توانیم از رابطهٔ فیثاغورس استفاده کنیم. نسیم: یعنی رابطهٔ مقابل را داریم: ۳۴=۳۳+۵=مربع وتر آزاده: درست است. اکنون برای به دست آوردن طول و تر باید جذر عدد ۳۴را به دست آوریم. نرگس: چون ۳۶>۳۴>۲۵ پس ۴۳√ بین دو عدد ۵ و ۶ قرار دارد. یعنی داریم: ۶> ۳۳√ > ۵

نسیم : اگر فاصلهٔ ۵ تا ۶ را روی محور نصف کنیم، عدد ۵/۵ به دست می آید و چون ۲۰/۲۵ = ۲(۵/۵)، پس حتماً جذر ۳۴ از ۵/۵ بیشتر است.

آزاده: می توانیم چند عدد بزرگ تر از ۵/۵ را بررسی کنیم؛ مثلاً ۵/۷ و ۵/۸ و ۵/۹.

SIM DINK 7110 11/0 44/1911 44 VALL 44 11/20/44 44/1092

سبس آنها به کمک ماشین حساب جدول زیر را تکمیل کردند.

عدد	0/4	۵/۸	0/1	۶
مجذور	77/44	TT/54	74/81	75

در نتیجه با توجه به جدول بالا، مقدار ۳۴ / تقریباً برابر ۵/۸ است.

آخرين حملة فعاليت بالا را معمولاً به شكل روبهرو مي نويسيم: ٥/٨ = ٧٣٠

اگر این دانش آموزان بخواهند به کمک روش بالا مقدار ۳۴√ را تا دو رقم اعشار حساب

كنند، چگونه بايد اين كار را انجام دهند؟ قاصله سيري ه ١٨٥٥ و ١٩٥٥ أرضف من ليم ساد امر در با لا 4,3 7 = 61,6

01/0/578/0/90

=>0/10/145 (0/10)] - 0/14/1/15/0/10 DIVLY = LAVALLE

مقدار ۱۳۴ تا پنج رقم اعشار به کمک ماشین حساب چنین به دست می آید:

کار در کلاس

۱_ با پرکردن جاهای خالی، مقدار ۷٫ و ۲۰۰۰ را بهصورت تقریبی تا یک رقم اعشار به دست آورید. نتیجه را با آنچه ماشین حساب به دست می آورد، مقایسه کنید.

> $\sqrt{1} < \sqrt{Y} < \sqrt{Y}$ 1<17 < (1)

الف)

اکنون با نصف کردن فاصلهٔ ۱ تا ۲ روی محور، عدد ۱/۵ را آزمایش میکنیم. جون ۲/۲۵=۱/۵)، پس مقدار V حتماً کمتر از ۱/۵) است.

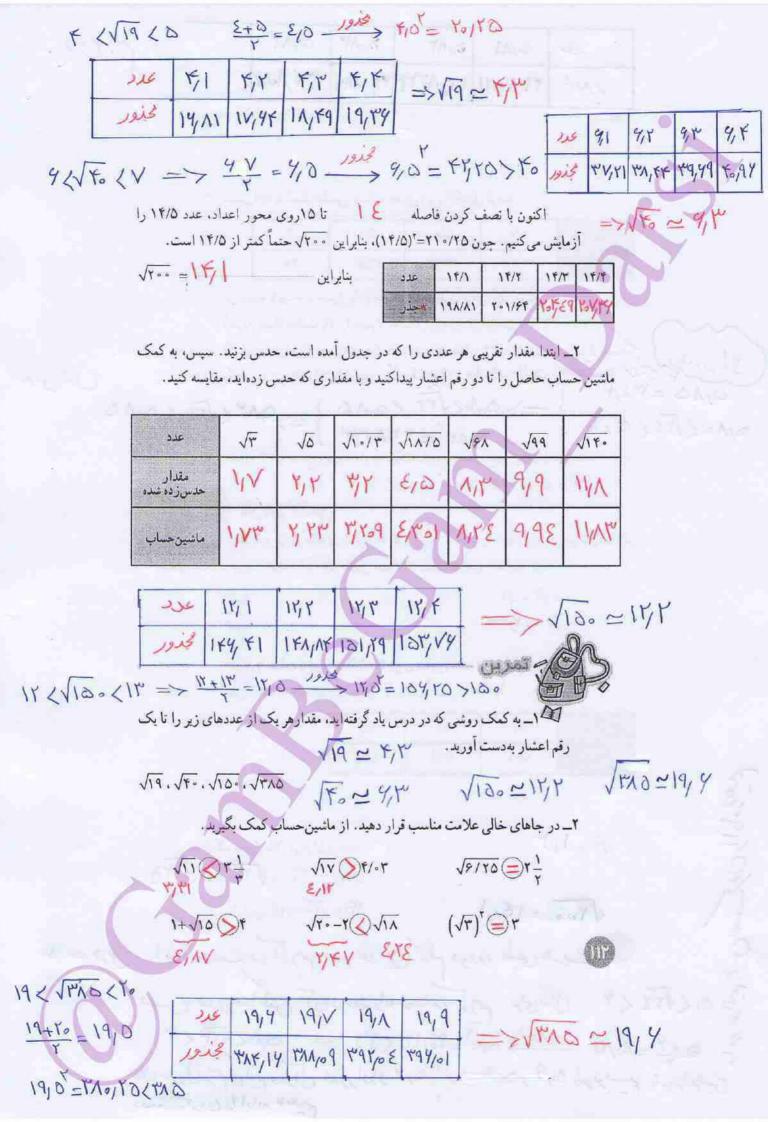
عدد	11/1	1//	1/0
مجذور	1/81	1/19	1/10

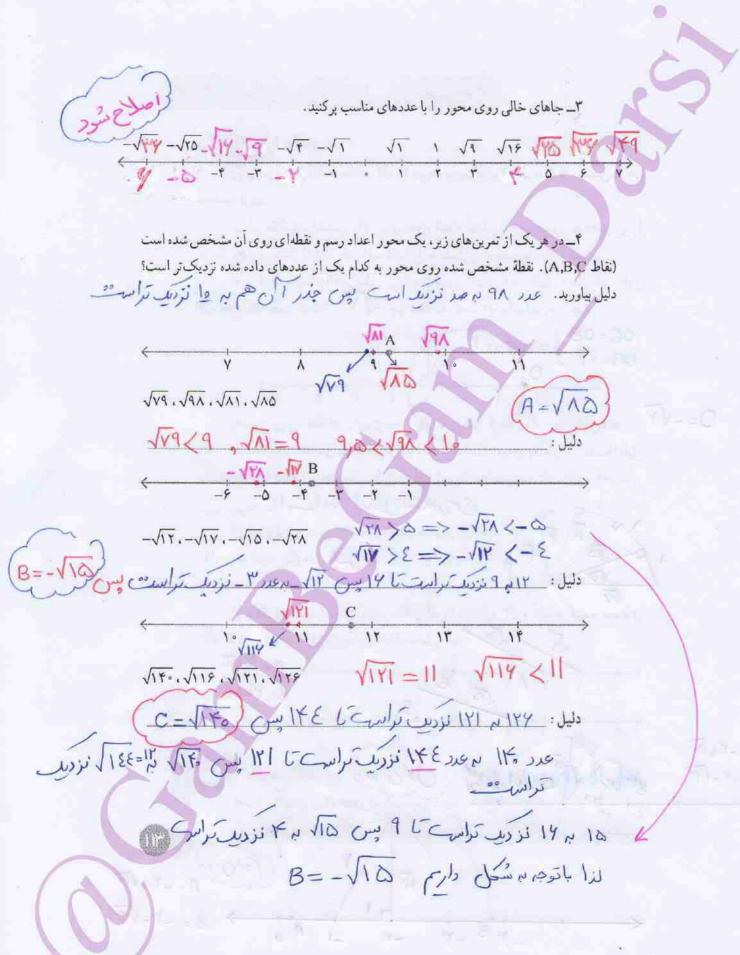
به كمك جدول بالا مي توان نوشت:

V198 < Vro. <) (> VYYO

بنابراین: ۱۵> ۲۰۰۰ 🕜>

فلا صدرس: ابترا برست م آورم وزر عردس درام دوعدد طبعی هست سیسی مندورمیانگین آن دوعدد رامدس می آوریم برای شال 4 > 44 > 6/4 <= 34 > 01/04 = 10/8 <= 0/8 = 1+10 حال جرولی رسم س کسم و دراک مخبور اعداد ۱/م ، ۱/م ، ۱/م و ۱۹ رای نوسے ماس وانع میں





مم برای راهنی کارس کوانیم میلات را باهان واقد محور بسرون محور رسم کینی و کسس برگار را به اندازه ی مطلوب باز نزده و مان مورد نظر را رسم لینم

🥌 🥒 نمایش اعداد رادیکالی روی محور اعداد

والمنافقة البيت

محاسبه کردید.

در این فعّالیت، با نمایش ∇ روی محور اعداد آشنا می شویم. محور عددهای زیر را در نظر بگیرید. مثلث OAB یک مثلث قائم الزاویهٔ متساوی الساقین به ضلع ۱ است. به مرکز O و شعاع OB کمانی می زئیم تا محور اعداد را در نقطهٔ C قطع کند. طول یاره خط OC چقدر است؟ ∇ جرا نقطهٔ C، عدد ∇ را نمایش می دهد؟

 $D=-\sqrt{\Upsilon}$ به همین روش، نقطه ای را روی محور بالا معین کنید که عدد ∇V – را نمایش دهد. در شکل زیر، تعدادی مثلث قائم الزاویه رسم شده است. در هر یک از این مثلث ها طول یک ضلع زاویهٔ قائمه ۱ واحد است. طول و ترهای این مثلث ها به ترتیب ∇V ، ∇V ، ∇V ، ∇V ، ∇V

> است. چرا؟ با استما ده از ارطمی فیتاعورس آیا می توانید به همین ترتیب پاره خطی به طول ۶۰ و √۷ رسم کنید؟ چگونه؟ ملسم

از شکل داده شده استفاده کنید. دهانهٔ پرگار را به اندازهٔ $\nabla \sqrt{v}$ باز کنید و عددهای $\nabla \sqrt{v}$ باز کنید و عددهای عدد و عدد و عددهای عدد و عدد و عددهای عدد و عدد و عدد و عددهای عدد و ع

برای نمایش عدد ۲- \sqrt{r} روی محور از نساوی \sqrt{r} +۲-=۲- \sqrt{r} استفاده کنید.

A=-Y+1F

A = -Y + VY A = -Y + VY B = -Y - VY

دراس روش هروادرسهم اس

خواص ضرب و تقسيم راديكال

با توجه به عددهای داده شدهٔ a و b، مانند نمونه جدول زیر رآ

دو ستون آخر جدول، چه حدسي مي زنيد؟

а	\sqrt{s}	ь	√Б	ab	√ab	√a.√b
۴	Υ	1	۲	75	۶	۶
٩	4	19	۳	144	14	14
۲	۳	19	۴	94	٨	Δ
ro	۵	۴	۲	00	10	10

آیا می توانید حدس خود را به صورت یک عبارت کلامی بیان کنید؟ <u>چذم (را بحال) حاصل خوب رو</u> عدد برابر اس ما حاصل طرب جنرهای آری دو عدد

به كمك جدول بالا، درستي رابطه را بررسي كنيد.

 $\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$

ا کار در کلاس العدا ۲۴ = ۱۱۱ + ۱۲ مردر کلاس ۱_در تساویهای زیر جاهای خالی را پر گنید.

J9+14= VYO =(D)

JYXJA = VIY = & 6 JYXA

 $\sqrt{1} = \sqrt{V} \times \sqrt{V}$

11x × 17 = 144 = 4

1700=100 × 17 = 1017

م = الم المعلام المعلام المعلام المولام المعلام المولام المولام

۲_ کدامیک از عبارتهای زیر درست و کدام نادرست است؟

√0.=10 W/26) √0.=0×√1 (m/2)

٣ مانند نمونه تساوى هاى زير را كامل كنيد.

 $\sqrt{r} = \sqrt{r} \times \sqrt{o} = r\sqrt{o}$ 1x=1+x1+=41+

4/7= 4/x3=71V

JIN = 19 X17 = 417 VO = VXXVY = OVY

√ فعالیت

که تجدول زیر را برای عددهای مثبت a و b کامل کنید. مقدارهای دو سطر آخر را با هم مقایسه کنید و تساوی به دست آمده را به شکل یک قانون کلی بنویسید.

a	1.5	70	١	49
Ь	1000	45	100	44
$\sqrt{\frac{a}{b}}$	$\sqrt{\frac{15}{9}} = \frac{4}{5}$	√Y0 = Q	VI =1	√ 199 = Y
$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$	$\frac{\sqrt{19}}{\sqrt{9}} = \frac{9}{7}$	170 <u>a</u>	11 1 10	JAC A



. ١- با استفاده از شكل رويه رو، درستي رابطة

 $S = \frac{9}{18}$ cl yeons disc. $\sqrt{\frac{9}{18}} = \frac{7}{8}$

= = =

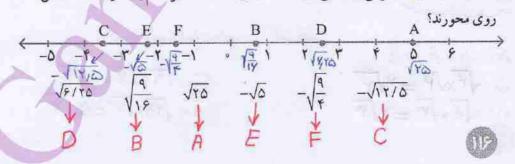
ـ در جاهای خالی عدد مناسب بنوبسید.

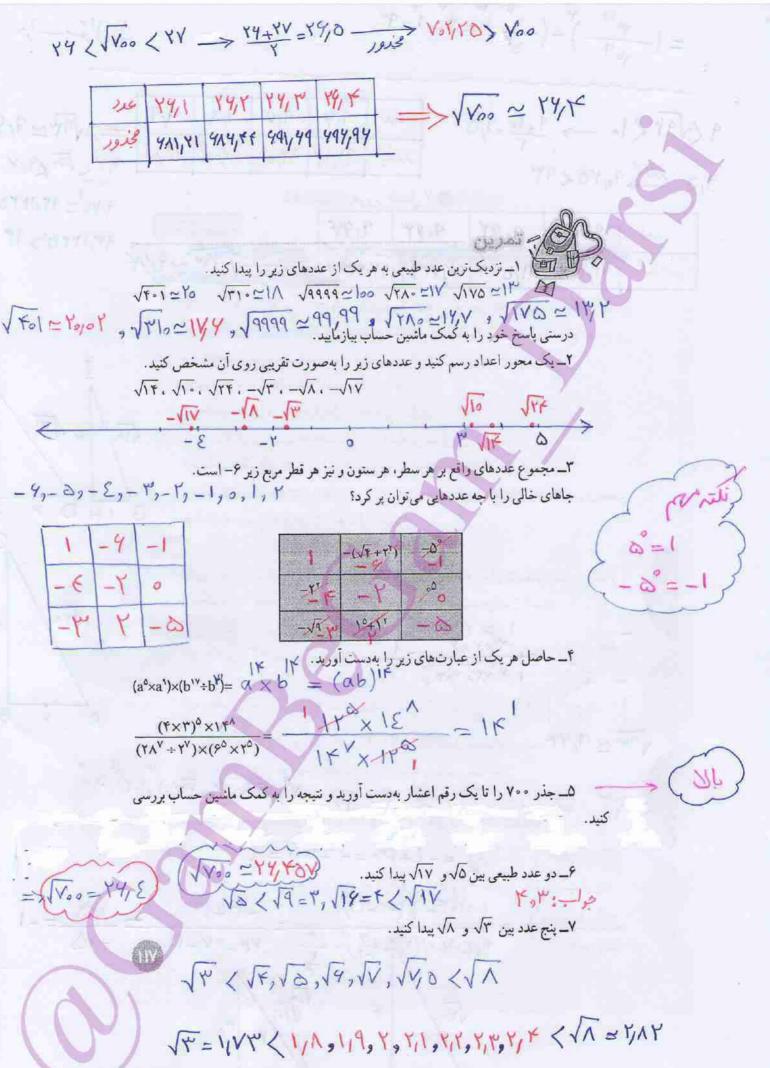
$$-\sqrt{\frac{1}{\sqrt{q}}} = -\frac{1}{V}$$



$$\sqrt{\frac{9}{100}} = \frac{7}{6}$$

٣ به صورت تقریبي مشخص كنید كه عددهاي داده شده نظیر كدام یك از نقاط مشخص شده





K

	10 4	F	to the	1 a
1 4	\ <u>·</u>	(&F)	= 1. +	1=1
= (9 /	1 8 1		
to				

20	1								
0	1. Taw 11	· -> :	9-10 9 2	1	9,4	9,1	9/1	9,9	=> Tar = 91
			100		12 9V1	VAKA	94,8	91/10	9,4 < 197/9/1
9,	و فحدور	90/40<9	٣				1.7-1	wyw	1 - 1 - X
					🕽 🛚 مړور ف				9,49 = 94/174
	عدر	9,41	9,44	9,44	9,44		ماردا		94,1440>94
	مجذور	94,4041	81,94xx	97,1449	94,9494	\Rightarrow	-19m	=9,41	
					ه ریشه های دوم ب				
		وضيح دهيد و د	را یا یک مثال آ	بِدَانِد. هر كداء	ملی زیر مطرح ند				
				£	نواندار به توان	س را پنویسید دا یک عدد			I
					نوار با پایدهای ندار با پایدهای				1 _/
					۔ عدد تواندار با نہ	A STATE OF THE RESERVE OF THE PARTY OF THE P		ALCOHOLD THE REAL PROPERTY.	10 / m 1/14
		اندار	هٔ یک عبارت تو			یک عدد			11/
	,	یکالی روی محو	دن عددهای راد			ک عبارت توار			7 a H1
				· ·	، و حاصل تقسی	ِ حاصل ضرب	محاسبة جدر		()
			classe il i	اض مثا حر	رسهای دیگر ری	و علاوه د در	ر د د این در پ	5	/
					. ن ک ت برر. و دای از بیان این				
			100	الااع			، وکسی	تبرين داي	140
		-4)2×1,× -4,×(-4)4×1Y		X F = 1	بهدست آوريد	ارت مقابل را	ـ حاصل عبا	.)	
		$L_1 \times (\frac{L\Lambda}{l})_{L}$			ا مدست أوريد.	سیم مقابل را ب	_ حاصل تقس	Υ	
					ذر عدد ۹۳ را ت				AY
	The state of the s			A COLUMN					E C X
	((-Y/C	y e 9 € (1	و ۲۵ و ۷	صعودی و از ج ۱۲- و ۲۲ اظر ما عددهای ز	-4, 4 AA	à, 4, 1	fV,Y,(-	F) 9(=1/0)
		. 10		, 0,5,5,5				.0	
		۱۳۰ و ۱۳۰	JY0-√Y3	=-8+	TO =- Y+	119 = K		c	
		ه دست اورید. «	a=- و جاء ب	x= و y=y و ۱ ۱ ا ا _ ۲ × ۱	ر را بهازای ۲–= (را بهازای ۲–		۔ معدار عدد 19+49 -		12
		$ax^{y} - b(x - y)$						Or All The Parties and Date of	$=\frac{1\omega}{-1\omega}=-1$
		raxy + (=) -	br Yx((-1)(-٢)(9)	+ (-+)		F-1V-	-410	- 100
1		X		-/		16/			
		Jaks		140	The second second	W W	m	+	
1		/				//		1	
	-			, T	,		7 7	1	>
	All II		-	-		O K	VI	114	



آمار واحتمال فصل ۱

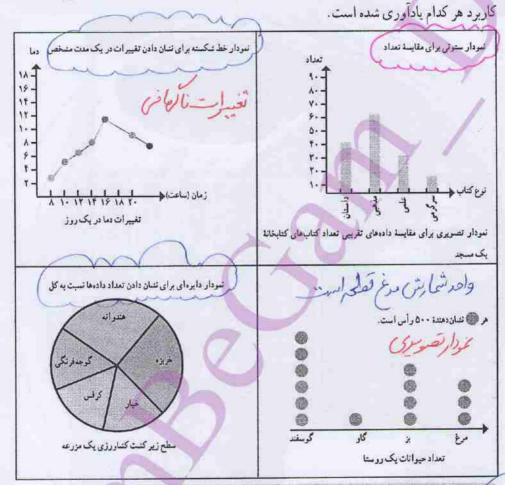


بررسی خواص یک گاز با استفاده از آمار و احتمال، هم کاری ساده است و هم منجر به نتایج قابل قبول و عملی می شود. مثلاً با استفاده از آمار و احتمال می توان تعداد دفعاتی را برآورد کرد که باید مقداری گاز دارای اورانیوم را غنی کنیم تا به درجه خلوص مورد نیاز برسد.

(la lake

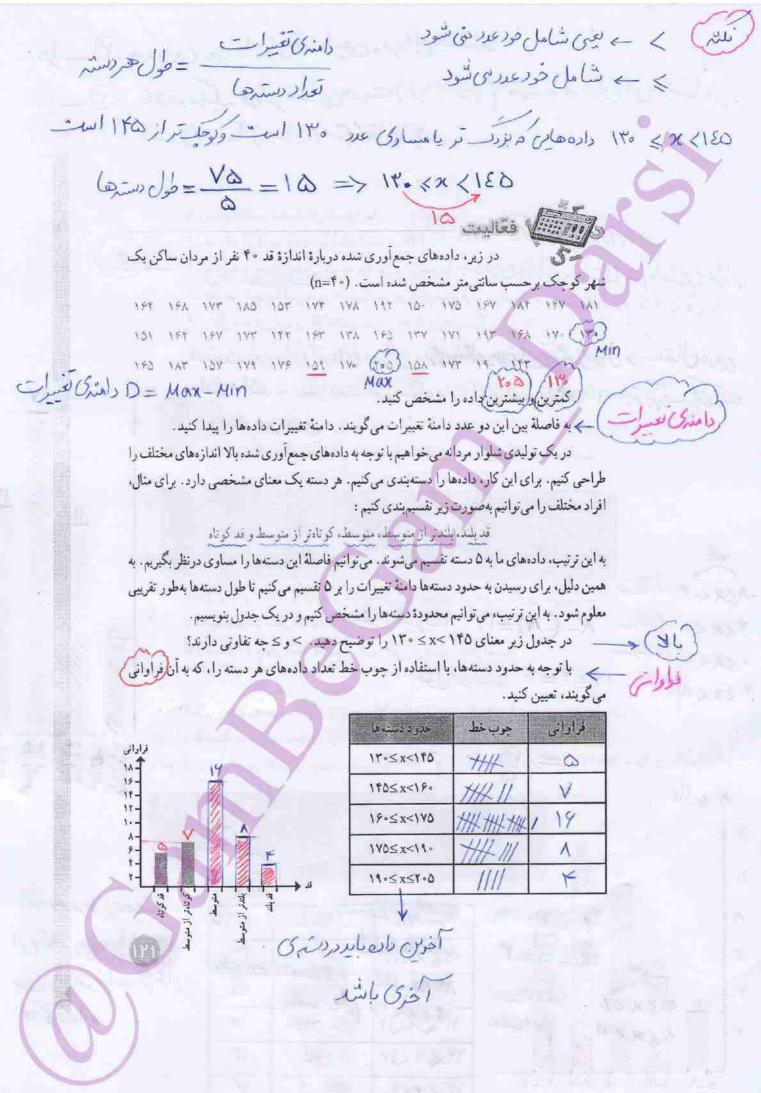
و الده ها الله الده ها

در سال های پیش با علم آمار، که علم جمع آوری، سازماندهی و تحلیل و تفسیر اطلاعات (داده ها) است، آشنا شدید. داده ها را با چوب خط، سرشماری و در جدول سازماندهی کردید. سپس، با توجه به موضوع و هدف آمار گیری، نمودار آن اطلاعات را رسم کردید. در زیر، چهار نوع نمودار و



چرا رکت سنگی سنگی کا گر داده های جمع آوری شده زیاد و براکنده باشند، بررسی آنها طولانی می شود. برای اینکه کست بنوانیم آسان تر و بهتر نتیجه بگیریم، داده ها را متناسب با موضوع آماری دسته بندی و سازماندهی می کنیم.

دسترسدی ایر هدفتند باشد م انخر درتحلیل و تعریراطلاما درو

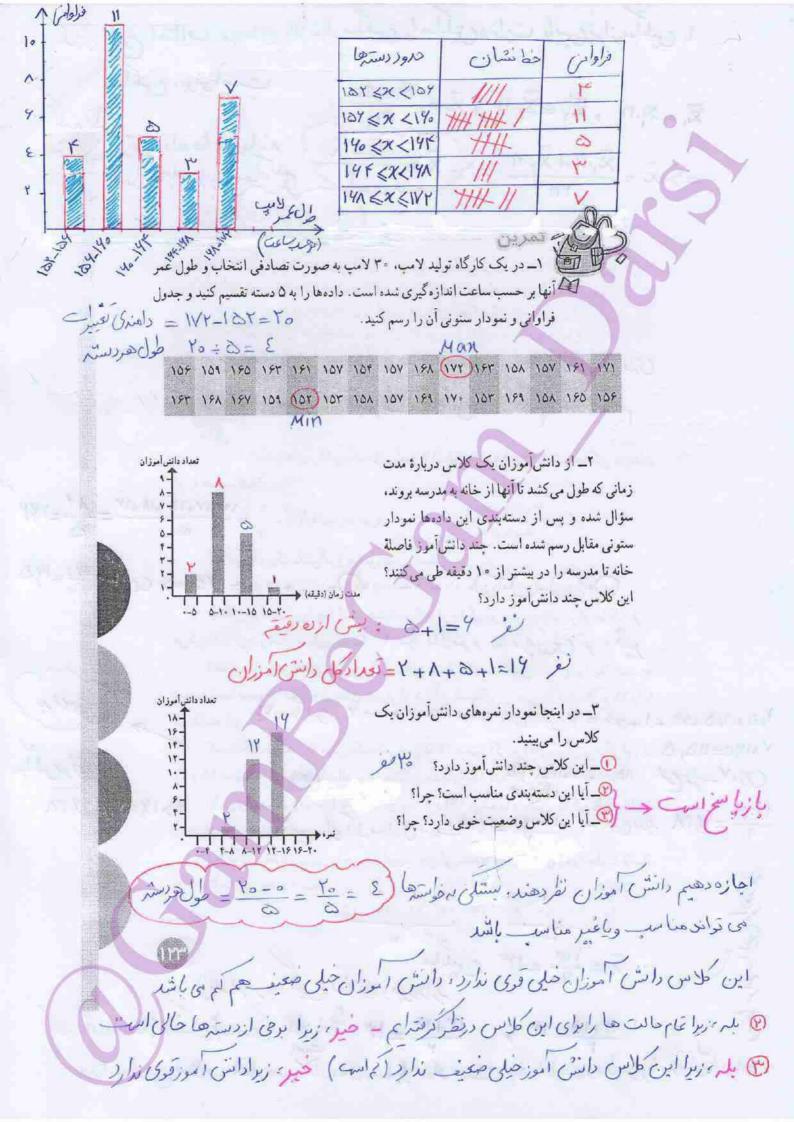


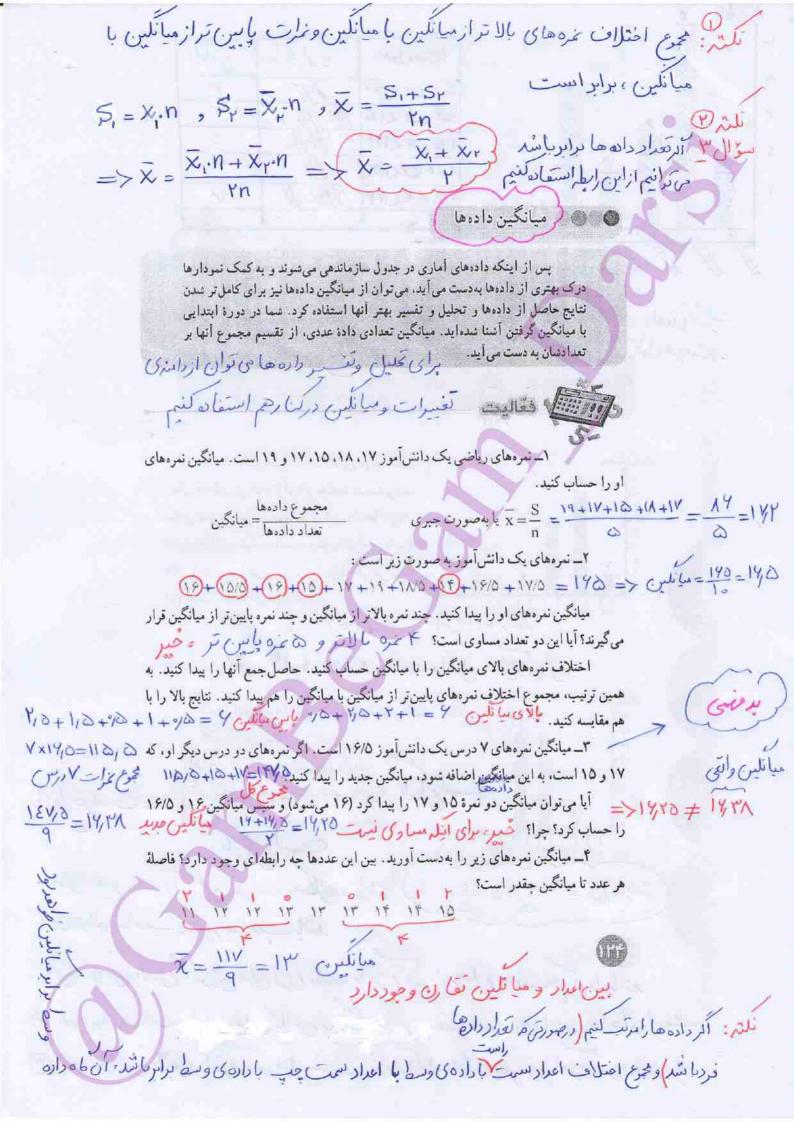
حواب الم مردم این روستا رازای قد طبیعی و نرمال هستند حواب از با تؤهم مهانیکم عردار شقارن هست (مودار منتی) متوسط قد مردان این روستا در دستمری وسط (دمشی سوم) قرار دارد

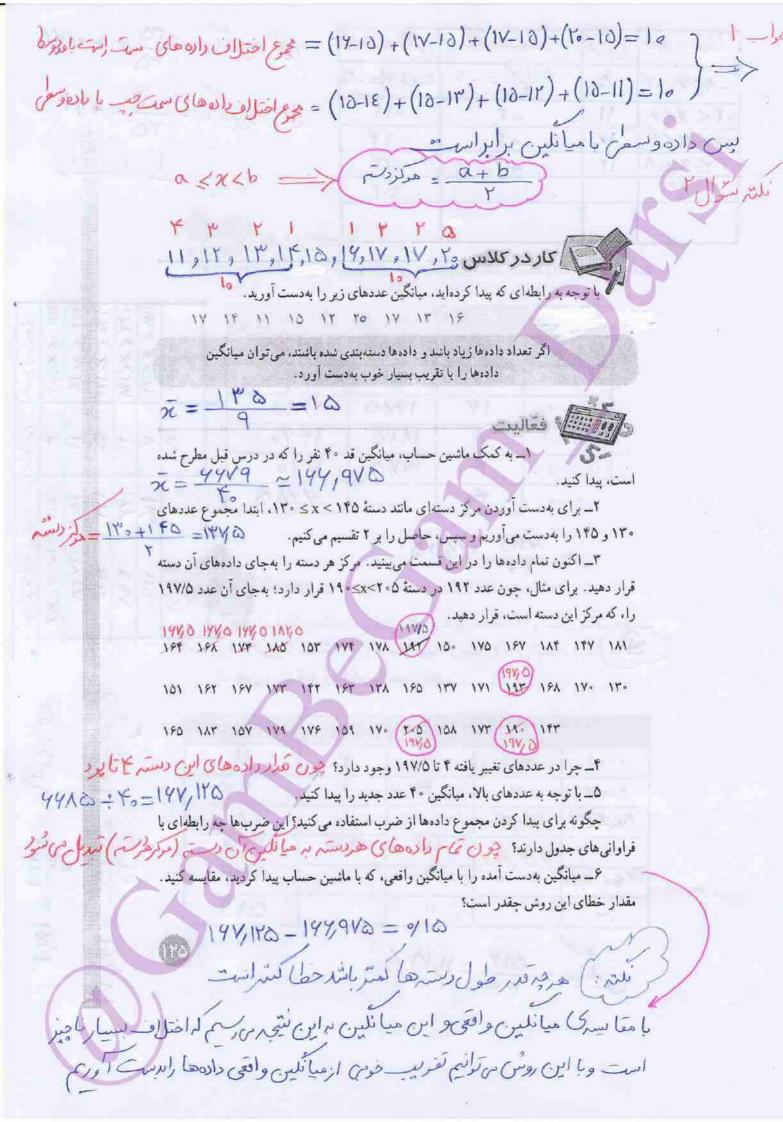
با توجه به فعالیت صفحهٔ قبل به سؤال های زیر پاسخ دهید. دستری اسوی ۱_قد اکثر افراد در چه محدودهای است؟ ۱۲۵ تر ۱۷۵ ۱۷۵ م ۱۷۸ م ۲ با توجه به نمودار ستونی متوجه چه چیزی می شوید؟ بیشترس طراولین دردستری سم وکرترس طراولین ۳ دردستری سم وکرترس طراولین ۳ فکر می کنید میانگین قد مردان این شهر در کدام دسته قرار می گیرد؟ دردستری سوم ۱۷۵ کری ۱۹۵ می ۱۹۰ می از به نظر شما این آمار و اطلاعات و نمودار چه کاربردهای دیگری دارند؟ استعداد باین سرای تیمهای ورزشی ، این شهر می تواند تیم والیبال و بستنبال فویی راسترباشد - بهتراست فروسگاه های این شهر علیاسهای سایر بزرد تعیاند کار در کلاس 🕼 🖊 آمیانگین دمای هوا در روزهای مختلف یک منطقه بهصورت زیر گزارش شده است. +Y +Y +O +F; - -1 -Y -V -Y -Y -1 . جدول فراوانی داده ها را براساس سؤال های زیر مشخص کرده و نموداری ستونی رسم کنید. سرگالول ۲- ۲ XXX-• دامنهٔ تغییرات چقدر است؟ مل کی تغییرات ۱۷ = (۸م) مرسکادی • داده ها را به چهار دسته تقسیم می کنیم؛ طول هر دسته چقدر است؟ می کنیم؛ طول هر دسته چقدر است؟ x < x < 15/68 Cin 14: += x muselb ۲ نمره های ریاضی دانش آموزان یک کلاس به صورت زیر است. با توجه به دامنهٔ تغییرات، آنها را به ۵ دستهٔ مساوی دسته بندی کنید. پس از رسم جدول، نمودار ستونی را رسم کنید و با توجه به نمودار، وضعیت این کلاس را توصیف کنید. میلی هرای تغییر توجه به نمودار، وضعیت این کلاس را توصیف کنید. میلی هرای تغییر ت 10 TE 11 14/0 14 10/0 18/0 11 NO 4 0 11 10 باتوحم المتودار وجنعيات

با توجه به تمودار وجعیت این کلاس شوسط اسهت چون ۱۸ نفرنمرات کم مراز ۱۲ گرفتراند

10		
7		Max
^	فاسان مرود رسترها	اولن)
9 - 3	0 < x < 1 ///	m
Y - W	1 6221 7	۵
· 1	11 < x < 14 ## ##	- 10
	14 X X X X X X X X X X X X X X X X X X X	/ 11
9-4 V-11 11-14 1E-14	14-40 11/8X810 HH 11	V







حدود درسترها	فراولن	سرلز دسترها	موكز دستم × فراولن
- N< X<-F	٠ a	$\frac{-\Lambda + (-9)}{\Upsilon} = -9$	2x(-4)=-16
- K < X < °	11	-۲	-77
0 < x < x	14	+1	+44
r < x < 1	14	+4	+77
28.			04

١١١٠ + = ١١٥٠ = ميانلين وافعي
عیانگین تقریبی = +4/۲ = +1/۲
خواب سول کے مربور یہ دید

146 < 2<146

7

144

13

10x < x<180

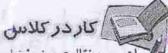
EX.

1001

ノイベン

JAYX XVAL

SVAL



﴾ با توجه به فعّاليت صفحة قبل، با كامل كردن جدول زير ميانگين داده ها را دوباره محاسبه كنيد.

حدود دستهها	فراواني	مرکز دسته	مرکز دسته × فراوانی
15= < ×<140	۵	1440	YNYO
1405 x<18=	V	1070	104V, Q
18°≤ X<1V∆	14	1440	Y410
11>x≥6Y1	1	1440	1440
19.≤x<7.0	K	1940	V90
مجموع	150	1	9910

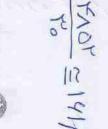
<u>۱۹۷۸ = ۲۹۸۵ میانگین</u>

تمرين

۱ میانگین دمای هوا مربوط به کار در کلاس صفحهٔ ۱۲۲ و میانگین ساعت های عمر لامپ مربوط به تمرین ۱ صفحهٔ ۱۲۳ را به دست آورید. از جدول فراوانی استفاده کنید.

۲_جدول زیر را کامل و میانگین را حساب کنید.

	خط شان .	فرارانی	مركز دسته	مرکز × فرارانی
∘ ≤ x< *	-1111- 1	9	٢	14
* ≤x< \	UH	K	4	44
NEXCIT	## 111	٨	١-	10
17 ≤ x < 18	HH HH HH II	1	16	YYY -
14 6x 640	+111- 1111	9	14	144
جمع		**		614



ملته داده هاین م فاصله ریا دی تا میانلین دارند تانیر زیادی روی میانلین دارند رای مال ۴۵ فاصله زیاری تا ۱۷۲۵ دارد و انر آن را حذف لنیم میانلین رای مال ۴۵ فاصله زیاری تا ۱۷۲۵ دارد و انر آن را حذف لنیم میانلین به صورت محسوسی اصافه می شود

۳ میانگین نمره های ریاضی دانش آموزان یک کلاس ۳۰ نفره ۱۷/۲۵ شده است. یکی از دانش آموزان در این امتحان نمرهٔ ۳/۵ گرفته است؛ در حالی که بقیهٔ آنها نمرهٔ بالای ۱۵ گرفته اند. الف) اگر این دانش آموز را از کلاس کنار بگذاریم، معدل کلاس چند می شود؟ از این سؤال چه نتیجه ای می گیرید؟ محرم مخرات کرکلاس ۱۷/۵ = ۱۷/۵ × ۲۰۰ می گیرید؟

833 st= 17 in 10=017-6/10

نسيم: قرأت بالأوليس مَا نَفِرزياري روى مانيس دارند = ١٧١٧٢ = ٢٩ = ١١٠

ب) حالا فرض کنید همهٔ دانش آموزان کلاس نمرهٔ کمتر از ۱۴ گرفته اند؛ بهجز یک نفر که ۲۰ گرفته است، معدل این کلاس ۳۰ نفره ۱۰/۲۵ شده است. اگر دانش آموزی را که نمرهٔ ۲۰ گرفته است کنار بگذاریم، معدل کلاس چند می شود؟

40×10/10-10 = 40√0-10 ≅ 9,91 219 (1) 100 des

پ خواندني

ایدهٔ اولیهٔ احتمال، مبننی بر بازیهای شانسی است. این گونه بازیها از زمانهای بسیار قدیم رایج بودهاند، زیرا در حفاریهای باستان شناسی، برخی وسایل و آثار مربوط به بازیهای شانسی مشاهده شده اند؛ از جمله مکعبی استخوانی که روی وجه های آن عددهایی از ۱ تا ۶ نقش شده است.

در روزگار کنونی در مواردی که به راحتی نتوان یک انتخاب را بر انتخاب دیگر ترجیح داد، از شانس استفاده می شود. برای مثال، در شروع بازی فوتبال از پرتاب سکه استفاده می کنند یا برای قبول یا رد یک موضوع، از قرعه کمک می گیرند. همچنین بانک ها برای اختصاص دادن جایزه به مشتریان دارای حساب قرض الحسنه، از قرعه کشی استفاده می کنند.



۴ــ در آزمایش مربوط به فعّالیت ۱با توجه به اینکه ۱۰ کارت داریم پس بیرون آمدن هر یک از عددهای روی کارتها هم شانس هستند حالا به سؤال ها پاسخ دهید : الف) در چند تا از آنها عدد روی کارت. اول است؟ ۴ 🎝 ب) در چند تا از آنها عدد روی کارت، مرکب است؟ 🔑 🕊 ج) احتمال هر یک از اتفاق ها (پیشامد)های زیر را پیدا کنید: 🕇 = احتمال آنکه عدد روی کارت، اول باشد. 🧨 = احتمال آنکه عدد روی کارت، مرکب باشد. برای اینکه احتمال رخ دادن یک پیشامد را بیابیم، تعداد حالت های منجر به آن اتفاق را بر تعداد كل حالت ها تقسيم مى كنيم: تعداد حالتهاي مطلوب = احتمال رخ دادن یک پیشامل تعداد همة حالت هاي ممكن ۱- پنج توپ کوچک با شماره های ۱ تا ۵ را داخل یک جعبه ریخته ایم. احمد یکی از أنها را بهطور تصادفي از جعبه خارج مي كند. قرار است اگر عدد توپ زوج بود، جايزه بگيرد. - احتال زوع بورزى = -احتمال اینکه احمد جایزه بگیرد چقدر است؟ ٢ حميد مي داند دوستش در خرداد به دنيا آمده است اما نمي داند چه روزي! احتمال اینکه دوست حمید در روز ۱۵ خرداد به دنیا آمده باشد، چقدر است (خرداد ۳۱ روز دارد.)؟ ۳- برای هر یک از موارد زیر یک مثال بنویسید. را برای هر یک از موارد زیر یک مثال بنویسید. از ۴ بیا ریم عددی بزرد از ۴ بیا ریم عددی بزرد از ۴ بیا ریم عددی بیشامدی که احتمال رخ دادن آن صفر باشد. میگراس را بینداز ریم عددی بزرد از ۴ بیا ریم عددی بیشامدی که احتمال رخ دادن آن صفر باشد. ب) پیشامدی که احتمال رخ دادن آن کمتر از ب باشد بداس را بیندارید، عدری مرلب بیا میر = با ج) پیشامدی که احتمال رخ دادن آن 🐈 باشد. کی تاس را بیمدازید، عددی زوج بیاید = 🕂 = 🕊 د) پیشامدی که احتمال رخ دادن آن بیشتر از الله باشد. یک ماس (سیمازید عدمی بزرگ مرازدو میابد ۲ = ا هـ) پیشامدی که احتمال رخ دادن آن یک باشد. کد تاس را بندارید، عدری کومد تراز از سالد عبارت زیر را بخوانید؛ درستی با نادرستی آن را مشخص کنید و دلیل این تشخیص را در چند جمله بنویسید. «احتمال رخ دادن یک پیشامد برابر با صفر، یک یا عددی بین صفر و یک است.» راس برهيم رجرزع ندهد برابر مؤاس ألرحما رم دهد برابرس اس ولبتير حالت هاهم عدري سرم صفر وكداست

۱ - الف) عفربه چرخندهٔ زیر را می چرخانیم. احتمال هریک از حالتهای زیر را پیدا کنید و در جدول بنویسید.

×+ /= 1	
$\frac{\xi}{\Lambda} + \frac{\xi}{\Lambda} = 1$	
$\frac{\triangle}{\Lambda} + \frac{\Psi}{\Lambda} = 1$	

6			1
1		\rightarrow	/
*	_		

ئايستد	بايستد	
<u> </u>	<u>,</u>	ا عقربه روی ناریخی
*	V K	عقربه روی آبی
<u>a</u> <	<u>۳</u>	عقریه روی سفید

ب) حاصل جمع دو عدد هر سطر جدول را به رست أوريد. چرا حاصل جمعها با هم برابوند؟ چن طی حالت حای موعود را درسوسی کیرد

ج) احتمال رخ دادن یک بیشامد ۳ است. احتمال رخ ندادن آن چقدر است؟ چرا؟

1 - 1 = V 0/01/2 / dlas

هم *شا*نس

۲ الف) هر یک از چرخنده های زیر را طوری رنگ کنید که احتمال ایستادن عقربه

تعدادهست های سفید = احمال

روی رنگ سفید برابر 🐈 باشد.





ب) بین این فعّالیت و تساوی کسرها چه ارتباطی وجود دارد؟ ٣_ از يک کيسة حاوي ٥٠ مهره، مهرهاي را بهطور تصادفي بيرون مي أوريم. احتمال سبز بودن مهره، 🎢 است.

جند تا از مهره ها سبزند؟ ها مهره سبزداری و مهره اسبزند؟ ها مهره سبزداری و مهره اسبزداری این مهره اسبزداری و م



۶= { (پ رب)، (ر، ب)، (ر، ب) ، (ر، ب) ا

بررسي حالتهاي ممكن

		هر دو. رو	یکی رو، یکی بشت
در ۲۰ آزمایش	1/4	18	÷
در ۵۰ آزمایش	18	E	+

والله فعاليت عمع مع مع ا سارا، ستاره و محدثه یک بازی طراحی کردهاند. آنها دو سکه را همزمان می اندازند. اگر هر دو، رو آمد، سارا امتیاز می گیرد و اگر هر دو، پشت آمد، ستاره. اگر هم، یکی رو و یکی پشت آمد، محدثه امتیاز میگیرد. 🜋

فكر مي كنيد اين بازي عادلانه است؟ يعني شأنس أمياز گرفتن بازيكنها با هم مساوي است؟ حير ۲ ـ دو سکه بر دارید و ۲۰ بار آزماش کنید.

نتایج ۲۰ آزمایش را با رسم چوب خط در جدول ثبت کنید.

نتایج آزمایش خودتان را با نتایج سه هم گروهی تان جمع کنید و با استفاده از نتایج مربوط به ۸۰ آزمایش، درستی فکرتان را بررسی کنید.

آیا نتیجهٔ آزمایشها، پاسخ شما به فعّالیت ۱ را تأیید می کند؟

٣- در جدول زير، حالت هاي ممكن در پرتاب دو سكه نشان داده شده است. با توجه به اين جدول، احتمال امتياز گرفتن هر كدام از بازيكن ها را محاسبه كنيد.

كاردر كلاس بالدس أسار و منصفا نه نسه

🛨 = 🛨 = احتمال اینکه یک سکه رو بیاید و یک سکه پشت. احتمال اینکه هر دو سکه رو بیابند. احتمال اینکه هر دو سکه پشت بیایند. حالا دوباره به سؤال فعّالیت ۱ پاسخ دهید و برای پاسختان

دليل بياوريد. حون لحيال كدسلم رو و ملى نيشد

محمد میخواست یک شاخه گل رز برای مادرش و یک شاخه هم برای پدرش بخرد. در گلفروشی تعداد زیادی گل رز به رنگهای سفید، قرمز و صورتی بود.

> او دو شاخه گل را بهطور تصادفی و بهترتیب برای مادر و پدرش برداشت.

الف) همهٔ حالت های ممکن را به کمک جدول بیدا کنید. ب) در چند تا از این حالت ها دست کم یکی از گل ها سفید است؟

ىادر گل بېدر	سفید گل،	鸠	مورتي
سقيد	س_س	ق_س	0-0
1	س_ق	0-0	5-0
صورنی	س ــ ص	00-0	0.0

ر المال

والمنافقة البت

۱ میخواهیم عقربه های دو چرخندهٔ زیر را بچرخانیم و رنگی را که عقربه ها روی آن میایستند، یادداشت کنیم.

جرخندة اول

جرخندة دوم

الف) با كامل كردن نمودار درختي، همهٔ حالتهاي ممكن را پيدا كنيد.

√ قرمز ۲ــقرمز ۱ زردــقرمز ۱

√ قرمز ۱ ــ قرمز ۲ √ قرمز ۲ ــ قرمز ۲

م ورو ارور ا

قونرا - زرد قومز ۲ - زرد

7/1-2/1

کل حالت های مکن ۹= ۳x x

قرمز ا

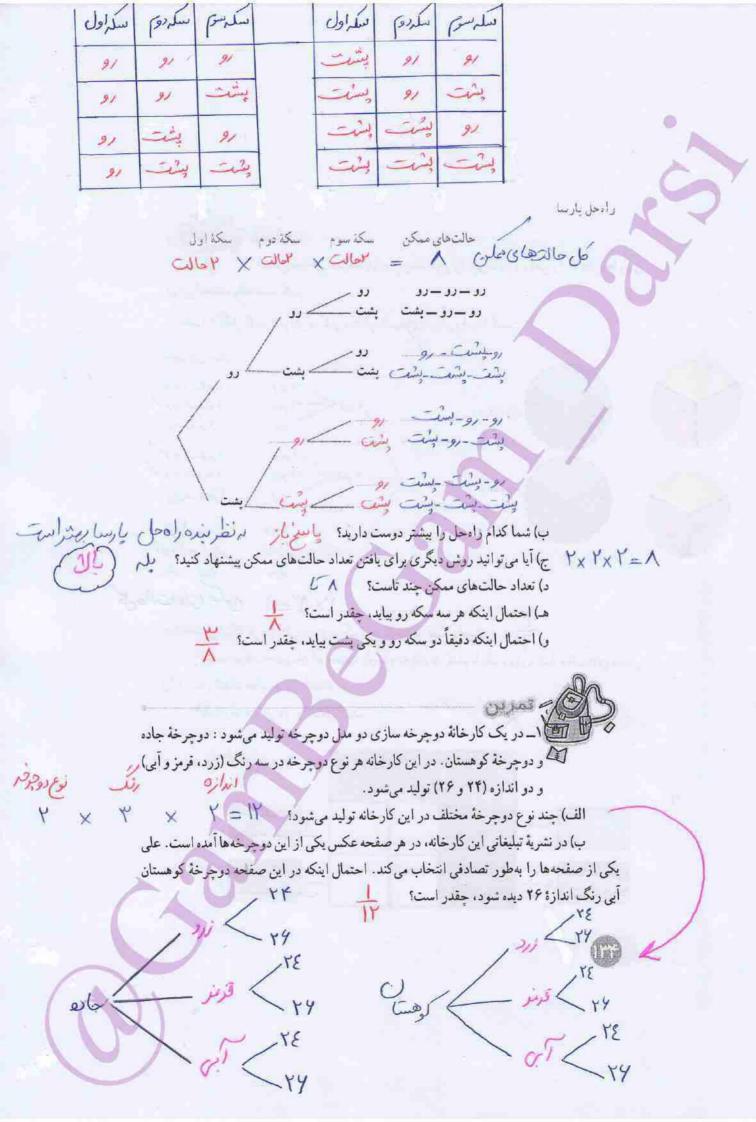
زرد

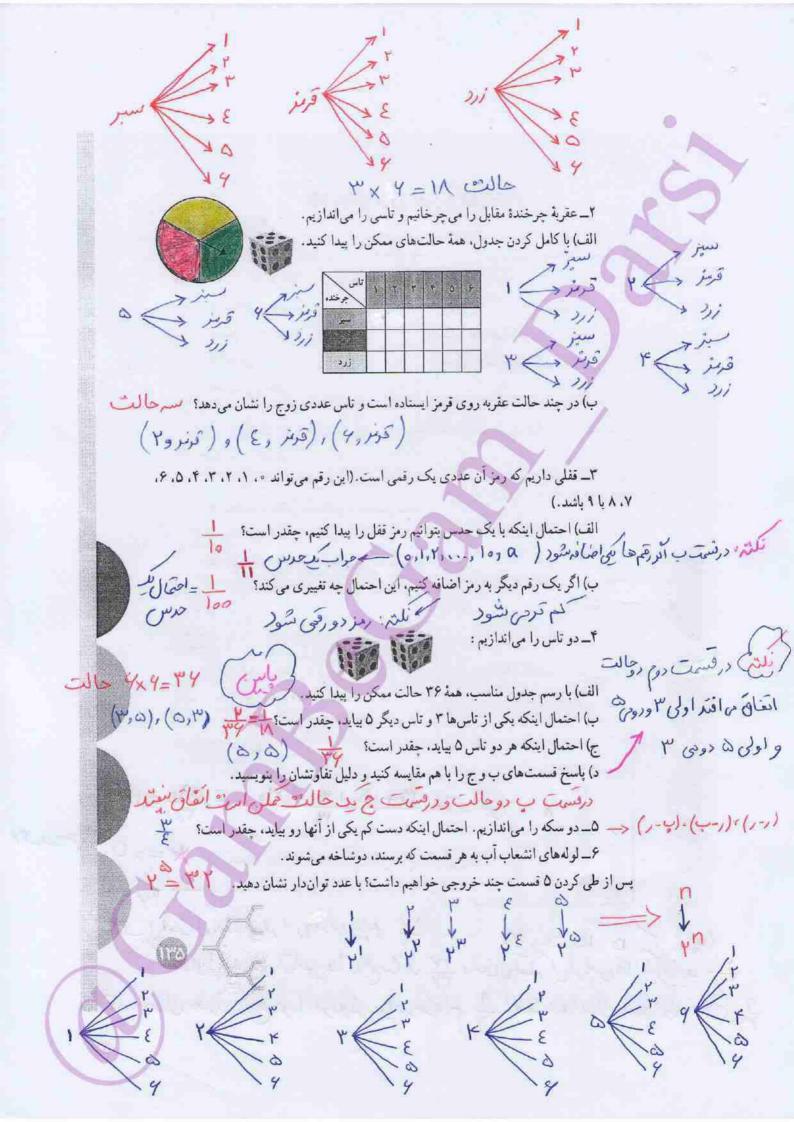
ب) احتمال اینکه هر دو عقربه روی رنگ قرمز بایستند، چقدر است؟

۲ سه سکه را همزمان انداختیم. پارسا و عرفان هر کدام با یک روش، همهٔ حالتهای ممکن را نوشته و تعداد حالتها را یافته اند.

الف) راه حل هر دو را كامل كنيد.







منافيم وأمهارتاها

ر در این فصل واژه های زیر به کار رفته اند مطمئن شوید که می توانید با جمله های خود، آنها را هرف کنید و برای هر کنام مثالی بزنید.

دسته بندی داده ها مرکز دسته

• آمار

• حالتهای همشانس

ه احتمال

• جدول حالتهای ممکن

• فراوانی • میانگین

ه نمودار درختي

در این قصل، روش های اصلی زیر مطرح شدهاند. با یک مثال هرکدام و ا توضیح دهید و در دفتر خود خلاصهٔ درسی را بنویسید.

• دسته بندی داده های زیاد و براکنده

• محاسبة ميانگين داده هاي دسته بندي شده

پیدا کردن احتمال یک پیشامد

• یافتن همه حالتهای ممکن به کمک جدول

پافتن همه حالت های ممکن به کمک نمو دار در ختی

کارېږد

آمار و احتمال در زندگی روزمره کاربرد وسیعی دارد. به کمک اطلاعات آماری و با درک مفهوم احتمال می توانیم وقوع رخدادهایی چون بارندگی، سیل و بارش برف را پیش بینی کنیم.

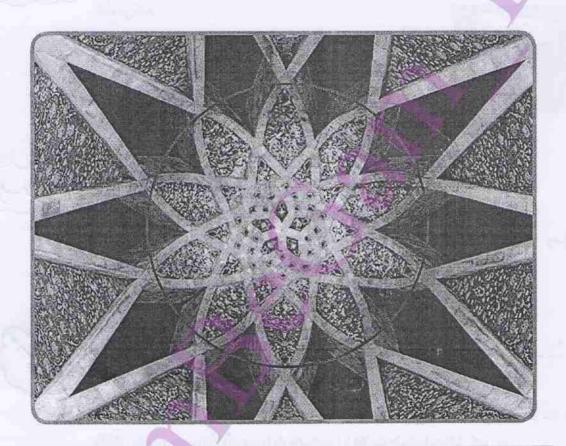
ی به در است؟ به چیدر است؟ پس در با احتمال اینکه هر دو تاس ۱ بیاید، چقدر است؟

الن احمال الله على ارئاس ها فرد بيابد مل على ارئاس ها اوج بيابد ملى ارئاس ها اول بيابد ملى ارئاس ها اول بيابد

اهمال هردوزوج و با هردوفرد با بد حرسام بهم است ، احمال هردو اول امدل



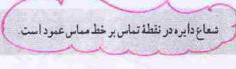
دايرهها

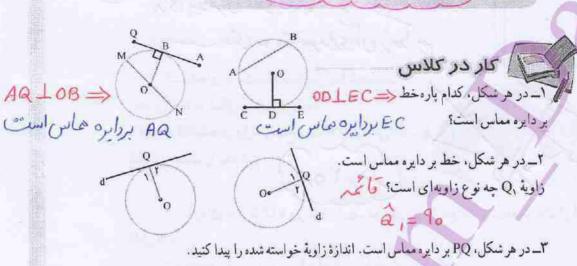


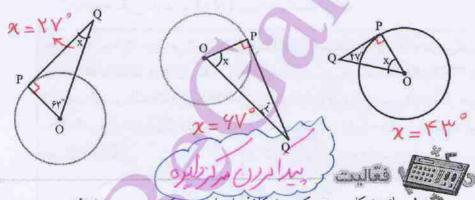
زاویه های محاطی و مرکزی و ارتباط آنها با کمانها در دایره کاربرد بسیاری در طراحی نقش فرشها و دیگر صنایع دستی و معماری دارد.

در تصویر بالا نمای داخلی سقف آرامگاه حکیم خیام نیشابوری را مشاهده می کنید. خیام، فیلسوف، ریاضی دان، ستاره شناس و رباعی سرای ایرانی قرن پنجم هجری شمسی است. یکی از برجسته ترین کارهای وی اصلاح گاهشماری ایران در زمان وزارت خواجه نظام الملک در دورهٔ سلجوقی است.









دایره ای شکل را با قبحی جدا کنید. دو نقطهٔ A و B را روی دایره قرار دهید.
دایره ای شکل را با قبحی جدا کنید. دو نقطهٔ A و B را روی دایره قرار دهید.
A را به B وصل کنید. این پاره خط وتر دایره نامیده می شود.
دایره را طوری تا کنید که نقاط A و B روی هم قرار بگیرند.

تای کاغذ را بازکنید.

روی خط تا را با مداد پر رنگ کنید. در هندسه به این پاره خط چه می گویند؟ قطر روی دایره، وتر دیگری رسم کنید و همین مراحل را برای آن تکرار کنید. دو پاره خط رسم شده یکدیگر را در چه نقطهای قطع می کنند؟ حمولس

نکتن قطری که AB رانف می کنه برای عرداست

نگند: اگرعود منصف دو وتر دلزاه غیر موازی را رسم لنیم بیدیگر را در مدکز دابره قطع می لند ونز: پاره خطی که دو نقطهٔ ی متمایز از که رایوه را برهم وصل می کمند را وسرس نامیم ٢_ نتيجة فغاليت (١) را به كمك شكل روبه رو توضيح دهيد.

برای بیدا مردن مرکز که دایر علم است نقطه ی برخورد ور منفف های دو و ترغیر موازی آن را مراکس

٣_ قطعه اى از يک بشقاب قديمي پيدا شده است.

تصویر آن را در شکل روبهرو میبینید.

با توجه به فعّالیتهای قبل، توضیح دهید که چگونه می توانیم A قطر این بشقاب را پیدا کنیم.

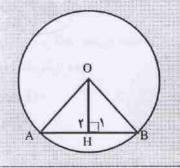
TOA = Bal

۱۳ دایره ای به مرکز O با وتر AB داریم. دو متن زیر را بخوانید و نتیجهٔ هر یک از آنها را
 کامل کنید.

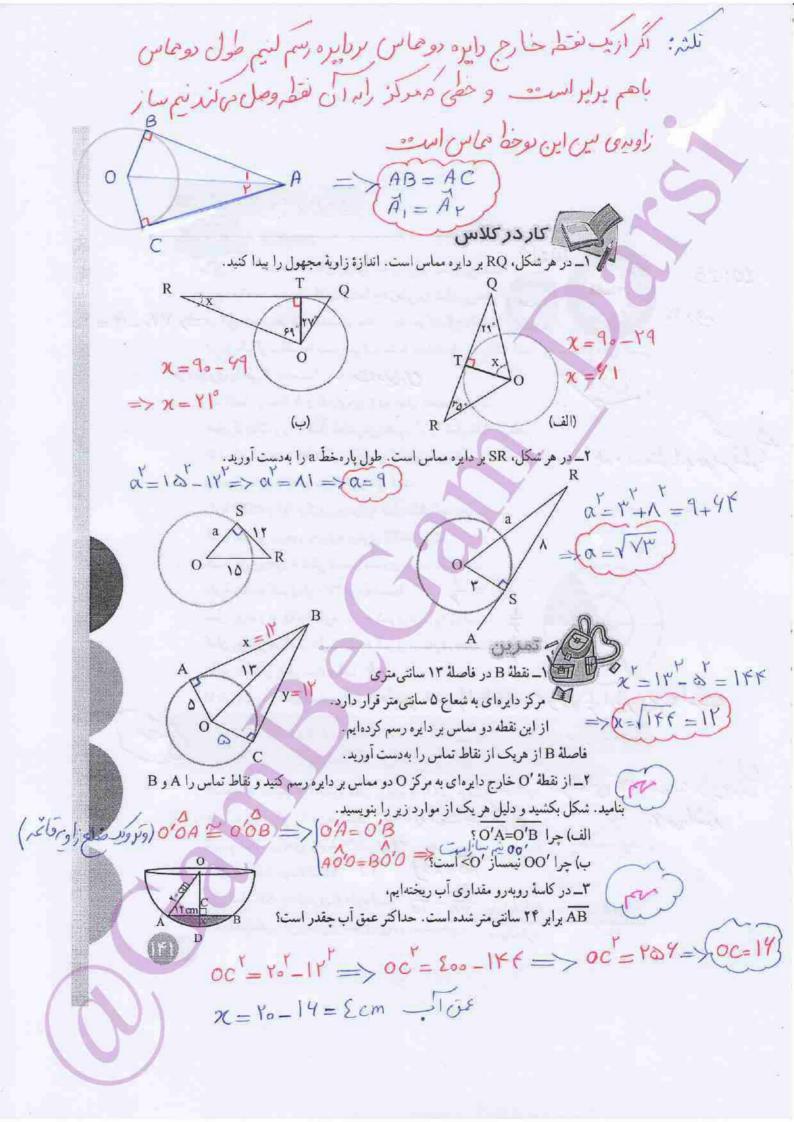
این دو چه تفاوتی دارند؟ دربارهٔ آن با دوستانتان گفتوگو کنید.

خطی از O بر AB عمود می کنیم و پای وسط AB را Mمی نامیم و O را به Mوصل می کنیم. عمود را H می نامیم. دو زاویهٔ H_1 و H_2 H_3 و H_4 و BOM در قائمه اند. پس دو مثلث قائم الزاویه AOH حالت سه ضلع با هم برابرند؛ پس $\hat{M}_1 = \hat{M}_3$ و چون و BOH در حالت و تر و یک ضلع بر ابرند؛ حاصل جمع این دو زاویه ۱۸۰ درجه است، پس $\hat{M}_1 = \overline{BH}$





نتیجه : خطی که از مرکز دایره بر وز عبودی شود، آن وز را مفت گاگید وبر عکس پاره خطی که مرکز دایره رابه وسط وز وصل می کند. بر آن محمد را است



زاویههای مرکزی الله فعاليت ١ ـ ساعتهاي روبه رو چه زماني را نشان مي دهند؟ پنج دقیقه بعد، هر یک از ساعتها چه زمانی را نشان می دهد؟ 🔫 = ۱۲ بد ۴۷ 👉 در این مدت، عقربهٔ دفیقه شمار چند درجه حرکت کرده است؟ طولانی نری را طی کرده است؟ ساعت دیواری

در هریک از ساعتها مسیر حرکت عقربهٔ دقیقه شمار را رنگ کنید. نوک کدام عقربه مسیر

Y الف) دو نقطهٔ A و B دايره را به دو كمان تقسيم كرده اند.

کمان کوچک تر را با AB نمایش می دهیم و آن را کمان AB می نامیم.

آیا ممکن است دو نقطه، دایره را به دو کمان مساوی تقسیم کنند؟ توضیح دهید. بلم ، دونقط

ب) مرکز دایره را به دو سر گمان وصل کنید.

زاویهٔ AOB زاویهٔ مرکزی روبه رو به کمان AB نامیده می شود.

کمان AB نیز روبهرو به زاویهٔ مرکزی AOB است.

٣ شبكل روبه رو به شش قسمت مساوي تقسيم شده است.

زاویهٔ O_۱ چه کسری از ۳۶۰ درجه است؟

کمان روبهرو به O، در دایرهٔ c، چه کسری از دایرهٔ c، است؟ کمان روبهرو به O، در دایرهٔ c، چه کسری از دایرهٔ c، است؟

آیا این دو کسر با هم مساوی اند؟ بلم

آیا طول این دو کمان مساوی است؟ حیر اولی کیاردانوی می و دوی کی ارزانوی کی است

اندازهٔ کمان AB برابر است با اندازهٔ زاویهٔ مرکزی روبدرو بدآن. بنابراین، ممکن است دو

كمان با اندازه هاي مساوي، طول هاي متفاوتي داشته باشند.

۴_ چرا در فعّالیت (۳) اندازهٔ کمان روبه رو به O، در هریک هردامره ماهرنسماعی ۲۴۰ براس و اس روای

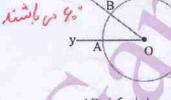
از دایره های c و c برابر ۶۰ درجه است؟ ل دلیره اسب بس هر داره

۵_ در شکل رو به رو زاویهٔ xOy برابر ۳۶ درچه است.

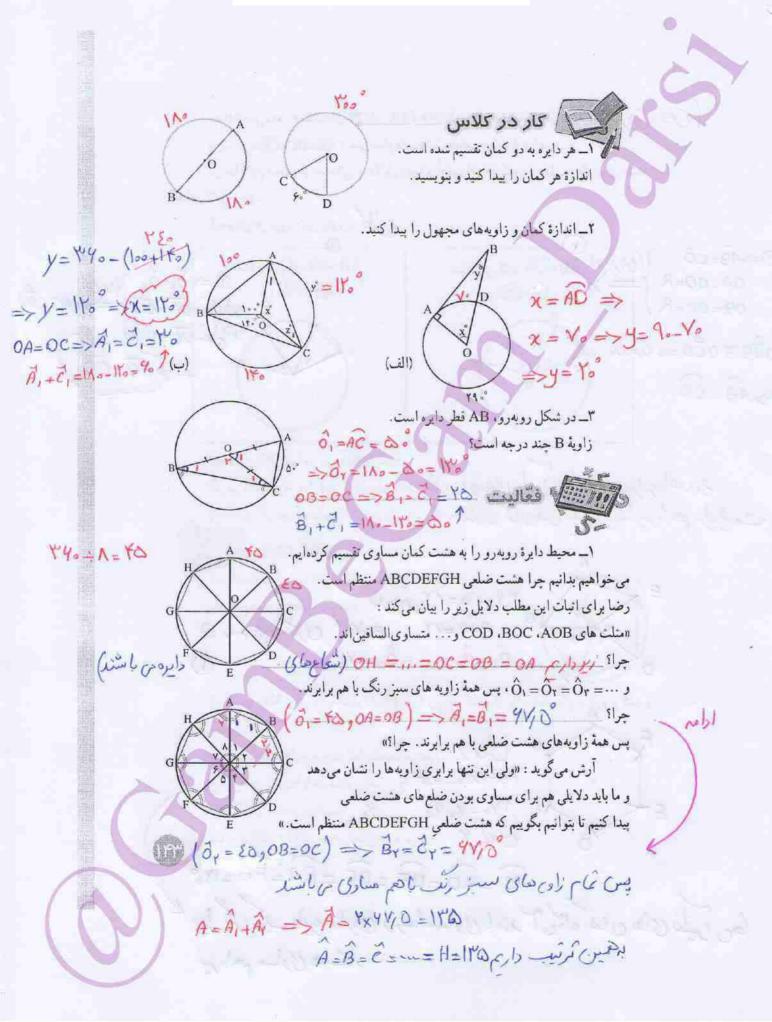
کمان AB چند درجه است؟ ۴۲۳

طول کمان AB چه کسری از دایره است؟ مل = ۲۷ طول کمان AB

برای پاسخ دادن به این پرسش از تساوی رویه رو کمک بگیرید.

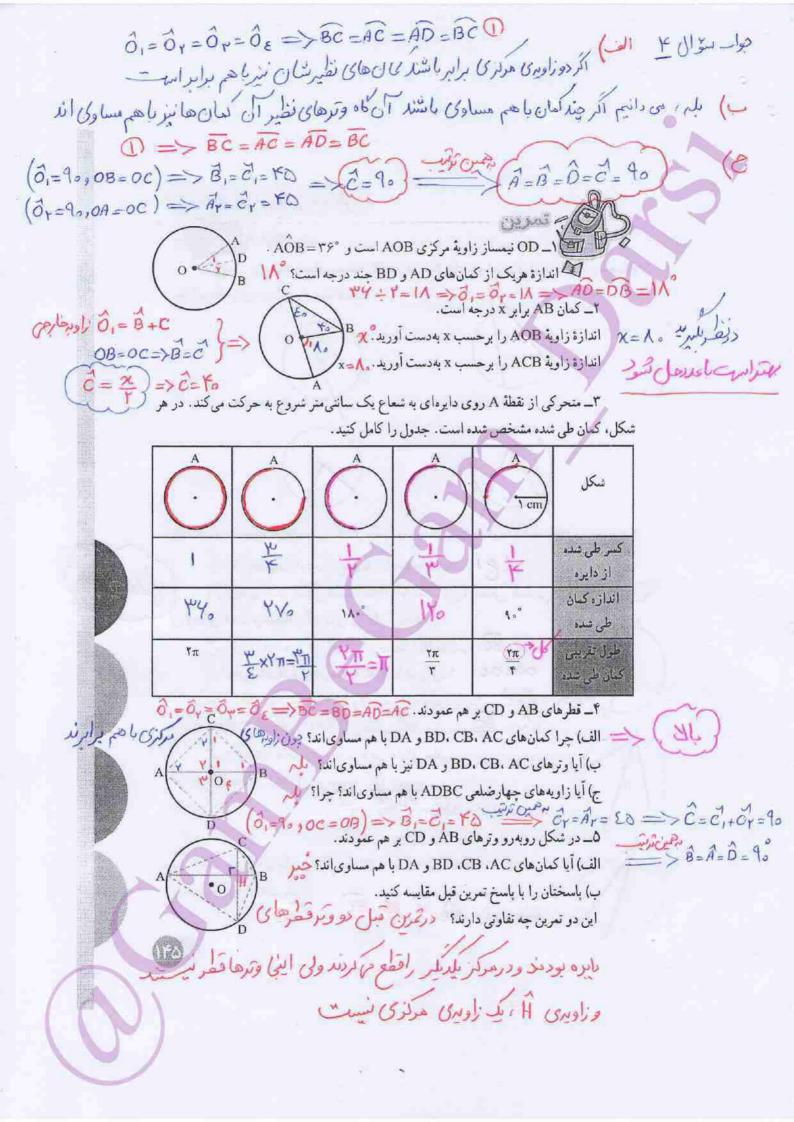






بعد ادامه می دهد : «مثلثهای COD ،BOC ،AOB و ... هم نهشت اند. در چه حالتی؟ (عن م و زعم) پس = AB=BC=CD ؛ يعني ضلع هاي هشت ضلعي هم مساوي اند.» هر جا لازم است، توضيحاتي به دلايل رضا و أرش اضافه كنيد تا دليل منتظم بودن هشت ضلعي كامل شود. ۲_ برای هر مورد دلیل بیاورید. کلامی (P=>AB=CD ب) فرض كنيد AB = CD . (ع) عن فرض الف) فرض كنيد (AB=CD. 0)= 0,=07 (Gica) AOB=COD OA=OD=R جرا AB=CD! جرا AB=CD 0B=0C=R OC=OB OAB = OCD = OF A + AB = CD =>AB = CD نتيجة اين فعّاليت را در دو جمله بنويسيد. اگر در یک دایره، اندازهٔ دو کمان برابر باشد، از روی و ترهای نظیرا نهانیر ناجم برابرخواهد بور به عکس، اگر در یک دایره اندازهٔ دو وتر برابر باشد، افرازدی کی دی نظیر آل حما نیز را حم مرامراس کاردرکلاس 🚩 ا_ با استفاده از خطکش و نقاله، در دایرهٔ روبهرو یک پنج ضلعی منتظم رسم کنید. المازه کا حریم ک^{ا کا کا کا کا کا و کا کا} AOB =VY رسم زاوی مرکزی "۲۷ درج ۲۷ مرای مرکزی "۲۷ مرای مرکزی "۲۷ مرای مرکزی "۲۷ مرای مرکزی "۲۷ مرای مرکزی از مرکزی از م ۲_ الف) دهانهٔ بِرگار را به اندازهٔ شعاع دایرهٔ زیر باز کنید. از یک نقطهٔ دایره، شروع کنید و یی در پی کمان بزنید. ب) بدین ترتیب، دایره به چند کمان تقسیم می شود؟ میران ج) چرا این کمان ها با هم مساوی اند؟ ربرا AB=BC=...=AF د) هر کمان جند درجه است؟ ° الله عند درجه است؟ ° هـ) چند کمان ۱۲۰ درجه در شکل دیده می شود؟ مح می ن AC = BD = CE = DF = EA = FB=14. ربرا الردريك دايره اندازهى وترها مساوى باشد آى كاه كمان هاى نيا

ليز ماهم مساوى هستند

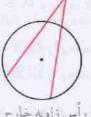


زاويدهاي محاطي

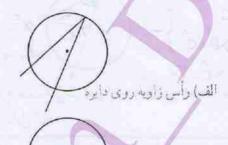
الله فعاليت

۱_مانند نمونهٔ رسم شدهٔ (الف)، در شکلهای زیر نمونه ای از هر یک از وضعیتهای

مختلف یک زاویه و دایره را رسم کنید.



ب) رأس زاويه خارج دايره





د) رأس زاویه داخل دایره در نقطه ای غیر او مرکز

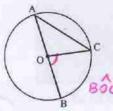
ج) رأس زاويه در مركز دايره

(pls 15,

در كدام وضعيت زاويهٔ مركزي نشان داده شده است؟ (ج)

به زاویه ای که در شکل «الف» مشاهده می کنید، زاویهٔ محاطی گفته می شود. رأس این زاویه

روی دایره است وضلعهای آن، دایره را قطع کردهاند.



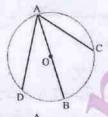
۲_ اندازهٔ زاویهٔ مرکزی BOC را برحسب BC بنوبسید: BOC=BC چرا زاویه های A و C در مثلث AOC با هم برابرند؟ OA = OC چه ارتباطی میان زاویه BOC و این دو زاویه وجود دارد؟ ﴿ Bôc = A + c

اندازهٔ زاویهٔ محاطی BAC را برحسب BC بنویسید. عطر BAC=

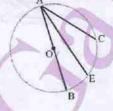
٣ با توجه به فعّاليت قبل، با پر كردن جاهاي خالي

اندازهٔ زاویهٔ محاطی DAC را برحسب \overrightarrow{DC} بنویسید. $\overrightarrow{DAC} = \overrightarrow{DAB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{DC}$

$$\overrightarrow{DAC} = \overrightarrow{DAB} + \overrightarrow{BAC} = \frac{\overrightarrow{BD}}{Y} + \frac{\overrightarrow{BC}}{Y} = \frac{\overrightarrow{DC}}{Y}$$



۴ با ير كردن جاهاى خالى، اندازة زاوية محاطى EAC را هم برحسب ÉC بنویسید. EÂC=BÂC-BÂE BE EC



۵_ پاسخ فعّالیتهای (۲)، (۳) و (۴) را با هم مقایسه کنید. آیا در این سه فعّالیت، همهٔ حالتهای زاویهٔ محاطی بررسی شدهاند؟ عبارت زیر را کامل کنید. بلیم اندازهٔ هر زاویهٔ محاطی برابر است با صف کما این معّامل به آلی

کار در کلاس

۱ - با توجه به شکل روبهرو، الذی زاریههای محاط مقابل به ن

 \bigvee_{D} گر $\widehat{\delta}$ و $\widehat{\delta}$ را پیدا کنید. $\widehat{\delta}$ و کرو $\widehat{\delta}$ را پیدا کنید. $\widehat{\delta}$ و $\widehat{\delta}$ و $\widehat{\delta}$ ب) دو زاویهٔ محاطی دیگر رسم کنید که \widehat{AE} کمان مقابل به آنها نیز باشد.

۲_ در شکل روبهرو، اندازهٔ زاویهٔ محاطی C را تعیین کنید.

دو دانشآموز به این سؤال جواب دادهاند.

راه حل های آنها را توضیح دهید.

قاطعه ما المرس ما شد من ما شد

G , F claral

أُو معلى من السائن الس

وزلوى كا معا= أة اسه

مر اویهٔ محاطی مقابل به کمان AB رسم کنید.

سه زاویهٔ محاطی دیگر مقابل به همین کمان رسم کنید. فکر می کنید چند زاویهٔ دیگر می توان رسم کرد؟ چرای شاری سیاری هی ها دیان AMB می سیار آیا همهٔ این زاویه های رسم شده با هم برابرند؟ چرا؟

ملیر، زیراهندی روبدروی دیدی ن می باشند پس تصف عان AB می باشند ۲- قطر AB دایره را به دو کمان تقسیم کرده است.

اندازة هر كمان چند درجه است؟ چرا؟ م ١٨٠٠ م ١٨٠٠ ٢٠١٠

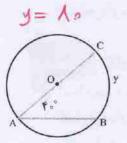
چند زاویهٔ محاطی مقابل به کمان AB رسم کنید.

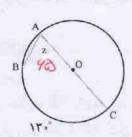
چند زاویهٔ محاطی می توان رسم کرد؟ جرا؟ می سما را مون روی فحیط را بره می از رفع وجود دارد

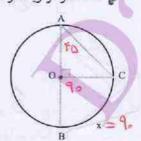
اندازهٔ این زاویه های محاطی مقابل قطر چند درجه است؟ چرا؟

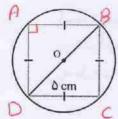
کار در کلاس

ا_اندازهٔ زاویه ها و کمان های خواسته شده را پیدا کنید.









۲_ در شکل روبه رو، همهٔ رأس های یک لوزی به ضلع ۵ سانتی متر
 ۲ در شکل روبه رو، همهٔ رأس های یک لوزی به ضلع ۵ سانتی متر

روی دایره قرار دارد. چرا این لوزی، مربع است؟ مما = الله علم BD = الله

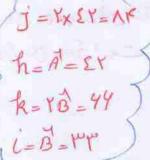
پرو بین ورون کریم قطر دایره چند سانتی متر است؟ BDY= 27+04

=>BD=V & 0 +VTOXY

=> BD = OVF

دوری که ملے زاویہ می قائم رانشتہ باشد مربع اسے

ا اندازهٔ زاویه ها و کمان های مجهول را پیدا کنید.







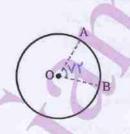
 $d = c = \delta V$ $e = \widehat{AB} = 11Y$

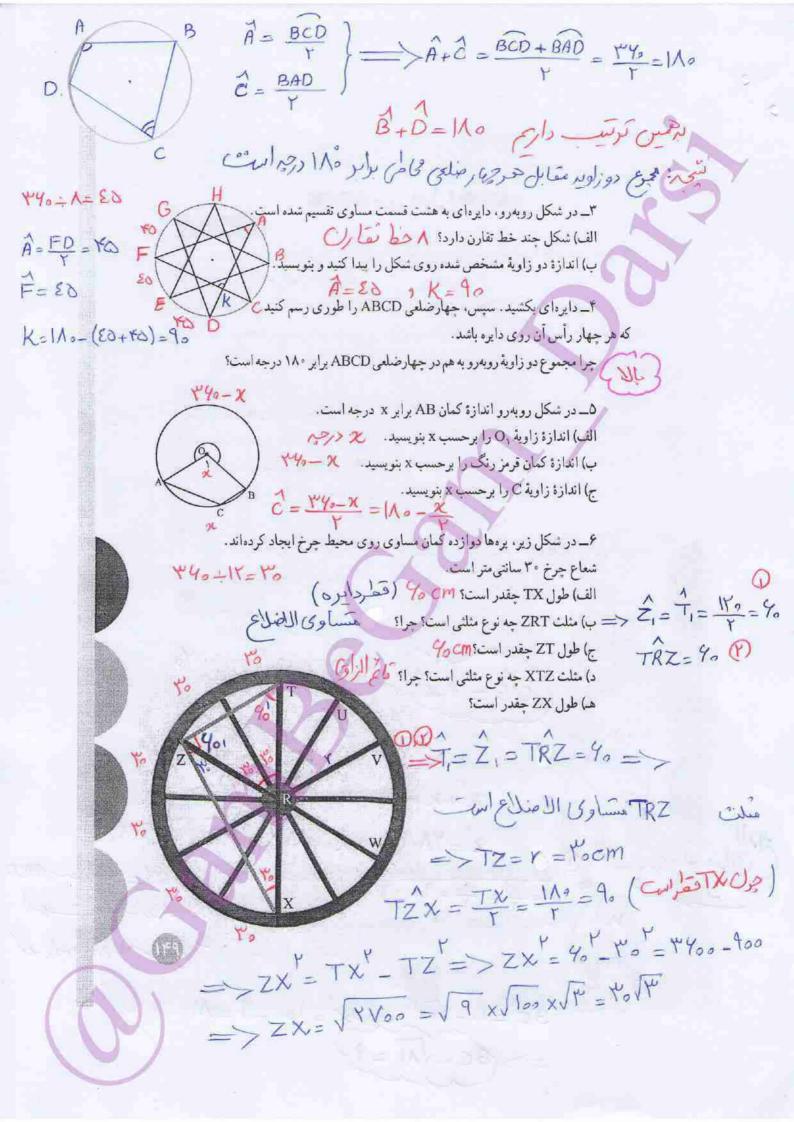
۲_ در شکل زیر زاویهٔ مرکزی AOB برابر با ۷۲ درجه است. اندازهٔ کمان AB چند درجه

است؟ ٧٢ = ٥ = AB

اگر، دهانهٔ برگار را به اندازهٔ AB باز کنیم و با شروع از نقطهٔ B، پیدرپی کمانهایی بزنیم، به این ترتیب ر چند کمان مساوی روی دایره جدا میشود؟ 🔻 🔊

440-VY= D





● ۞ مرور فصل ٩ ۞ ۞

مفاهيم و مهارت دا

ر در این قصل وازدهای زیر به کار رفته اند، مطمئن شوید که می توانید با جمله های خود. آنها را تعرف کنید و برای هر کدام مثالی بزنید

زاویهٔ مرکزی
 زاویهٔ محاطی

• خط مماس 💎 • زاویهٔ مرکز:

در این فصل، ووشی های اصلی زیر مطرح شده اند. با یک مثال هر کدام را تو شیخ دهید و در

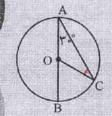
دفتر خود خلاصة درس را بتوبسيد.

- پيدا كردن مركز دايره
- نساوی کمان ها و وترهای متناظر
 - ، رسم خط مماس بر دایره
- رسم چندضلعی منتظم به کمک زاویهٔ مرکزی
- پیدا کردن زاویهٔ محاطی با توجه به کمان روبهروی أن

کاربرد

رسم چندضلعیهای منتظم به کمک مفاهیم زاویهٔ مرکزی یکی از کاربردهای مهم این درس در طراحی شکلهای تزیینی و معماری است.

تمويزهای ترکیبی



۱ــ با توجه به شکل روبهرو، اندازهٔ زاویهها و کمانهای زیر را بنویسید.

ĉ=to.., côb=40.., 6c=40

 $\begin{pmatrix} coB = A + c \end{pmatrix}$

۲_ کاغذی مربعی شکل به قطر ۲۴ سانتی متر داریم. مطابق شکل، بزرگ ترین دایره ای را که

می توانستیم روی آن رسم کردیم. قطر این دایره را حساب کنید

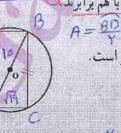
x"+x"= YE"=> Yx"= OVY =>

 $\chi' = Y \wedge \Lambda = \chi = \sqrt{Y \wedge \Lambda} = \sqrt{Y} \times \sqrt{18} = 1 \times \sqrt{Y}$

۳_الف) در شکل زیر ضلع های روبه رو به هم در جهارضلعی با هم برابرند ه

 $A = \frac{BP}{V} = \frac{1}{V} = \frac{9}{V} = \frac{9}{V}$

كه يد اوله قاعم وارد مستطال المستطول مستطيل وا به دست أوريد.



BC=10-V19 =>BC=100-19=11

=>BC=VAI = 9