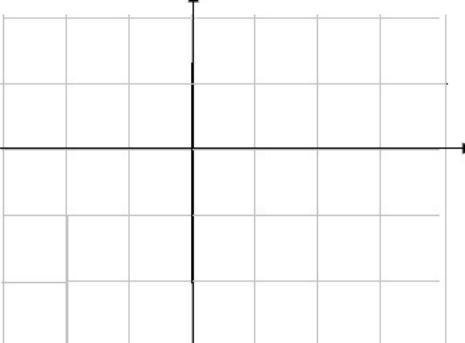
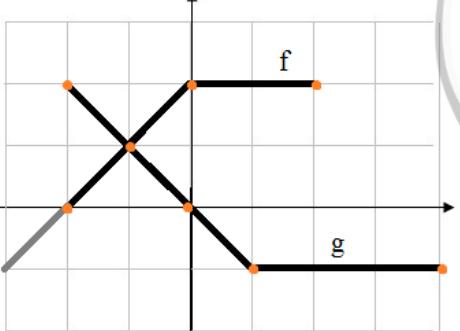




هم کلاسی
Hamkelasi.ir

ردیف	سؤالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی هر مورد را مشخص کنید:</p> <p>الف - دو خط مقابل $x-y=2$ ، $x+2y=1$ نسبت به هم موازیند .</p> <p>ب - نقاط برخورد نمودار یک تابع مانند f را با محورهای مختصات صفرهای تابع می گوییم .</p>	+۵
۲	<p>دو نقطه $A(-1,3)$ و $B(2,4)$ داده شده است .</p> <p>الف - فاصله ای نقطه $C(4,1)$ از وسط AB را به دست آورید .</p> <p>ب - اگر نقطه M وسط AB باشد معادله ای خطی که از C و M می گذرد را بنویسید .</p>	۱/۵
۳	<p>الف) معادله $x^3 - 3x^2 - 2x + 3 = 0$ را حل کنید.</p> <p>ب) معادله مقابل را حل کرده و قابل قبول بودن یا نبودن ریشه را تعیین کنید.</p> <p>ج) معادله درجه دومی بنویسید که ریشه های آن $\frac{\sqrt{2}-\sqrt{3}}{\sqrt{2}+\sqrt{3}}$ و $\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{3}}$ باشند .</p>	۱/۲۵ ۰/۷۵
۴	معادله ای تابع مقابل را بنویسید .	۱

۱/۵	<p>اگر در شکل مقابل $\hat{A} + \hat{D}_x = 180^\circ$ باشد ، مقادیر مجهول را به دست آورید .</p>	۵
۱/۲۵	<p>ثابت کنید اگر در مثلث ABC داشته باشیم $\frac{AE}{EC} = \frac{AD}{DB}$ آنگاه : $DE \parallel BC$</p>	۶
۰/۵	عكس قضیه " اگر در مثلثی دو ضلع برابر باشند آنگاه مثلث متساوی الساقین است " را بنویسید .	۷
۱	<p>آیا دو تابع $g(x) = x - 1$ و $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 2x + 1}{x-1} & x \neq 1 \\ \cdot & x = 1 \end{cases}$ با هم برابر هستند؟</p>	۸
۱	<p>نمودار تابع $y = \sqrt{x+1} + 2$ را با استفاده از انتقال تابع $y = \sqrt{x}$ رسم کرده و دامنه این تابع را بدست آورید .</p>	۹

۱/۵		نمودار تابع $y = \frac{1}{2}[x - 1]$ را در بازه $x \in [-1, 3]$ رسم کنید.
۰/۲۵	الف - تابعی که مولفه دوم تکراری نداشته باشد (عضوی تکراری نداشته باشد) را تابع می نامیم .	۱۱
۰/۲۵	ب - برای رسم نمودار وارون یک تابع کافی است قرینه نمودار آن تابع را نسبت به رسم کنیم .	
۱	ج - وارون توابع زیر را بنویسید الف $y = 2x - 4$ ب $f = \{(1, 2), (3, -1), (4, -6)\}$	
۰/۵	اگر $\{f(x) = \{(1, 2), (4, 3), (5, 6)\} \text{ و } g(x) = \{(1, 5), (-1, 6), (4, 7)\}$ تابع $f + g$ را بنویسید .	۱۲
۱/۲۵		با توجه به نمودار داده شده نمودار تابع $g - f$ را رسم کنید.
۰/۵	الف) ۶۰ درجه معادل رادیان است .	۱۴
۰/۵	ب) در دایره ای با شعاع 10 cm ، اندازه زاویه مرکزی مقابل به کمان به طول 8 cm رادیان است .	
۱	ج) آیا مثلثی وجود دارد که زوایای آن $\frac{\pi}{6}$ و $\frac{\pi}{3}$ و $\frac{\pi}{2}$ باشد؟	
۱	الف - مقدار عبارت $P = \tan(-540^\circ) + \sin\left(\frac{23\pi}{4}\right) - \cos(-210^\circ)$ را بیابید .	۱۵
۱	ب - هرگاه $\sin\theta = \frac{1}{2}m - 1$ باشد و $\theta \in \left(-\frac{5\pi}{6}, \frac{\pi}{4}\right)$ حدود m را تعیین کنید .	
۲۰	خدایا تو همانی که من می خواهم ، مرا همانی کن که تو می خواهی !	جمع نمرات

لیست امتحانی آزمون نوبت اول دو س

الا بذكر الله تطمئن القلوب

تاریخ آزمون: ۱۰/۹/۱۳۹۶

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

نمره: مسجح:

ریاضی (۲) پایه یازدهم تجربی
دیبرستان ۱۷ شهریور

نام کلاس:

ملحق امتحان: داراب حسن پور

ردیف	پاسخنامه سؤالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی هر مورد را مشخص کنید:</p> <p>الف - دو خط مقابل $x - y = 2$ و $x + 2y = 1$ نسبت به هم موازیند.</p> <p>ب - نقاط برخورد نمودار یک تابع مانند f را با محورهای مختصات صفرهای تابع می‌گوییم.</p>	+۵
۲	<p>دو نقطه‌ی $A(-1, 3)$ و $B(2, 4)$ داده شده است.</p> <p>الف - فاصله‌ی نقطه‌ی $C(4, 1)$ از وسط AB را به دست آورید.</p> <p>ابتدا نقطه‌ی وسط AB را معلوم می‌کنیم:</p> $M \left \begin{array}{l} \frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{-1 + 2}{2} = 0/5 \\ \frac{y_1 + y_2}{2} = \frac{3 + 4}{2} = 3/5 \end{array} \right. \Rightarrow M(0/5, 3/5)$ <p>و حالا طول CM:</p> $CM = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} = \sqrt{(4 - 0/5)^2 + (1 - 3/5)^2} = \sqrt{12/25 + 6/25} = \sqrt{18/25}$ <p>ب - اگر نقطه‌ی M وسط AB باشد معادله‌ی خطی که از C و M می‌گذرد را بنویسید.</p> $y - y_1 = m(x - x_1) \Rightarrow y - 1 = \frac{3/5 - 1}{0/5 - 4}(x - 1) \Rightarrow y = -\frac{5}{4}x + \frac{12}{4}$	۱/۵
۳	<p>الف) معادله‌ی $x^4 - 2x^3 - 3 = 0$ را حل کنید.</p> <p>ب) معادله مقابله را حل کرده و قابل قبول بودن یا نبودن ریشه را تعیین کنید.</p> <p>این تساوی غیرممکن است</p> <p>زیرا طرف شامل رادیکال همواره مثبت و طرف دیگر همواره منفی است که تساوی این دو ناممکن است.</p> <p>ج) معادله درجه دومی بنویسید که ریشه‌های آن $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}}$ و $\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{3}}$ باشند.</p> $S = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{2} + \sqrt{3})^2 + (\sqrt{2} - \sqrt{3})^2}{(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3})} = \frac{2 + 2\sqrt{6} + 3 + 2 - 2\sqrt{6} + 3}{-1} = -10$ $P = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} = \frac{-1}{-1} = 1 \Rightarrow x^4 - Sx^2 + p = 0 \Rightarrow x^4 + 10x^2 + 1 = 0$	۱/۲۵
۴	<p>معادله‌ی تابع مقابله را بنویسید.</p> <p>$y = -(x - 1)^2 + 1$</p>	۱

۱/۵	<p>اگر در شکل مقابل $\hat{A} + \hat{D}_r = 180^\circ$ باشد، مقادیر مجهول را به دست آورید.</p> <p>دو مثلث $\triangle ABC$ و $\triangle CDE$ به حالت دو زاویه متشابه‌اند:</p> $\left. \begin{array}{l} \hat{A} + \hat{D}_r = 180^\circ \\ \hat{D}_r + \hat{D}_v = 180^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A} = \hat{D}_r, \quad \hat{B} = \hat{B}$ <p>در اینصورت می‌توان نوشت:</p> $\frac{EC}{BC} = \frac{CD}{AC} \Rightarrow \frac{x}{x+2} = \frac{5}{12} \Rightarrow x^2 + 12x = 5x + 35$ $\Rightarrow x^2 + 7x - 35 = 0 \xrightarrow{\Delta=7^2+4(-35)=189} x = \frac{-7 \pm \sqrt{189}}{2}$	۵
۱/۲۵	<p>ثابت کنید اگر در مثلث $\triangle ABC$ داشته باشیم $\frac{AE}{EC} = \frac{AD}{DB}$</p> <p>آنگاه: $DE \parallel BC$</p> <p>اثبات به روش برهان خلف:</p> <p>اگر $DE \not\parallel BC$ در اینصورت از D خط DE را موازی BC رسم می‌کنیم:</p> $DE_1 \parallel BC \xrightarrow{\text{براسن}} \frac{AD}{DB} = \frac{AE_1}{E_1C}$ <p>از طرفی طبق فرض مسئله داریم: $\frac{AE}{EC} = \frac{AD}{DB}$ که نتیجه می‌شود:</p> $\frac{AE}{EC} = \frac{AD}{DB} \xrightarrow{\text{ترک بیرون مخرج در صورت}} \frac{AE + EC}{EC} = \frac{AE_1 + E_1C}{E_1C} \Rightarrow \frac{AC}{EC} = \frac{AC}{E_1C} \Rightarrow E_1C = EC$ <p>که این تناقض است و لذا فرض خلف باطل و حکم ثابت است.</p>	۶
۰/۵	<p>عکس قضیه "اگر در مثلثی دو ضلع برابر باشند آنگاه مثلث متساوی الساقین است" را بنویسید.</p> <p>"اگر مثلثی متساوی الساقین باشد آن گاه دو ضلع آن برابرند."</p>	۷
۱	<p>آیا دو تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 2x + 1}{x-1} & x \neq 1 \\ . & x = 1 \end{cases}$ و $g(x)$ با هم برابر هستند؟</p> <p>ابتدا دامنه‌ی دو تابع را محاسبه می‌کنیم: $D_f = D_g = \mathbb{R}$</p> $f(x) = \frac{x^2 - 2x + 1}{x-1} = \frac{(x-1)(x-1)}{x-1} = x-1 = g(x)$ <p>به ازای $x \neq 1$ می‌توان نوشت: $f(x) = g(x)$</p> <p>به ازای $x = 1$ داریم: $f(1) = 0$, $g(1) = 0$ پس دو تابع برابرند.</p>	۸

۱		نمودار تابع $y = -\sqrt{x+1}$ را با استفاده از انتقال تابع $y = \sqrt{x}$ رسم کرده و دامنه این تابع را بدست آورید. نمودار وارونه - یک واحد به طرف چپ - دو واحد به طرف بالا منتقل می شود	۹
۱/۵		نمودار تابع $y = \frac{1}{x}$ را در بازه‌ی $[-1, 3]$ رسم کنید. $-1 \leq x < 0 \Rightarrow y = -1/5$ $0 \leq x < 1 \Rightarrow y = -1$ $1 \leq x < 2 \Rightarrow y = -1/5$ $2 \leq x < 3 \Rightarrow y = 0$	۱۰
۰/۲۵	الف - تابعی که مولفه دوم تکراری نداشته باشد (عضوی تکراری نداشته باشد) را تابع ... یک به یک می نامیم .		۱۱
۰/۲۵	ب - برای رسم نمودار وارون یک تابع کافی است قرینه نمودار آن تابع را نسبت به ... نیمساز دیگر اول و سوم رسم کنیم .		۱۲
۱	$y = 2x - 4 \Rightarrow 2x = y + 4$ الف) $x = \frac{y+4}{2} \Rightarrow f^{-1}(x) = \frac{x+4}{2}$ ب) $f = \{(1, 2), (3, -1), (4, -6)\}$ $f^{-1} = \{(2, 1), (-1, 3), (-6, 4)\}$ ج - وارون توابع زیر را بنویسید		۱۳
۰/۵	$f(x) = \{(1, 2), (4, 3), (5, 6)\}$ و $g(x) = \{(1, 5), (-1, 6), (4, 7)\}$ تابع $f + g$ را بنویسید . $D_{f+g} = D_f \cap D_g = \{1, 4\}$ ، $f + g = \{(1, 7), (4, 10)\}$		۱۴
۱/۲۵		با توجه به نمودار داده شده نمودار تابع $f - g$ را رسم کنید . $D_{f-g} = [-2, 2]$ $(f-g)(-2) = f(-2) - g(-2) = 2 - 0 = 2$ $(f-g)(-1) = f(-1) - g(-1) = 1 - 1 = 0$ $(f-g)(0) = f(0) - g(0) = 2 - 0 = 2$ $(f-g)(2) = f(2) - g(2) = 2 - (-1) = 3$	۱۳
۰/۵	الف) ۶۰ درجه معادل $\frac{\pi}{3}$ رادیان است .		۱۴
۰/۵			

لیگهای علمیه همکاری اسلامی

الا بذکر الله تطمئن القلوب

لیگ

تاریخ آزمون: ۱۰/۹/۱۳۹۶

مدت آزمون: ۱۰۰ دقیقه

نمره: مصحح:

سوالات امتحانی آزمون نوبت اول ۵ وس

ریاضی (۲) پایه یازدهم تجربی

دیبرستان ۱۷ شهریور

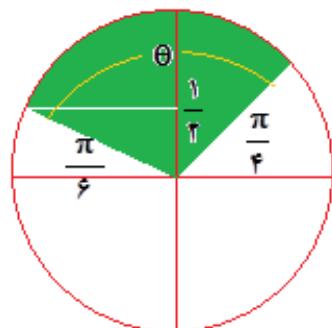
ب) در دایره‌ای با شعاع 10 cm ، اندازه‌ی زاویه مرکزی مقابل به کمان به طول 8 cm برابر $\frac{5}{4}$ رادیان است.

ج) آیا مثلثی وجود دارد که زوایای آن $\frac{\pi}{6}$ و $\frac{\pi}{3}$ و $\frac{\pi}{2}$ باشد؟ باید مجموع آنها 90° درجه یا π رادیان باشد.

$$\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{6} = \frac{3\pi + 2\pi + \pi}{6} = \frac{6\pi}{6} = \pi$$

الف - مقدار عبارت $P = \tan(-540^\circ) + \sin \frac{23\pi}{4} - \cos(-210^\circ)$ را بیابید.

$$P = -\tan(360^\circ + 180^\circ) + \sin\left(6\pi - \frac{\pi}{4}\right) - \cos(180^\circ + 30^\circ) = -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2}$$



ب - هرگاه $\sin \theta = \frac{1}{2}m - 1$ باشد و $0 < \theta < \frac{5\pi}{6}$ حدود m را تعیین کنید.

با توجه به ناحیه‌ی θ کمترین مقدار آن $\frac{1}{2}$ و بیشترین مقدار آن ۱ است.

$$\begin{aligned} -\frac{1}{2} \leq \sin \theta \leq 1 &\Rightarrow -\frac{1}{2} \leq \frac{1}{2}m - 1 \leq 1 \\ &\xrightarrow{+1} \frac{1}{2} + 1 \leq \frac{1}{2}m \leq 1 + 1 \\ &\xrightarrow{\times 2} 3 \leq m \leq 4 \end{aligned}$$

خدایا تو همانی که من می خواهم ، مرا همانی کن که تو می خواهی !

جمع نمرات